



Vendor Managed Inventory System in State of One Vendor and Multiple Retailers

H. Rasay ,Y. Zare Mehrjerdi^{*} , & M.S. Fallahnejad

Hasan Rasay, Industrial Engineering, Master of Science Student, Yazd University

Yahia Zare Mehrjerdi, Associate professor of Industrial Engineering, Yazd University

Mohammad Saber Falah nejad, Assistant professor of Industrial Engineering, Yazd University,

Keywords

Vendor managed inventory,
Game theory,
Stackelberg game theory,
Centralized supply chain,
Decentralized supply chain

ABSTRACT

Consider a supply chain that consists of one vendor and multiple retailers. We assume that the vendor procures product from an external source and sells it with the same wholesale price to the retailers. Demands in retailers' market are decreasing function of the price and vendor makes use a vendor managed inventory strategy. In this paper we propose model of supply chain in centralized and decentralized state. Supply chain performance in centralized state can be analyzed by mathematic optimization model while for analyzing supply chain performance in decentralized state use Stackelberg game. Finally, numerical analyses about the proposed models are done and performance of supply chain in centralized and decentralized state is compared.

© 2013 IUST Publication, IJIEPM. Vol. 24, No. 3, All Rights Reserved

*
Corresponding author. Yahia Zare Mehrjerdi,
Email: Yazm2000@yahoo.com



سیستم مدیریت موجودی توسط فروشنده در حالت یک فروشنده و چندین خرده فروش

حسن رسایی، یحیی زارع مهرجردی* و محمد صابر فلاح نژاد

چکیده:

زنجیره تامینی را در نظر بگیرید که شامل یک فروشنده و چندین خرده فروش است. فرض می شود که فروشنده، محصول را از یک منبع تامین خارجی دریافت کرده و آن را با قیمت یکسان به خرده فروش ها می فروشد. تقاضا در بازار خرده فروش ها تابعی کاهاشی از قیمت می باشد و فروشنده از رویکرد مدیریت موجودی توسط فروشنده در زنجیره تامین استفاده می کند. در این مقاله به مدل سازی این زنجیره تامین در حالت های مرکزی و غیر مرکز خواهیم پرداخت. عملکرد زنجیره تامین در حالت مرکزی را می توان براساس یک مدل بهینه سازی ریاضی تشریح کرد. برای تحلیل عملکرد سیستم در حالت غیر مرکز از تئوری بازی استاکلبرگ استفاده می کنیم. در نهایت تحلیل های عددی در مورد مدل های ارائه شده، انجام گرفته و به مقایسه عملکرد زنجیره تامین در حالت مرکزی و غیر مرکز خواهیم پرداخت.

کلمات کلیدی

مدیریت موجودی توسط فروشنده،
تئوری بازیها،
تجزیه ای استاکلبرگ،
زنجیره تامین مرکزی،
زنجیره تامین غیر مرکز

شدن عملکرد سیستم دسترسی دارد، انجام گیرد. این موقعیت در حالتیکه تمام زنجیره تامین تحت کنترل یک تصمیم گیرنده باشد امکان پذیر است در این حالت زنجیره تامین را یک زنجیره تامین مرکزی^۳ می نامیم. با این وجود در حالت کلی نه تامین کننده و نه خرده فروش ها نمی توانند کل زنجیره تامین را کنترل کنند. هر کدام از اعضای زنجیره تامین دارای اهداف و اولویت های خاص خود هستند و قبل از آنکه به بهینه شدن عملکرد کلی سیستم توجه کنند به دنبال بهینه کردن عملکرد فردی خود هستند. در واقع، هرگاه اعضای زنجیره تامین، نهاد های اقتصادی^۴ مستقل و جدا از هم باشند، به طور مستقل برای بهینه شدن عملکرد شان تلاش می کنند. در این حالت زنجیره تامین را غیر مرکزی^۵ می نامیم^[۱]. ساختار غیر مرکز زنجیره تامین، منجر به اثر نهایی سازی دو جانبی^۶ و اثر شلاق چرمی^۷ می شود که در نهایت عملکرد زنجیره تامین را تضعیف می کنند^[۲ و ۳]. بنابراین طراحی قرار دادها و استراتژی های مختلف برای نزدیک کردن

۱. مقدمه

در این بخش ابتدا به ارائه مقدمه ای در مورد ساختارهای زنجیره تامین و مدیریت موجودی توسط فروشنده خواهیم پرداخت. مقدمه ای در مورد تئوری بازیها و نقش آن در تحلیل عملکرد زنجیره تامین و سیستم مدیریت موجودی توسط فروشنده و همچنین نوآوری های جدید این مقاله ارائه خواهد شد.

۱-۱. ساختارهای زنجیره تامین و مدیریت موجودی توسط فروشنده

در حالت ایده آل، تصمیم گیری در زنجیره تامین می تواند توسط یک تصمیم گیرنده مرکزی^۸ که به تمام اطلاعات لازم برای بهینه

تاریخ وصول: ۹۰/۶/۹

تاریخ تصویب: ۹۰/۸/۲۹

حسن رسایی، دانشکده مهندسی صنایع، دانشگاه بیزد، Hasan.Rasay@gmail.com

*نویسنده مسئول مقاله: دکتر یحیی زارع مهرجردی، دانشیار، دانشکده

مهندسی صنایع، دانشگاه بیزد، Yazm2000@yahoo.com

محمد صابر فلاح نژاد، استادیار، دانشکده مهندسی صنایع، دانشگاه بیزد،

Saber9876@yahoo.com

² Centralized decision maker

³ Centralized supply chain

⁴ Economic entities

⁵ Decentralized supply chain

⁶ Double Marginalization

⁷ Bullwhip effect

چرمی تا حدود زیادی جلوگیری می شود. با افزایش دقت پیش‌بینی ها به طور قطعه تولید کننده می تواند برنامه ریزی تولید و حمل و نقل خود را به میزان قابل توجهی بهبود دهد. علاوه بر این، در این حالت تنها یک نقطه کنترل در زنجیره تامین وجود دارد و این به کاهش ذخیره های اطمینان در زنجیره تامین کمک می کند و در نهایت سطح خدمت به دلیل افزایش دسترسی به محصول، افزایش می یابد. مدیریت موجودی توسط فروشنده در بلند مدت می تواند سود هر دو طرف تامین کننده و خرده فروش را افزایش دهد^[۶].

سیستم مدیریت موجودی توسط فروشنده سال هاست که به صورت گسترشده توسط بسیاری از صنایع پذیرفته شده است. یک نمونه موققیت آمیز از اجرای این رویکرد به همکاری بین شرکت های وال مارت^۵ و P&G^۶ Proctor & Gamble بر می گردد. در سال ۱۹۸۵ مشارکت بین این دو شرکت، تحويل های به موقع P&G و فروش وال مارت را به میزان قابل توجه ای افزایش داد. گرددش موجودی هر دو طرف نیز ۳۰٪ افزایش یافت^[۷]. علاوه بر صنایع خرده فروش، مدیریت موجودی توسط فروشنده، توسط شرکت های شیمیایی بزرگ برای افزایش کارایی زنجیره تامین و بهبود روابط با مشتریان و تامین کنندگان پذیرفته شده است^[۸]. صنایع با تکنولوژی بالا مانند Dell^۷ HP^۸ و ST از این رویکرد برای کاهش سطح موجودی ها و هزینه هایشان استفاده می کنند^[۹]. باریلا^۹ مدیریت موجودی توسط فروشنده را در سال ۱۹۸۸ پذیرفت و منجر به کاهش سطح موجودی های خرده فروشانش تا نزدیک ۵۰٪ شد و در سال ۱۹۹۰ به بزرگترین تولید کننده پاستا^{۱۰} در جهان تبدیل شد. این شرکت ۳۵٪ از فروش پاستا در ایتالیا و ۲۲٪ از فروش پاستا در اروپا را در اختیار دارد^[۱۰].

۲- تئوری بازیها و بازی استاکلبرگ

تئوری بازیها، ابزار موثری برای تحلیل زنجیره های تامین با عوامل^{۱۱} مختلف و اهداف متضاد است. تئوری بازیها به تحلیل موقعیت هایی می پردازد که در آن تضمیم عوامل مختلف بر سود سایر عوامل تاثیر می گذارد و در واقع تئوری بازیها به بررسی مسائل بهینه سازی تعاملی^۹ می پردازد^[۱۱].

بازیها دارای ابعاد بسیاری می باشند و به همین دلیل می توان دسته بندی های متفاوتی از تئوری بازیها ارائه داد از قبیل بازیهای ایستا^{۱۰} و پویا^{۱۱}، مشارکتی^۱ و غیر مشارکتی^۲، بازی با مجموع

عملکرد زنجیره تامین غیر متمرکز به حالت متمرکز، حائز اهمیت است و مورد توجه بسیاری از محققان قرار گرفته است. مدیریت موجودی توسط فروشنده یکی از این استراتژیهای است که در دو دهه اخیر مورد استفاده بسیاری از شرکت ها گرفته است.

مدیریت موجودی توسط فروشنده، یک سیستم بازارسازی کششی^۳ است که تامین کننده (فروشنده) را به پاسخ گویی سریع به تقاضای واقعی قادر می سازد. مدیریت موجودی توسط فروشنده یک سطح بالا از مشارکت بین فروشنده و خرده فروش را نشان می دهد که در آن فروشنده تصمیم گیرنده اصلی در مورد کنترل موجودی است. تحت این رویکرد، فروشنده در مورد سطوح مناسب موجودی هر کدام از محصولات و رویکرد مناسب برای کنترل این سطح تصمیم گیری می کند^[۴].

شرکت^۵ در این سیستم دارای دو جزء اصلی می باشد: (۱) مدیریت موجودی توسط فروشنده بر یک رویکرد متمرکز کنترل موجودی توسط فروشنده و با همکاری خرده فروش ها تمرکز دارد و (۲) فروشنده می تواند به اطلاعات مربوط به بازار مصرف و موجودی های خرده فروشانش دسترسی پیدا کند^[۵]. براساس این رویکرد اجزاء پایین دستی^۶ زنجیره تامین (خرده فروش ها یا توزیع کنندگان) اطلاعات مربوط به تقاضا و قیمت فروش کالاهای خود را در اختیار قسمت های بالا دستی^۷ زنجیره تامین (فروشنده^۸، تولید کننده و یا تامین کننده) قرار داده و در عوض فروشنده وظیفه کنترل موجودی خرده فروشانش را به عهده می گیرد. با این استراتژی، خرده فروش ها از تمام هزینه های موجودی و یا بخشی از آن معاف شده و از طرفی دیگر فروشنده (تولید کننده) با در اختیار داشتن تقاضای مشتریان نهایی زنجیره تامین، می تواند برنامه ریزی تولید و حمل و نقل خود را به طور قابل توجهی بهبود دهد. لازم به ذکر است که هرگاه از استراتژی مدیریت موجودی توسط فروشنده یاد می شود منظور از فروشنده، جزئی از زنجیره تامین است که وظیفه کنترل موجودی را بر عهده دارد، که می تواند بسته به ساختار زنجیره تامین مورد بررسی، یک تولید کننده، تامین کننده مواد اولیه، فروشنده و یا یک توزیع کننده عمدۀ باشد.

همانطور که اشاره شد سیستم مدیریت موجودی توسط فروشنده به تولید کننده این امکان را می دهد که به اطلاعات مربوط به فروش و سطوح موجودی خرده فروش ها دسترسی پیدا کند. بنابراین در این حالت تامین کننده نسبت به تقاضای مشتریان نهایی، دید مستقیم دارد و می تواند پیش بینی های دقیق تری از تقاضای مشتریان انجام دهد. به این ترتیب از بروز اثر شلاق

^۱ Pull replenishment system

^۲ Partnership

^۳ Downstream

^۴ Upstream

^۵ Wall - mart

^۶ Barilla

^۷ Pasta

^۸ Agent

^۹ Interactive optimization problem

^{۱۰} Static game

^{۱۱} Dynamic game

آنها یک سیستم یکپارچه (متمرکز) و در واقع شامل یک تصمیم گیرنده بوده است و بنابراین آنها برای تحلیل عملکرد سیستم از تئوری بازیها استفاده نکرده اند. در این مقاله ضمن مدل سازی ساختار متمرکز زنجیره تامین، ساختار غیر متمرکز را نیز مدل سازی می کنیم. تشریح عملکرد ساختار غیر متمرکز براساس بازی استاکلبرگ و تعادل مربوط به این بازی انجام گرفته است. (۲) تقاضا در مدل آنها به صورت قطعی در نظر گرفته شده است. در این مقاله، تقاضا تابعی از قیمت در نظر گرفته می شود (۳) وارد کردن برخی پارامترها همانند کمبود موجودی در انبار خرده فروش ها و هزینه های حمل و نقل در این مقاله.

علاوه بر نوآوری های فوق از جهت مدل سازی، از جهت تحلیل های عددی نیز می توان گفت، در این مقاله ساختارهای متمرکز و غیر متمرکز را به صورت گسترده و با تولید اعداد تصادفی مقایسه کرده ایم. براساس بررسی های نویسندهان این مقاله، کارهای تحقیقاتی کمی وجود دارد که به مقایسه عملکرد ساختار متمرکز و غیر متمرکز به صورت گسترده و با تولید اعداد تصادفی پرداخته باشد که از این نمونه می توان به کار گوان و زهاو^[۱۴] اشاره داشت. در اکثر بررسی های انجام گرفته در زمینه سیستم مدیریت موجودی توسط فروشنده، ساختار متمرکز و غیر متمرکز تنها برای یک و یا چند مورد محدود مورد مقایسه قرار گرفته است^[۱۵]. بنابراین نتایج حاصله از این مقاله را می توان با اطمینان بیشتری به شرایط مشابه تعمیم داد. همچنین تحلیل حساست سیستم مدیریت موجودی توسط فروشنده با ارائه جداول و نمودار های لازم انجام گرفته است.

ادامه مقاله به این صورت می باشد: بخش ۲ به مرور ادبیات موضوع اختصاص داده شده است. بخش ۳ به معرفی نمادها و فرضیات مدل مربوط می شود. بخش ۴ به محاسبه هزینه های زنجیره تامین می پردازد. در بخش های ۵ و ۶ به ترتیب زنجیره های تامین متمرکز و غیر متمرکز را مدل سازی می کنیم. در بخش ۷ به تحلیل حساسیت سیستم مدیریت موجودی توسط فروشنده خواهیم پرداخت. بخش ۸ به مقایسه عملکرد زنجیره تامین در حالت غیر متمرکز با حالت متمرکز اختصاص دارد و سرانجام در بخش ۹ نتیجه گیری خواهیم کرد.

۲. ادبیات موضوع

از آنجا که مبحث مدیریت موجودی توسط فروشنده بسیار گسترده است در این قسمت صرفاً منابعی را ذکر کرده ایم که به نحوی به کاربرد تئوری بازیها در زنجیره تامین و مبحث مدیریت موجودی توسط فروشنده مرتبط باشند. شاید بتوان کاچون را نخستین محققی دانست که نقش تئوری بازیها را در تحلیل زنجیره تامین مورد بررسی قرار داده است^[۱۱]. کاچون شاخه

صفر^۳ و یا غیر صفر، بازی با اطلاعات کامل^۴ و یا با اطلاعات ناقص^۵ ... در یک طبقه بندی، بازیها به بازیهای ایستا و پویا دسته بندی می شوند. در بازیهای ایستا، بازیکنان استراتژی های خود را هم زمان انتخاب می کنند این همزمانی الزاماً به این معنا نیست که بازیکنان باید در یک زمان تصمیم بگیرند بلکه بیشتر به این مفهوم است که هر کدام از بازیکنان در زمان انتخاب استراتژی خود از تصمیم سایر بازیکنان بی اطلاعند. در بازیهای پویا بازیکنان استراتژی های خود را به صورت متوالی انتخاب می کنند و هر بازیکن باید بعد از انتخاب بازیکن قبلی، انتخاب خود را انجام دهد^[۲۱].

شاید ساده ترین نوع بازی پویا را بتوان بازی استاکلبرگ دانست. در مدل استاکلبرگ، بازیکن یک (رهبر^۶ بازی) در مرحله اول استراتژی خود را انتخاب می کند و بازیکن دو(پیرو^۷ بازی) با مشاهده این تصمیم استراتژی خود را انتخاب می کند. از آنجا که در بسیاری از مدل های زنجیره تامین، اجزاء بالا دستی زنجیره (به عنوان مثال عمدۀ فروشان) دارای قدرت بیشتری نسبت به قسمت های پایین دستی هستند مفهوم بازی استاکلبرگ کاربرد زیادی در زنجیره تامین پیدا کرده است^[۱۱]. حالتیکه زنجیره تامین تحت تسلط یکی از اجزاء به عنوان مثال تامین کننده باشد به صورت مدل استاکلبرگ و حالتیکه قدرت اجزاء زنجیره تامین یکسان باشد به صورت بازی با حرکت همزمان مدل سازی می شود^[۱۲]. منظور از قدرت در زنجیره تامین توانایی تاثیر گذاری/کنترل تصمیمات یکی از اجزاء بر تصمیم سایر اجزاء زنجیره است.

۱-۳. نوآوری های مقاله

زنジره تامین مورد نظر در این مقاله شامل یک فروشنده و چندین خرده فروش است. فرض کرده ایم که فروشنده رهبر بازی می باشد و سایر بازیکنان (خرده فروش ها) پیروان وی می باشند و بنابراین مسئله را به صورت بازی استاکلبرگ مدل سازی کرده و به تحلیل های عمیقی در مورد سیستم مدیریت موجودی توسط فروشنده خواهیم پرداخت.

بررسی زنجیره تامین تحت استراتژی مدیریت موجودی توسط فروشنده و در حالت یک فروشنده و چند خرده فروش، توسط دارویش و اوداه انجام گرفته است^[۱۳]. در این مقاله کار این محققان را از جهات زیر توسعه داده ایم: (۱) سیستم مورد بررسی

¹ Cooperative

² None cooperative

³ Zero sum game

⁴ Perfect information

⁵ Imperfect information

⁶ Leader

⁷ Follower

اجرای سیستم فوق بررسی کرده اند. زنجیره تامین مفروض در این مقاله شامل یک فروشنده و چندین خرده فروش است و با فرض رهبر بودن فروشنده از تئوری بازی استاکلبرگ برای تحلیل سیستم استفاده می شود.

۳. فرضیات و نمادها

i	اندیس مربوط به خرده فروش ها، $i=1,2,\dots,n$
n	تعداد خرده فروش ها در زنجیره تامین
$cons$	ثابت بودن تغییرات
$D_i(p_i)$	نرخ تقاضا برای خرده فروش λ_i که تابعی از قیمت کالا p_i است.
D	$(D = \sum_{i=1}^n D_i)$ نرخ تقاضا برای فروشنده
Q	مقدار سفارش دهی فروشنده
q_i	اندازه انتباشته ارسالی به خرده فروش λ_i
q	مقدار کل محصولی که فروشنده در هر بار به تمام خرده فروش ها ارسال می کند. $(q = \sum_{i=1}^n q_i)$
T	زمان سیکل فروشنده
T_i	زمان سیکل خرده فروش λ_i
T_R	زمان سیکل یکسان برای خرده فروش ها
Φ_i	هزینه حمل محصول از تولید کننده به خرده فروش λ_i (\$/unit)
cm	هزینه خرید هر واحد محصول توسط فروشنده (\$/unit)
H_{bi}	هزینه های نگهداری محصول در انبار خرده فروش λ_i (\$/unit/time)
H_v	هزینه های نگهداری موجودی در انبار فروشنده (\$/unit/time)
L_{bi}	هزینه های سفارشات تاخیر شده در انبار خرده فروش λ_i (\$/unit/time)
e_i	کشش قیمت نسبت به تقاضا برای خرده فروش λ_i
k_i	مقیاس بازار برای خرده فروش λ_i (\$/time)
S_{bi}	هزینه های ثابت سفارش دهی مربوط به خرده فروش λ_i (\$/order)
S_v	هزینه های ثابت سفارش دهی فروشنده (\$/order)
ζ_i	هزینه های موجودی که خرده فروش λ_i به فروشنده پرداخت می کند (\$/unit/time)
π_v	سود فروشنده (\$/time)
π_i	سود خرده فروش λ_i (\$/time)

های مختلف این تئوری و کاربرد آن در تحلیل زنجیره تامین را به صورت گستردۀ تحلیل کرده است. علاوه بر این ناگاراجان و سوسيک [۱۶] و فيستراس و همکاران [۱۷] کاربرد تئوری بازیها را در مدیریت زنجیره تامین تحلیل و بررسی کرده اند. علاوه بر منابع فوق که به مرور کلی کاربردهای تئوری بازیها در زنجیره تامین پرداخته اند محققان بسیاری از این تئوری برای تحلیل زنجیره تامین استفاده کرده اند. یوگانگ یو و همکاران از تئوری بازی استاکلبرگ برای تحلیل سیستم مدیریت موجودی توسط فروشنده در حالتیکه تولید کننده رهبر بازی باشد استفاده کرده اند [۵].

المهداو و مانتینی تئوری بازی استاکلبرگ را برای مقایسه سیستم مدیریت موجودی توسط فروشنده در حالتیکه تولید کننده رهبر بازی باشد با موقعیتی که یکی از خرده فروش ها رهبر و تولید کننده و سایر خرده فروش ها پیروان وی باشد به کار برده اند [۱۵].

بیشسکو و فری موقعیتی را که تامین کننده در زنجیره تامین دارای قدرت بیشتری باشد را براساس بازی استاکلبرگ تحلیل کرده و به مقایسه عملکرد زنجیره تامین متمرکز و غیر متمرکز پرداخته اند اما استراتژی مدیریت موجودی توسط فروشنده مورد نظر آنها نبوده است [۱۲]. یوان کین و همکاران به بررسی زنجیره تامینی شامل یک تامین کننده و یک فروشنده در حالیکه تقاضا تابعی کاهشی از قیمت می باشد پرداخته اند. آنها از بازی استاکلبرگ برای تحلیل زنجیره تامین استفاده کرده و از قراردادهای تخفیف قیمت و فرانچایز^۱ برای ایجاد هماهنگی در زنجیره تامین استفاده کرده اند [۱۸].

علاوه بر بازی استاکلبرگ، شاخه های دیگر این تئوری نیز برای تحلیل زنجیره تامین مورد استفاده قرار گرفته است. یو و هوانگ [۱۰] از بازی نش برای تحلیل سیستم مدیریت موجودی توسط فروشنده استفاده کرده اند. زنجیره تامین مورد بررسی سه سطحی و شامل چندین تامین کننده، یک تولید کننده و چندین خرده فروش است. یو و همکاران [۱۶] چگونگی روند تکامل سیستم مدیریت موجودی توسط فروشنده را با استفاده از مفهوم بازیهای تکاملی مورد بررسی قرار داده اند آنها نتیجه گرفته اند که در مراحل اولیه تکامل سیستم مدیریت موجودی توسط فروشنده ممکن است که تامین کننده با کاهش سود مواجه شود اما با گذشت زمان، تمام شرکاء این سیستم متنفع می شوند.

گوان و زهاؤ [۱۴] از رویکرد چانه زنی^۲ برای تحلیل سیستم مدیریت موجودی توسط فروشنده که شامل یک فروشنده و یک خرده فروش است بهره گرفته اند و دو سناریوی مختلف را در

¹ Franchise

² Bargaining

فروشنده و خرده فروش ها است. بخش دوم این فرض بیان می کند که خرده فروش ها در این کار صداقت دارند یعنی جهت رسیدن به سود بیشتر تمایل ندارند که اطلاعات مربوط به بازار فروش و یا موجودی های خود را نادرست نشان دهند. اینکه چه اتفاق می افتد که خرده فروش ها در ارسال اطلاعات صداقت را رعایت نکنند توسط نویسندها مختلفی مورد بررسی قرار گرفته است [۱۴].

اما بررسی این موضوع خارج از حیطه این مقاله است و نیازمند ابزارهایی همانند بحث تئوری بازیها با اطلاعات ناقص است. نکته آخر که می توان در مورد این فرض عنوان کرد این است که با توجه به اینکه در استراتژی VMI طرفین معمولاً تمایل به ارتباط طولانی مدت با هم دارند (فرض ۶ را ملاحظه بفرمایید) اشتراک اطلاعات و صداقت طرفین در این کار چندان دور از انتظار نیز نیست.

- زنجیره تامین به صورت دو سطحی در نظر گرفته می شود و فروشنده وظیفه کنترل موجودی در دو ناحیه را برعهده دارد:

- انبار محصول خود

- انبار محصول خرده فروش ها

- فرض می شود که فروشنده محصول را همزمان به تمام خرده فروش ها ارسال می کند. این فرض منطقی است زیرا براساس استراتژی مدیریت موجودی توسط فروشنده، فروشنده در مورد زمان و مقدار سفارش دهی محصول تصمیم می گیرد. به عبارت دیگر براساس این فرض خواهیم داشت:

$$T_1 = T_2 = \dots = T_n$$

شکل ۱ نمودار سیستم های موجودی زنجیره تامین مفروض را نشان می دهد. با مراجعه به این شکل تاثیر این فرض بر عملکرد زنجیره تامین واضح می شود.

- رابطه فروشنده و خرده فروش ها رابطه رهبر - پیرو^۴ است به این معنی که فروشنده رهبر بازی و خرده فروش ها پیروان وی می باشند.

- فرض می شود که هر دو طرف فروشنده و خرده فروش به روابط بلند مدت با هم علاقه مند هستند. رویکرد VMI چنین رابطه ای را تقویت می کند زیرا خرده فروش ها به مشارکت با فروشنده ای دیگر به دلیل هزینه های بالا این تغییرکمتر تمایل دارند. با وجود اینکه این امکان وجود دارد که خرده فروش ها با هم متحده شده و به صورت یک بازیکن^۵ منفرد عمل کنند اما در مدل ارائه شده این حالت را در نظر نمی گیرم.

سود کل سیستم مدیریت موجودی توسط فروشنده (شامل سود فروشنده و مجموع سود خرده فروش ها) $(\$/\text{time})$

متغیرهای تصمیم فروشنده:

b_i درصد از زمان که ابزارخود فروش نام خالی از موجودی است

q_i مقدار کالای ارسالی در هر مرتبه سفارش دهی به خرده فروش نام

N تعداد دفعات ارسال کالا به هر کدام از خرده فروش ها در زمان سیکل

فروشنده (T)

cp قیمت عمده فروش ($\$/\text{unit}$)

متغیر تصمیم خرده فروش:

p_i قیمت خرده فروش ($\$/\text{Unit}$)

همچنین سایر نمادهای لازم در قسمت های مربوطه معرفی خواهند شد.

فرضیات مدل

فرضیات مورد نظر در مدل ها به صورت زیر می باشند:

- یک فروشنده داریم و چند خرده فروش. فروشنده یک نوع محصول را از یک منبع خارجی و با هزینه ثابت cm ، تامین می کند. ظرفیت انبارهای فروشنده برای نگهداری محصول نامحدود فرض می شود. خرده فروش ها از هم مستقلند و در فروش محصول با هم رقابت نمی کنند (به عنوان مثال در نواحی جغرافیایی مختلفی قرار دارند). نرخ تقاضا برای هر خرده فروش تابعی کاهشی از قیمت کالا است و فرض می شود می توان آنرا براساس تابع کوب داگلاس^۱ به صورت زیر بیان کرد.

$$D_i(p_i) = k_i p_i^{-e_i}, i = 1, \dots, n, e_i > 1 \quad (1)$$

K_i و e_i به ترتیب مقیاس بازار^۲ و کشش تقاضا^۳ را برای خرده فروش نام بیان می کنند. تابع کوب داگلاس تابع معروفی برای بیان رابطه بین تقاضا و قیمت می باشد و توسط نویسندها مختلف مورد استفاده قرار گرفته است [۱۹، ۲۰ و ۱۵].

- براساس استراتژی مدیریت موجودی توسط فروشنده، خرده فروش ها باید اطلاعات بازار فروش خود را، صادقانه در اختیار فروشنده قرار دهند.

این فرض خود شامل دو قسمت است بخش اول بیان می کند که خرده فروش ها باید اطلاعات خود را در اختیار فروشنده قرار دهند که این بنابر ذات سیستم مدیریت موجودی توسط فروشنده است و در واقع یکی از ارکان این سیستم اشتراک اطلاعات میان

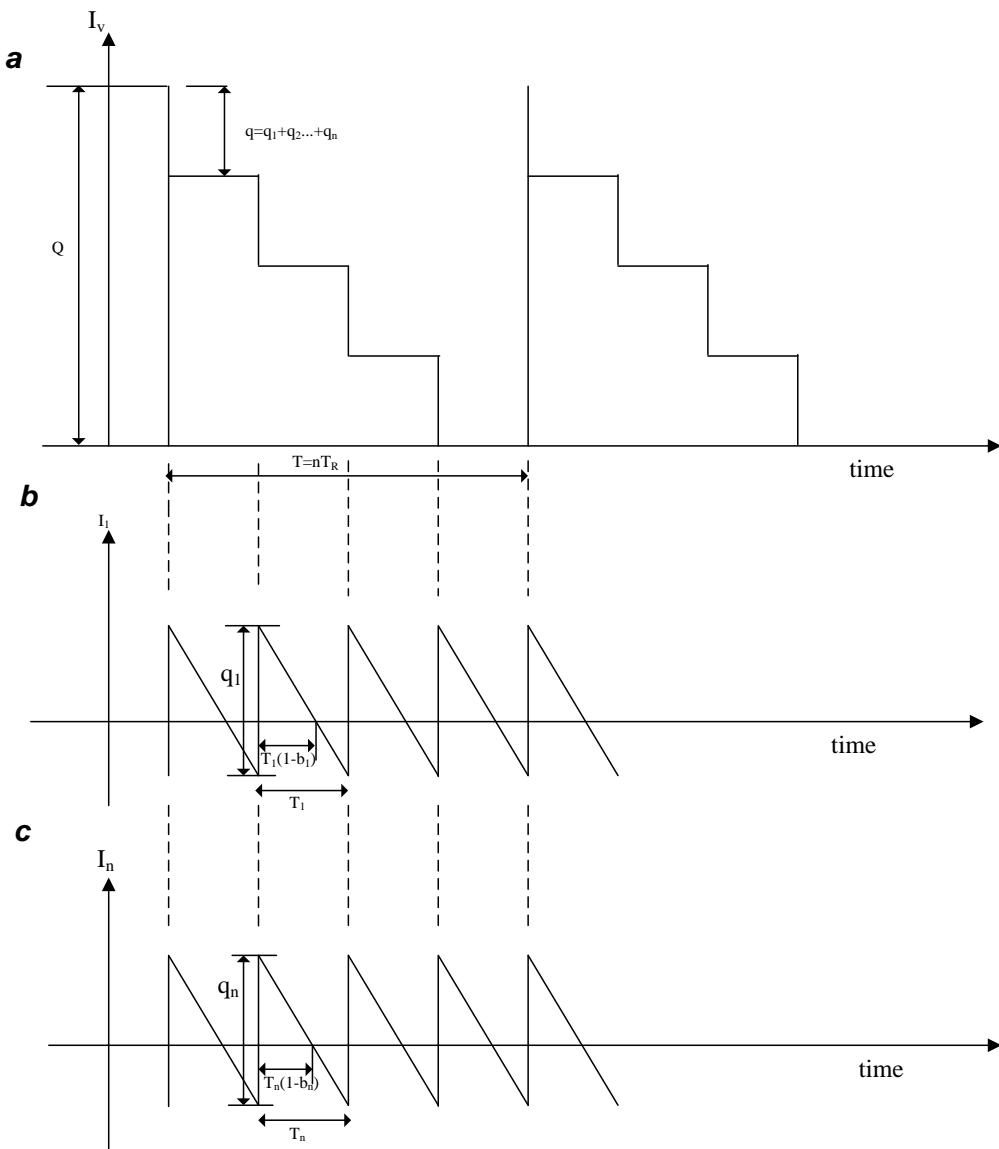
¹ Cobb-Douglas

² Market Scale

³ Demand Elasticity

⁴ Leader-follower

⁵ Player



شکل ۱. نمودار کنترل موجودی در مقابل زمان برای فروشنده، خرده فروش او خرده فروش

دریافت می کند و هزینه هر بار سفارش دهی فروشنده S_v است. همچنین فروشنده محصول را به طور همزمان به خرده فروش ها ارسال کرده و به عبارت دیگر سیکل بازپرسازی برای تمام خرده فروش ها یکسان است. بنابراین داریم:

$$T_R = T_1 = T_2 = \dots = T_n \quad (2)$$

از طرفی واضح است که:

$$T_i = q_i / D_i(p_i) \quad (i=1, \dots, n) \quad (3)$$

بنابراین خواهیم داشت:

$$T_R = q_i / D_i(p_i) = q_i / D_1(p_i) \quad (4)$$

۴. محاسبه توابع هزینه زنجیره تامین

در این قسمت به محاسبه هزینه های زنجیره تامین خواهیم پرداخت. هزینه های زنجیره تامین را به دو دسته کلی هزینه های مستقیم (TDC) و هزینه های غیر مستقیم (TIC) دسته بندی می کنیم. هزینه های خرید محصول از تامین کننده و هزینه حمل محصول به خرده فروش ها را هزینه های مستقیم و هزینه های سیستم های موجودی زنجیره تامین را هزینه های غیر مستقیم می نامیم. محاسبه این هزینه ها، فرایند مدل سازی را تسهیل می کند چون با کسر کردن این هزینه ها از درآمد زنجیره تامین در هر حالتی می توان سود زنجیره تامین را محاسبه کرد. همانطور که در فرضیات مطرح شد، فروشنده یک نوع محصول را با هزینه ثابت cm برای هر واحد، از یک تامین کننده خارجی

۵. زنجیره تامین متمنکز

همانطور که در مقدمه در مورد ساختارهای زنجیره تامین عنوان شد در ساختار متمنکز فرض می شود که یک تصمیم گیرنده مرکزی وجود دارد که به تمام اطلاعات سیستم دسترسی دارد، تمامی هزینه های سیستم را متحمل شده و همچین سود سیستم نسبت این تصمیم گیرنده می شود. هر چند که زنجیره تامین متمنکز یک حالت ایده ال و تقریباً دست نیافتنی است اما ما از این ساختار و عملکرد آن به عنوان معیاری برای سنجش عملکرد سیستم در حالت غیر متمنکز بهره می گیریم [۱۴]. با در نظر گرفتن هزینه های مستقیم و غیر مستقیم محاسبه شده در قسمت ۴ عملکرد بهینه سیستم را می توان براساس مدل برنامه ریزی غیر خطی مختلط عدد صحیح^۱ (MINLP) زیر که آن را L1 می نامیم، تعیین کرد.

$$(L1) \quad \begin{aligned} \text{Max } \pi_i &= \sum_{i=1}^n D_i(p_i)(p_i) - TDC - TIC \\ \text{s.t. } p_i &> cm, i = 1, \dots, n \\ 0 \leq b_i &\leq 1, i = 1, \dots, n \\ N &\geq 0, \text{integer} \end{aligned}$$

تابع هدف مدل سود کل سیستم را حداکثر می کند. محدودیت اول یک محدودیت منطقی است که قیمت فروش محصول را بیشتر از هزینه های خرید اولیه قرار می دهد. محدودیت دوم مقادیر b_i را در فاصله صفر و یک تعريف می کند که با تعريفی که از b_i داشتیم یک محدودیت بدیهی است و سرانجام محدودیت آخر N را به صورت عدد صحیح تعريف می کند.

۶. زنجیره تامین غیر متمنکز

با توجه به بحثی که در مورد تئوری بازی استاکلبرگ داشتیم برای تحلیل وضعیت سیستم در حالت غیر متمنکز و با فرض رهبر بودن فروشنده، از این تئوری استفاده می کنیم. خرده فروش i ام ($i=1, \dots, n$) به عنوان پیرو بازی مسئله زیر را بهینه سازی می کند.

$$(F_i) \quad \begin{aligned} \text{Max } \pi_i(p_i) &= (p_i - cp - \zeta_i)D_i(p_i) \quad i = 1, \dots, n \\ \text{s.t. } p_i &\geq cp + \zeta_i \end{aligned}$$

قضیه ۱. مقدار بهینه p_i ($i=1, \dots, n$) برابر است با $p_i^* = \frac{(cp + \zeta_i)e_i}{e_i - 1}$

$$\frac{d\pi_i}{dp_i} = (1 - e_i)k_i p_i^{-e_i} + e_i(cp + \zeta_i)k_i p_i^{-(e_i+1)}, i = 1, \dots, n$$

از طرف دیگر برای سیکل بازپرسازی فروشنده داریم:

$$T = NT_R = Nq_1/D_1(p_1) \quad (5)$$

با بیان این مقدمات به محاسبه هزینه های سیستم خواهیم پرداخت.

هزینه های مستقیم در واحد زمان:

$$TDC = \sum_{i=1}^n D_i(p_i)(cm + \Phi_i) \quad (6)$$

هزینه های غیر مستقیم در واحد زمان: محاسبه هزینه های غیر مستقیم اندکی مشکل تر است. اما با دقت در سطح زیر نمودار ها شکل ۱ و با توجه به بحث مقدماتی که در ابتدای این بخش شد به محاسبه این هزینه های خواهیم پرداخت.

هزینه های نگهداری موجودی که فروشنده در انبار خود در هر سیکل، T، متحمل می شود برابر است با:

$$H_v \left[(N-1)q^2 / D + (N-2)q^2 / D + \dots + q^2 / D \right] = H_v \frac{N(N-1)q_1^2 D}{2D_1(p_1)^2} \quad (7)$$

هزینه های سفارش دهی کل در هر سیکل، T، برابر است با

$$S_v + N \sum_{i=1}^n S_{bi} \quad (8)$$

هزینه های نگهداری و کمبود موجودی در انبار خرده فروش ها در واحد زمان برابر است با (اثبات در پیوست ۱):

$$\frac{q_1}{2D_1(p_1)} \sum_{i=1}^n \left[D_i(p_i)(1-b_i)^2 H_{bi} + D_i(p_i)b_i^2 L_{bi} \right] \quad (9)$$

رابطه های ۷ و ۸ را برابر تقسیم کرده و سپس مقدار T را از رابطه ۵ جایگزین رابطه حاصله کرده و سپس رابطه ۹ را به آن اضافه می کنیم در نتیجه به رابطه زیر می رسیم که کل هزینه سیستم موجودی در واحد زمان (مجموعه هزینه های غیر مستقیم) را نشان می دهد:

$$TIC = \frac{q_1}{2D_1(p_1)} \left(\sum_{i=1}^n \left(D_i(p_i)(1-b_i)^2 H_{bi} + D_i(p_i)b_i^2 L_{bi} \right) \right) + H_v \frac{(N-1)q_1 D}{2D_1(p_1)} + \left(S_v + N \sum_{i=1}^n S_{bi} \right) \frac{D_1(p_1)}{Nq_1} \quad (10)$$

¹ Mixed integer nonlinear programming

خرده فروش ها به عنوان پیروان بازی براساس نتایج تصمیمات فروشنده، سود خود را بهینه کرده و قیمت خرده فروش را تعیین می کنند. شرایط KKT برای مسئله خرده فروش آم (F_i) به صورت زیر می باشد.

$$(K) \begin{aligned} p_i - cp_i - \zeta_i &\geq 0 \quad r_i \geq 0, \\ (1-e_i)k_i p_i^{-e_i} + e_i(cp_i + \zeta_i)k_i p_i^{-(e_i+1)} \\ &+ r_i \leq 0 \quad p_i \geq 0, \end{aligned}$$

در روابط فوق T_i متغیر دوگان متناظر با محدودیت خرده فروش آم است و \perp برای نشان دادن رابطه متعامد بودن^۳ بین متغیر دوگان و محدودیت متناظر با آن به کار برده می شود. شرایط کان تاکر را با قرار دادن جرمیه M برای تخلف از شرایط مکمل^۴ وارد مسئله بهینه سازی فروشنده، V، می کنیم. با حل مدل برنامه ریزی حاصله می توان نقطه تعادل استاکلبرگ و استراتژی مطلوب هر کدام از بازیکنان را مشخص کرد. بنابراین خواهیم داشت:

$$\begin{aligned} (L2) \quad \text{Max } \pi_v(N, cp, q_1, b_1, \dots, b_n, p_1, \dots, p_n) = \\ \sum_{i=1}^n D_i(p_i)(cp + \zeta_i) - TDC - TIC - M \sum_{i=1}^n r_i(p_i - cp - \zeta_i) \\ + M \sum_{i=1}^n p_i \left[(1-e_i)k_i p_i^{-e_i} + e_i(cp + \zeta_i)k_i p_i^{-(e_i+1)} + r_i \right] \\ \text{s.t. } cp > cm, \\ P_i \geq cp + \zeta_i, \quad i = 1, \dots, n \\ 0 \leq b_i \leq 1, \quad i = 1, \dots, n \\ (1-e_i)k_i p_i^{-e_i} + e_i(cp + \zeta_i)k_i p_i^{-(e_i+1)} + r_i \leq 0, \quad i = 1, \dots, n \\ N \geq 0, \quad \text{integer} \end{aligned}$$

قضیه ۲. مقادیر بهینه (b_i) در مدل های L1 و L2 برابر

$$\text{است با } \frac{H_{bi}}{H_{bi} + L_{bi}}$$

اثبات:

$$\frac{\partial \pi_v}{\partial b_i} = \frac{q_1}{D_1(p_1)} [D_1(p_1)H_{bi}(1-b_i) - D_1(p_1)L_{bi}b_i]$$

$$\frac{\partial^2 \pi_v}{\partial b_i^2} = -\frac{q_1}{D_1(p_1)} D_1(p_1)H_{bi} - D_1(p_1)L_{bi} < 0$$

در نتیجه برای مقادیر ثابت (b_j = 1, ..., n, j ≠ i) نسبت به b_i اکیداً مقرر می باشد و می توان مقدار بهینه b_i را با برابر صفر قرار دادن مشتق محاسبه کرد.

از طرفی $\frac{d^2 \pi_i}{dp_i^2} < 0$ بنابراین تابع π_i اکیداً مقعر است و مقدار بهینه p_i با برابر صفر قرار دادن مشتق محاسبه می شود.

$$\frac{d \pi_i}{dp_i} = 0 \Rightarrow p_i^* = \frac{(cp + \zeta_i)}{e_i - 1} e_i$$

توجه داشته باشید که اولاً براساس فرضیات مدل، $e_i > 1$ بنابراین مقدار بهینه p_i به طور خودکار در محدودیت ها نیز صادق است و ثانیاً، خرده فروش ها نمی توانند به طور مستقیم مقدار p_i^{*} را محاسبه کنند زیرا p_i^{*} تابعی از cp است که مقدار آن توسط فروشنده تعیین می شود. اما توجه به این رابطه به ویژه در تحلیل های عددی که در مورد مدل ها انجام خواهیم داد ارزشمند است. درآمد کل فروشنده در واحد زمان برابر است با:

$$\sum_{i=1}^n D_i(p_i)(cp + \zeta_i) \quad (11)$$

در بخش ۴ به محاسبه هزینه های سیستم (هزینه های مستقیم و غیر مستقیم) پرداختیم از آنجا که براساس استراتژی مدیریت موجودی توسط فروشنده، فروشنده وظیفه کنترل موجودی در تمام سیستم را بر عهده دارد در نتیجه در ساختار غیر متمرکز تمام این هزینه بر عهده فروشنده می باشد. بنابراین فروشنده به عنوان رهبر بازی مسئله زیر، V، را بهینه سازی می کند.

$$\begin{aligned} (V) \quad \text{Max } \pi_v(N, cp, q_1, b_1, \dots, b_n) = \\ \sum_{i=1}^n D_i(p_i)(cp + \zeta_i) - TDC - TIC \\ \text{s.t. } cp > cm, \\ 0 \leq b_i \leq 1, \quad i = 1, \dots, n \\ N \geq 0, \quad \text{integer} \end{aligned}$$

برای یافتن نقطه تعادل استاکلبرگ^۱ شرایط کروش - کان-تاکر^۲ (KKT) را برای مسئله خرده فروش ها به عنوان پیروان بازی نوشته و سپس آنرا در مسئله فروشنده جایگذاری می کنیم [۱۵]. فرایند تصمیم گیری در بازی استاکلبرگ به این صورت می باشد. در مرحله اول تولید کننده به عنوان رهبر بازی، تعداد دفعات پرسازی در هر سیکل، مقدار کالای ارسالی به هر کدام از خرده فروش ها، درصد سفارشات تاخیر شده هر کدام از خرده فروش ها و قیمت عمده فروش محصول را تعیین می کند. در مرحله دوم

¹ Stackelberg equilibrium

² Karush-Kuhn-Tucker

³ Orthogonality
⁴ Complementery condition

تحلیل ها را در قالب جدول و برخی دیگر را در قالب نمودار معرفی خواهیم کرد.

تحلیل ها را در سه قسمت پارامترهای مربوط به سیستم فروشنده (قیمت خرید محصول)، پارامترهای مربوط به بازار خرده فروش ها (شامل کشش قیمت نسبت به تقاضا و مقیاس بازار)، و سرانجام پارامترهای مربوط به سیستم موجودی (هزینه های نگهداری و سفارش دهی) پی می گیریم.

در بررسی هر پارامتر، تحلیل ها بر روی یکی از دو موردی که در جدول ۱ مقدار پارامترهای آن مشخص شده، انجام گرفته است. در تمام تحلیل ها این بخش، مقادیر قیمت ها بر حسب واحد پولی، سود بر حسب ۱۰۰۰۰ واحد پولی و مقدار پارامتر k بر حسب ۱۰۰۰ واحد گزارش شده است. تحلیل ها با نرم افزار Lingo12 انجام گرفته است.

$$\frac{\partial \pi_v}{\partial b_i} = 0 \Rightarrow b_i^* = \frac{H_{bi}}{L_{bi} + H_{bi}}$$

واضح است که مقدار b_i^* به طور خودکار در محدودیت مدل های L2 صادق است. اثبات در مورد مدل L1 عیناً به همین صورت می باشد.

۷. نتایج تحلیل های عددی

در این قسمت به ارائه یک سری تحلیل های عددی در مورد ساختار غیر متمرکز زنجیره تامین، تحت سیستم مدیریت موجودی توسط فروشنده (مدل L2)، خواهیم پرداخت و به ویژه تاثیر تغییر پارامترهای مدل را بر نتایج تصمیمات هر کدام از اجزاء سیستم (فروشنده و خرده فروش ها) بررسی می کنیم. برخی از

جدول ۱. پارامترهای مربوط به موارد بررسی شده (مقدار k_i بر حسب ۱۰۰۰ واحد می باشد)

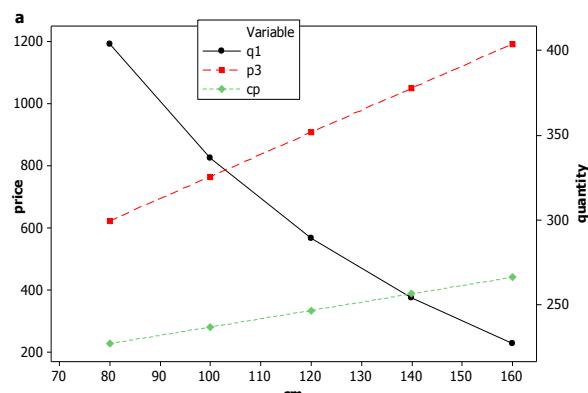
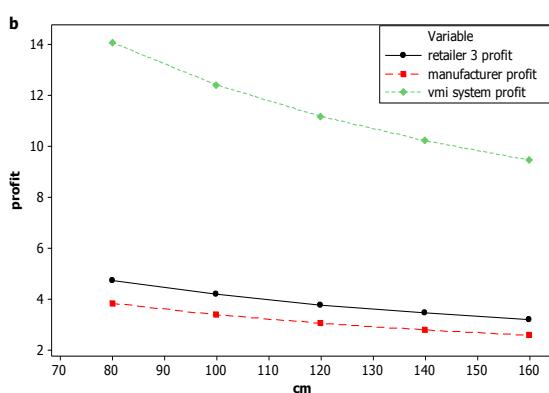
مورد	k_i	e_i	ζ_i	Φ_i	H_{bi}	L_{bi}	S_{bi}	H_v	S_v	cm
۱	۱۷۰	۱/۷	۱۵	۱۴	۵	۱۰۰	۲۰	۱	۱۶۰	۱۵۰
	۳۸۰	۱/۷	۷	۵	۸	۲۰۰	۲۰			
	۲۶۰	۱/۶	۱۲	۱۵	۸	۳۰۰	۳۰			
۲	۲۷۰	۱/۷	۷	۶	۸	۴۰۰	۷۰	۲	۱۸۰	۱۶۰
	۲۸۰	۱/۶	۱۲	۱۱	۶	۳۰۰	۱۳۰			
	۳۶۰	۱/۶	۶	۷	۵	۳۰۰	۳۰			

می بایند در حالیکه مقدار کالای ارسالی به خرده فروش یک در هر مرتبه، q_1 ، افزایش می باید. با توجه به رابطه بین q و مقادیر تقاضا (رابطه ۴) می توان نتیجه گرفت که با کاهش cm مقدار محصول ارسالی به تمام خرده فروش در هر مرتبه، افزایش می باید. بنابراین در حالت کلی خواهیم داشت:

$$cm \downarrow \rightarrow cp \downarrow \rightarrow p_i \downarrow \rightarrow D_i \uparrow \rightarrow q_i \uparrow \rightarrow \pi_i \uparrow \rightarrow \pi_m \uparrow \rightarrow \pi_t \uparrow$$

۱. هزینه خرید محصول، cm

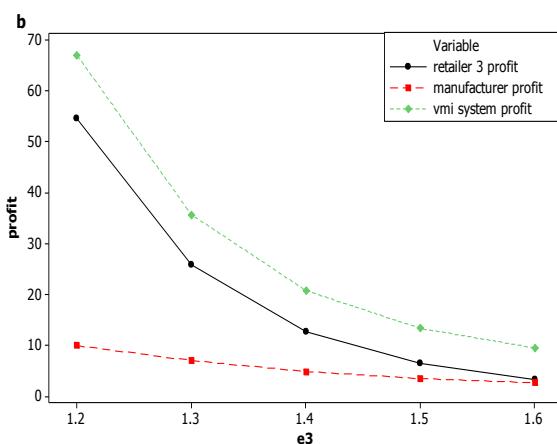
شکل ۲ تاثیر تغییر در قیمت خرید محصول را نشان می دهد. ملاحظه می شود که با کاهش cm سود خرده فروش ها (در اینجا سود خرده فروش ۳ به عنوان نمونه انتخاب شده است)، سود فروشنده و به طبع آن سود کل سیستم افزایش می باید. همچنین با کاهش cm، قیمت های خرده فروش و عمدہ فروش کاهش



شکل ۲. (a) تاثیر پارامتر cm بر قیمت خرده فروش ۳ و قیمت عمدہ فروش (b) تاثیر پارامتر cm بر سود تولید کننده، خرده فروش ۳ و سود کل سیستم، مقدار سود بر حسب ۱۰۰۰۰ واحد پولی می باشد(مورد ۲).

که تغییر در این پارامتر به طور غیر مستقیم، عملکرد سایر خرده فروش ها را نیز تحت تاثیر قرار می دهد و در واقع با کاهش e₃ قیمت های سایر خرده فروش افزایش و به طبع آن تقاضا آنها کاهش می یابد و با کاهش تقاضا مقدار انباشتنه ارسالی به آنها نیز کاهش می یابد. اما با توجه به رابطه (۱) در مورد جهت تغییرات تقاضا برای خود خرده فروش ۳ نمی توان اظهار نظر قطعی کرد. بنابراین در حالت کلی می توان گفت:

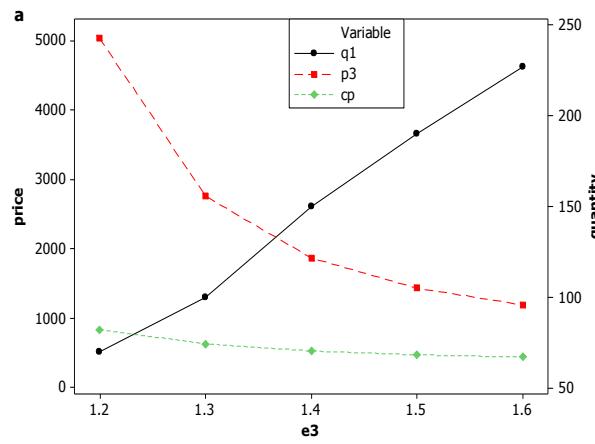
$$\begin{aligned} e_i \downarrow & cp \uparrow p_i \uparrow \pi_i \uparrow \pi_m \uparrow \pi_t \uparrow \\ e_i \downarrow & cp \uparrow p_j \uparrow D_j \downarrow q_j \downarrow \pi_j \downarrow (j \neq i) \end{aligned}$$



۲. پارامترهای مربوط به بازار خرده فروش ها

- کشش قیمت نسبت به تقاضا

در شکل ۳ تاثیر پارامتر e₃ (کشش قیمت نسبت به تقاضا برای خرده فروش ۳) را بر عملکرد سیستم VMI ملاحظه می کنید. همانطور که می بینید با کاهش e₃ سود اجزاء سیستم و همچنین قیمت های عمده فروش و خرده فروش افزایش می یابد. با کاهش e₃ مقدار q₁ کاهش می یابد. توجه داشته باشید که هر چند بازار خرده فروش ها از هم مستقل در نظر گرفته شده اند اما به دلیل تاثیر تغییر پارامتر e₃ بر عملکرد فروشنده، می توان نتیجه گرفت



شکل ۳. (a) تاثیر پارامتر e₃ بر قیمت خرده فروش ۳، قیمت عمده فروش و مقدار q₁ بر سود تولید کننده، خرده فروش ۳ و سود کل سیستم، مقادیر سود بر حسب ۱۰۰۰۰ واحد پولی می باشد (مورد ۲).

- مقیاس بازار، K

در جدول ۲ تاثیر تغییر در مقیاس بازار برای خرده فروش ۱ (مورد ۱) را ملاحظه می کنید. همانطور که ملاحظه می شود پارامتر k دارای تاثیر زیادی بر سود اجزاء سیستم است در حالیکه تاثیر آن بر قیمت ها ناچیز و نامحسوس است. همچنین با افزایش k، مقادیر q₁ افزایش می یابد در حالیکه با توجه به ثابت بودن تقاضای سایر خرده فروش ها انتظار داریم که مقادیر q_i تقریباً ثابت باقی بماند. بنابراین در حالت کلی می توان گفت:

$$\begin{aligned} k_i \uparrow cp, p_i \equiv cons & D_i \uparrow q_i \uparrow \pi_i \uparrow \pi_m \uparrow \pi_t \uparrow \\ k_i \uparrow p_j, D_j, q_j, \pi_j, \equiv cons & (j \neq i) \end{aligned}$$

به طور کلی می توان گفت پارامتر های مربوط به بازار خرده فروش ها و مخصوصاً کشش قیمت نسبت به تقاضا دارای تاثیر چشمگیری بر عملکرد سیستم می باشند.

جدول ۲. تاثیر تغییر در پارامتر k بر عملکرد سیستم مدیریت موجودی توسط فروشنده مقادیر سود بر حسب ۱۰۰۰۰ واحد پولی می باشد(مورد ۱)

k ₁	cp	π_i	π_m	π_t	p ₁	q ₁	N
۱۷۰	۴۰۲	۶/۹۳۸۴۱	۱/۹۴۳۵۶	۰/۷۸۶۷۶	۱۰۱۳	۶۹	۴
۲۲۰	۴۰۱	۷/۲۷۴۳۳	۲/۰۴۱۱۲	۱/۰۱۹۵۹	۱۰۱۲	۸۷	۴
۲۷۰	۴۰۱	۷/۶۱۰۲۶	۲/۱۳۸۷۱	۱/۲۵۲۹۲	۱۰۱۰	۱۰۶	۴
۳۲۰	۴۰۰	۷/۹۴۶۲۲	۲/۲۳۶۳۲	۱/۴۸۶۶۸	۱۰۰۸	۱۲۳	۴

نشان میدهد. در هر مورد، مقادیر H_{bi} برای تمام خرده فروش‌ها به میزانی که در جدول مشخص شده از حالت پایه افزایش می‌یابد. به عنوان مثال با افزودن ۵ واحد به هزینه‌های نگهداری موجودی در سایت خرده فروش‌ها، مقدار N (تعداد دفعات پرسازی انبار خرده فروش‌ها در هر سیکل T) از ۴ به ۵ افزایش می‌یابد.

۳. تأثیر تغییر در پارامترهای مربوط به موجودی به طور کلی پارامترهای مربوط به موجودی از قبیل هزینه‌های نگهداری و هزینه‌های سفارش دهی دارای تأثیر کمی بر مقادیر سود و همچنین قیمت‌های هستند اما این پارامترهای می‌توانند به میزان زیادی رویکرد کنترل موجودی به کارگرفته شده توسط فروشنده را تحت تأثیر قرار دهند. جدول ۳ تأثیر هزینه‌های نگهداری در سایت خرده فروش‌ها، H_{bi} را بر عملکرد سیستم

جدول ۳. تأثیر هزینه‌های نگهداری موجودی بر عملکرد سیستم مدیریت موجودی توسط فروشنده، مقادیر سود بر حسب ۱۰۰۰۰ واحد پولی می‌باشد (مورد ۱)

Hb_i	cp	π_i	π_m	π_1	p₁	q₁	N
base	۴۰۲	۶/۹۳۸۴۱	۱/۹۴۳۵۶	۰/۷۸۶۷۶	۱۰۱۳	۶۸	۴
۵	۴۰۴	۶/۹۱۹۵۸	۱/۹۳۵۳۲	۰/۷۸۴۹۸	۱۰۱۷	۵۳	۵
۱۰	۴۰۴	۶/۹۰۵۰۸	۱/۹۲۸۹۹	۰/۷۸۳۶۲	۱۰۱۹	۴۵	۶

نتایج حاصل نشان می‌دهد که مقدار متوسط θ ، ۰/۷۹ و حداقل مقدار آن ۰/۵۵ می‌باشد. همچنین نتیجه حاصله از بررسی ۱۰۰ مورد تصادفی نشان می‌دهد که خرده فروش ۱ در حالت غیر متتمرکز در بازار خود محصول را با قیمت حدود ۴ برابر مقدار متناظر در حالت متتمرکز می‌فروشد.

به طور کلی با توجه به اختلاف زیادی که بین عملکرد ساختارهای متتمرکز و غیر متتمرکز مشاهده شد به نظر می‌رسد که لازم باشد بین طرفين فروشنده و خرده فروش‌ها قراردادهای مناسبی طراحی شود به طوریکه عملکرد ساختار غیرمتتمرکز هرچه ممکن است به حالت متتمرکز نزدیک تر شود. این موضوع در واقع به بحث طراحی قراردادها در زمینه سیستم مدیریت موجودی توسط فروشنده مربوط می‌شود.

جدول ۴. دامنه تغییرات پارامترهای مدل

پارامتر	k_i	e_i	ζ_i
دامنه تغییرات	$150 \times 10^{-4} - 400 \times 10^{-4}$	$1/2-1/7$	۲-۱۵
گام تغییر	۱۰۰۰	۰/۱	۱
Hb_i	Lb_i	Sb_i	Φ_i
۵	۱۰۰-۵۰۰	۲۰-۱۵۰	۲-۱۵
۱	۱۰۰	۱۰	۱
H_v	S_v	cm	
۱-۴	۱۰۰-۲۰۰	۵۰-۲۰۰	
۱	۱۰	۱۰	

۸. مقایسه عملکرد سیستم‌های متتمرکز و غیر متتمرکز گوان و زهاو [۱۴] از رویکرد زیر برای مقایسه عملکرد زنجیره تامین غیر متتمرکز با زنجیره تامین متتمرکز استفاده کرده اند. اگر فرض کنیم که π_c سود سیستم در حالت متتمرکز و π_d سود سیستم در حالت غیر متتمرکز باشد آنگاه متغیر θ را به صورت زیر تعریف می‌کنیم.

$$\theta = \frac{\pi_d}{\pi_c} \quad (12)$$

مقدار پارامتر θ در فاصله صفر و یک قرار دارد و هرچه قدر مقدار این پارامتر به یک نزدیک تر باشد نشان دهنده نزدیک تر بودن سود سیستم به حالت متتمرکز است. برای مقایسه عملکرد سیستم نسبت به حالت متتمرکز، ۱۰۰ مورد داده به طور تصادفی در فواصلی که در جدول ۴ مشخص شده، تولید می‌کنیم و در هر مورد، مدل‌های L1 و L2 را اجرا کرده و مقدار θ را محاسبه می‌کنیم. دامنه تغییرات هر کدام از پارامترها، با توجه به توصیه محققان مختلف و تحلیل‌های مشابه که در مورد سیستم مدیریت موجودی توسط فروشنده انجام گرفته، انتخاب شده است [۱۵ و ۱۶].

جدول ۵ مقایسه عملکرد سیستم در حالت متتمرکز و غیر متتمرکز را برای یک مورد از این ۱۰۰ مورد (مورد ۱) نشان می‌دهد. به طور کلی می‌توان گفت عملکرد سیستم در حالت غیر متتمرکز نسبت به حالت متتمرکز بسیار متفاوت می‌باشد و علاوه بر کاهش سود هر کدام از اجزاء سیستم در حالت غیر متتمرکز، قیمت‌های خرده فروش نیز به میزان زیادی با حالت متتمرکز متفاوت می‌باشد.

جدول ۵. مقایسه عملکرد ساختارهای غیر متتمرکز و متتمرکز برای موارد ۱، مقادیر سود بر حسب ۱۰۰۰ واحد پولی می باشد

متغیر تصمیم	n	q ₁	cp	b _i	p _i	D _i	π_i	π_m	π_t	θ
متتمرکز	۴	۱۵۳		۰/۰۴۷۶۲	۴۰۰	۶۴				
		۳۶۰		۰/۰۳۸۴۶	۳۸۰	۱۵۷			۹/۱۵۵	
		۳۵۷		۰/۰۲۵۹۷	۴۴۳	۱۵۱				
غیر متتمرکز	۴	۶۹		۰/۰۴۷۶۲	۱۰۱۳	۱۳/۲	۰/۷۸۶۷۶			
		۱۵۹	۴۰۲	۰/۰۳۸۴۶	۹۹۴	۳۰/۵	۱/۷۸۲۶۲	۱/۹۴۳۵۶	۶/۹۳۸	۰/۷۶
		۱۸۵		۰/۰۲۵۹۷	۱۱۰۵	۳۵/۱	۲/۴۲۵۴۸			

می تواند موضوع جذابی برای یک تحقیق باشد و در واقع این موضوع به بحث طراحی قراردادها در زمینه سیستم مدیریت موجودی توسط فروشنده مربوط می شود. ۳- بررسی و اجرای موردهای عینی به جای آورن اعداد تصادفی برای ورودی مدل‌ها.

مراجع

- [۱] عبدالی، قهرمان، «نظریه بازیها و کاربردها آن (بازیها ایستا و پویا با اطلاعات کامل)»، انتشارات جهاد دانشگاهی واحد تهران، ، صفحه ۲۲-۱، چاپ دوم، ۱۳۸۷.
- [۲] Xiu-hui, L., Qinan, W., "Coordination Mechanisms of Supply Chain Systems," European Jornal of Operational Reaserch, vol. 179, 2007, pp. 1-16.
- [۳] Choi, T.M., Duan, L., Houmin, Y., "Mean-Variance Analysis of a Single Supplier and Retailer Supply Chain Under a Return Policy," European Journal of Operational Research, vol. 184, 2008, pp. 356-376.
- [۴] Zhibing, L., Chen, C., Baoguang, X., "Supply Chain Coordination with Insurance Contract," European Journal of Operation Research, vol. 205, 2010, pp. 339-345 .
- [۵] Tyan, J., Hui-Ming, W., "Vendor Managed Inventory: a Survey of the Taiwanes Grocery Industry," Jornal of Purchesung and Supply Management,vol. 9, 2003, pp. 11-18.
- [۶] Yugang, Y., Feng, Ch., Haoxun, Ch., "A Stackelberg Game and its Improvement in a VMI System with a Manufacturing Vendor," European Journal of Operational Research, vol.192, 2009, pp. 929-048.
- [۷] Haisheng, Y., Amy, Z.Z., Lindu, Z., "Analyzing the Evolutionary Stability of the Vendor - Managed Inventory Supply Chains," Computer & Industrial Engineering, vol. 56, 2009, pp. 274-282.
- [۸] R.D., Ortmeyer, G Buzzell, "Channel Partnerships Streamline Distribution," Sloan Management Review, vol. 36, 1995, pp. 85.
- [۹] Chalener,C., "Tacking the VMI Step to Collaborative Commerce. Chemical Market Reporter" , Vol. 258(21), 2000, pp.11-12.

۹. نتیجه گیری

مهمنترین نوآوری ها و نتایج این مقاله را می توان به صورت زیر خلاصه کرد: (۱) مدل سازی سیستم مدیریت موجودی توسط فروشنده در حالت یک فروشنده و چند خرده فروش براساس تئوری بازی استاکلبرگ و بهره گیری از تعادل استاکلبرگ برای تشریح عملکرد سیستم (۲) ارائه تحلیل های حساسیت برای سیستم مدیریت موجودی توسط فروشنده. نتایج این تحلیل ها نشان داد که پارامترهای مربوط به بازار خرده فروش ها و مخصوصاً کشش قیمت نسبت به تقاضا، تاثیر چشمگیری بر سود اجزاء زنجیره تامین و قیمت های فروش محصول دارد. پارامتر های مربوط به سیستم های موجودی از قبیل هزینه های نگهداری و هزینه های سفارش دهی بر سود و قیمت های فروش محصول تاثیر محسوسی ندارند در حالیکه این پارامترها در برخی موارد رویکرد کنترل موجودی به کار گرفته شده توسط فروشنده را به میزان زیادی تحت تاثیر قرار می دهند. (۳) عملکرد زنجیره تامین متتمرکز با زنجیره غیر متتمرکز تحت استراتژی مدیریت موجودی توسط فروشنده، به صورت گسترده و با آوردن ۱۰۰ مورد داده تصادفی برای ورودی مدل ها مورد مقایسه قرار گرفت. نتیجه حاصل از این بررسی نشان داد که سود زنجیره در حالت غیر متتمرکز در حدود ۷۹٪ سود زنجیره متتمرکز است. همچنین در حالت غیر متتمرکز خرده فروش ها محصول را با قیمت بسیار بیشتری نسبت به حالت متتمرکز به مشتری نهایی می فروشنند این امر تقاضای کل سیستم را کاهش داده و در نهایت منجر به کاهش سود زنجیره تامین می شود.

در نهایت این مقاله را می توان از جهات زیر توسعه داد: ۱- مدل سازی و تحلیل های انجام گرفته در این مقاله براساس یک سری فرضیات انجام گرفته است تغییر در هر کدام از این فرضیات و یا حذف برخی از آنها می تواند مدل سازی و نتایج تحلیل ها را تغییر دهد ۲- با توجه به تفاوت زیاد در عملکرد ساختار متتمرکز و غیر متتمرکز زنجیره تامین، بررسی و طراحی قراردادهای مناسب بین اعضاء زنجیره تامین در جهت کم کردن هر چه بیشتر این اختلاف

- [10] Shah, B.J., "ST, HP VMI Program Hitting its Striade," Electronics Business News(EBN), vol 1309, 2002, pp. 42-43.
- [11] Yugang, Y., George, Q.H., "Nash Game Model for Optimizing Market Strategies, configuration of Platform Products in a Vendor Managed Inventory (VMI) Supply chain for product family," European Journal of Operational Research, Vol 206, 2010, pp. 361-373.
- [12] Cachon, P.G., Netessine, S., "Game Theory in Supply Chain Analysis," Handbook of Supply Chain Analysis in the eBusiness Era Kluwer Academic Publisher, USA, (2003).
- [13] Bodang, C.Bichescu, Michael, J., Fry, "A Numerical Analysis of Supply Chain Performance Under Split Decision Rights", Omega The international journal of management science , Vol. 37, 2009, pp. 358-379.
- [14] Darwish, M.A., Odah, M.O., "Vendor Managed Inventory Model for Single-Vendor Multi-Retailer Supply Chains", European Journal of Operational Research, Vol. 204, 2010, pp. 473-484.
- [15] Zhao, X., Guan, R., "On Contract for VMI Program with Continuous Review (r,Q) Policy," European Journal of Operational Research, Vol. 207, 2010, pp. 656-667.
- [16] Almehdawe, E., Mantin, B., "Vendor Managed Inventory with Capacitated Manufacturer and Multiple Retailer: Retailer Versus Manufacturer Leadership," Int.J.Production Economics, Vol. 128, 2010, pp. 292-302.
- [17] Nagarajan, M., Sosic, G., "Game-Theoretic Analysis of Cooperation Among Supply Chain Agents: Review and Extensions", European Journal of Operational Research, Vol. 187, 2008, pp. 719-745.
- [18] Fiestras, M.G., Garcia-Jurado, I., Meca, A., Mosquera, M.A., "Cooperative Game Theory and Inventory Management", European Journal of Operational Research, Vol. 210, 2010, pp. 459-466.
- [19] Yiayn, Q., Huanwen, T., Chonghui. G., "Channel Coordination and Volume Discounts with Price-Sensitive Demand", Int.J.Production Economics , vol. 105, 2007, pp.43-55.
- [20] Yuagang, Y., George, Q., Liang, L., "Stackelberg Game-Theoretic Model for Optimizing Advertising, Pricing and Inventory Policies in Vendor Managed Inventory(VMI) Production Supply Chains," Computer & Industrial Engineering, Vol. 57, 2009, pp. 368-382.
- [21] Lau, A., Lau, H., Zhou, Y., "A Stochastic and Asymmetric-Information Framework for a Dominant-Manufacturer Supply Chain", European Journal of Operational Researc, Vol. 176, 2007, pp.295-316.