



## A Two Phase Hybrid Heuristic Based On Clustering and Simulated Annealing for Two Echelon Location-Routing Problem

Abbas Jokar & Seyyed-Mahdi Hosseini-Motlagh \*

Abbas Jokar, PhD student of Industrial Engineering department, Iran University of Science and Technology  
Seyyed-Mahdi Hosseini-Motlagh, Assistant Professor, School of Industrial Engineering, Iran University of Science and Technology

### Keywords

Two-Echelon- Location- Routing Problem;  
Simulation annealing;  
Clustering

### ABSTRACT

The two-echelon location-routing problem is one of the practical problems in the transportation network, which includes two levels in their network. In this paper a two phase hybrid heuristic based on clustering for solving location-routing problem is proposed. In the first phase, initial solution is constructed and in the second phase the initial solution is improved. The initial solution is created based on clustering. In this paper Three clustering strategies are introduced which each of these strategies will produce a different initial solution. The second phase of heuristic method consists of two steps. In the first step, the initial solution is improved smartly and in the second step neighbor solutions are generated randomly. In the overall framework of the second phase, to escape from local optimum, simulation annealing is used. At the end of the second phase, the algorithm return to the first phase and clustering is done with different number and then runs the second phase.

To evaluate the quality of the proposed method, two data sets sample with 24 and 13 instances of literature are considered. The results of the implementation of the proposed method are compared with the results of a meta-heuristic method in the literature (GRASP) and lower bound of these data set samples. Comparison of the results shows the effectiveness of the proposed method.

© 2017 IUST Publication, IJIEPM Vol. 28, No. 4, All Rights Reserved



## ارائه یک روش ابتکاری ترکیبی دوفازی مبتنی بر روش خوشبندی و شبیه-سازی تبرید برای حل مساله مکانیابی - مسیریابی دوسطحی

عباس جوکار و سید مهدی حسینی مطلق\*

### چکیده:

مساله مکانیابی - مسیریابی دوسطحی یکی از مسائل کاربردی در شبکه حمل و نقل می باشد که شامل دو نوع وسائل نقلیه در دو سطح مجزا جهت سرویس دهی به مشتریان در شبکه می باشد. به طور معمول تولید کنندگان محصولات در سطوح اولیه قرار داشته که پس از تولید کالا، با استفاده از وسائل نقلیه حجمی مثل قطار، یا تریلرهای بزرگ، کالا را به انبار توزیع کنندگان در سطح ثانویه انتقال داده و کالا از طریق این سطوح و بوسیله وسائل نقلیه کوچکتر بین مشتریان توزیع می شود. در این مقاله یک روش ابتکاری ترکیبی دوفازی بر مبنای خوشبندی برای حل مساله مکانیابی - مسیریابی دوسطحی ارائه شده است. در فاز اول جواب اولیه بر مبنای خوشبندی مشتریان ایجاد می گردد. در این روش ابتکاری سه استراتژی خوشبندی ارائه شده است که هر کدام از این استراتژی ها جواب اولیه متفاوتی ایجاد می کنند. فاز دوم این روش ابتکاری نیز شامل دو مرحله می باشد. مرحله اول بهبود جواب اولیه به صورت هوشمند است در مرحله دوم این فاز جواب های همسایه ایجاد شده به صورت تصادفی تولید می شوند. در چارچوب کلی فاز دوم، برای فراز از بهینه محلی از روش فرابابتکاری شبیه سازی تبرید استفاده شده است. در پایان فاز دوم، الگوریتم پیشنهادی به فاز اول برگشته و خوشبندی مشتریان با تعداد خوشه های جدید انجام می شود. برای ارزیابی کیفیت روش پیشنهادی، یک نمونه مثال مساله در حالت دو سطحی و دو نمونه مثال ۲۴ تایی و ۱۳ تایی از ادبیات در نظر گرفته شده است که نتایج حاصل از اجرای روش پیشنهادی با نتایج روش های فرابابتکاری موجود در ادبیات و همچنین حد پایین ارائه شده برای این مثال ها مقایسه گردید. مقایسه نتایج بدست آمده کارا بودن روش پیشنهادی را نشان می دهد.

اولاً وجود انبارهای میانی (نزدیک شهرها) سبب کاهش چشمگیر هزینه های ارسال نسبت به ارسال مستقیم از انبار مرکزی می شود. دوماً مسئولان شهری علاقه مند هستند که ترافیک درون شهری را کاهش دهند و به همین سبب برای آنها مطلوب است که کامیون های کوچکتری در سطح شهر تردد نمایند [۱۲][۱۷][۱]. نمایی از مساله مکانیابی - مسیریابی دوسطحی (با سه لایه) را نشان می - دهد، که به ترتیب در لایه اول تسهیلات اولیه، در لایه دوم تسهیلات ثانویه و لایه سوم مشتریان نهایی قرار دارند و کالا از سمت لایه اول به سمت مشتریان ارسال می شود. در این مساله در بین تسهیلات اولیه و ثانویه مساله مکانیابی انجام شده و به طور همزمان مساله مسیریابی برای سرویس دهی به مشتریان با استفاده

### کلمات کلیدی

مکانیابی مسیریابی -  
دوسطحی،  
شبیه سازی تبرید،  
خوشبندی.

### ۱. مقدمه

مساله مکانیابی - مسیریابی دوسطحی نقش مهمی در شبکه حمل و نقل به خصوص در لجستیک شهری ایفاء می کند که دو علت در این امر موثر است.

تاریخ وصول: ۹۴/۰۳/۲۰  
تاریخ تصویب: ۹۵/۰۱/۲۲

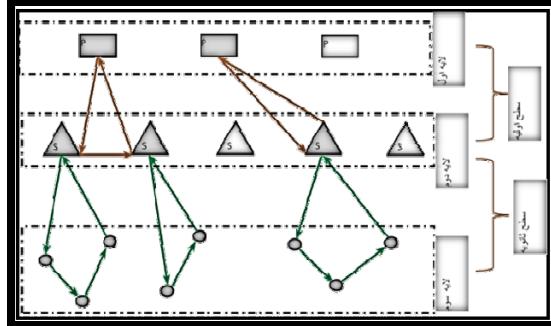
Abbas Jokar, دانشجوی دکترا مهندسی صنایع، دانشکده مهندسی صنایع، دانشگاه علم و صنعت ایران  
\*نویسنده مسئول مقاله: سید مهدی حسینی مطلق، استادیار دانشکده  
مهندسی صنایع، دانشگاه علم و صنعت ایران [motlagh@iust.ac.ir](mailto:motlagh@iust.ac.ir)

۲. مرور ادبیات

مسأله مکان‌یابی - مسیریابی دوسته طحی بسیار شبیه مسائل مکان-یابی و مسیریابی وسیله نقشه دوسته طحی می‌باشد. اما پرسش اصلی این است که چگونه این دو سطح را به هم مرتبط ساخته بگونه‌ای که وابستگی آنها رعایت شود. مسئله مسیریابی دوسته طحی نزدیکترین مساله در ادبیات به مسئله این مقاله می‌باشد که حالت خاصی از مسئله مسئله مکان‌یابی - مسیریابی دوسته طحی است بطوریکه مکان تسهیلات از قبل مشخص شده و فقط مسئله توزیع در هر سطح در نظر گرفته می‌شود [۹]. ادبیات در حوزه مسئله مکان‌یابی - مسیریابی دوسته طحی بسیار کم است. اولین مقاله ای که در این حوزه کار شده است مربوط به ژاکوبسن و مادسن [۱۰] می‌باشد. در این مقاله فرض شده بود که مکان تسهیلات میانی می‌تواند در مکان هر کدام از مشتریان واقع شود. این مسئله توسط سه روش ابتکاری سازنده روی یک مجموعه مثال واقعی حل شده است. گونزالس-فلیو [۱۱] مدل ریاضی مسئله مکان‌یابی - مسیریابی سطحی را ارائه نمودند. انگوین و همکاران [۱۲] با ترکیب روش فرآبتكاری فرآیند جستجوی تعاملی تصادفی حریصانه<sup>(۱)</sup> (GRASP) با روش فرآیند یادگیری، کیفیت روش ترکیبی خود را روی دو نمونه مجموعه مثال [۲۴] و [۳۰] که توسط خودشان تولید شده بود، نشان دادند. در این مجموعه مثال‌ها فرض بر این است که یک تسهیل اولیه از قبل استقرار یافته است. استرله [۱۳] در پایان نامه خود فرض نموده است که تسهیلات اولیه با ظرفیت‌های متفاوتی در مدل وجود داشته و فرمول ریاضی عدد صحیح آنرا معرفی نمود. او همچنین سه نوع مجموعه مثال برای مسئله خود تولید و با استفاده از روش فرآبتكاری جستجوی ممنوع این مثال‌ها را حل نمود. بوشیا و همکارانش [۱۴] با استفاده از روش فرآبتكاری جستجوی ممنوع و متفاوت از کار استرله همین مجموعه مثال های معرفی شده توسط استرله را حل نموده و کیفیت روش فرآبتكاری خود را با استرله مقایسه نمودند. گویندن و همکاران [۱۵] مسئله را برای شبکه دو سطحی توزیع غذای فاسد شدنی در نظر گرفته و پنجره زمانی را به آن اضافه نمودند و برای حل مسئله خود از دو روش فرآبتكاری استفاده نمودند. دسته بندی مقالات در حوزه دو سطحی در چندین مقاله موروث انجام شده است که از جنبه‌های مختلف به مقالات این حوزه را مورد بررسی قرار داده اند. در کسل و اشتایدر [۱۶] مقالات ارائه شده از سال ۲۰۰۷ تا ۲۰۱۴ را که در زمینه مکان‌یابی - مسیریابی ارائه شده است را دست بندی نمودند و در این دسته بندی مقالات حوزه دو و چند سطحی را از نظر نوع مدل و روش حل مورد بررسی قرار دادند. که بیشتر روی روش حل تاکید داشته اند. پرودهان و پرینز در مقاله موروثی خود اشاره کرده اند که در این حوزه از سال ۲۰۱۳ تا ۲۰۰۷ مقاله در این زمینه به چاپ رسیده است و روش‌های حل در این زمینه، مورد بررسی قرار داده اند.

از تسهیلات بازگشایی شده سطح ثانویه انجام می‌شود که خود این تسهیلات از طریق تسهیلات بازگشایی شده سطح اولیه کالا دریافت می‌کند. همانطور که از شکل مشخص است در این مساله به طور همزمان دو مساله مکان‌یابی-مسیریابی انجام می‌شود. در مساله مکان‌یابی-مسیریابی دو سطحی، دو نوع وسیله نقلیه وجود دارد. وسائل نقلیه مورد استفاده در سطح اولیه که وظیفه ارسال کالا از تسهیلات اولیه به تسهیلات ثانویه را دارند به طور معمول وسائل نقلیه حجمی و بزرگ هستند و وسائل نقلیه مورد استفاده بین تسهیلات ثانویه و مشتریان که معمولاً وسائلي با حجم و در اندازه‌های متوسط می‌باشند. در این مقاله فرض بر این است که وسائل نقلیه در هر سطح همگن هستند.<sup>[۴]</sup>

در این مقاله یک روش ابتکاری ترکیبی دوفازی بر مبنای خوشه بندی برای حل مساله مکان‌یابی-مسیریابی دو سطحی ارائه شده است. در فاز اول الگوریتم پیشنهادی جواب اولیه بر مبنای تکنیک خوشه بندی مشتریان ایجاد شده و در فاز دوم، بهبود جواب اولیه انجام می‌شود. در این روش ابتکاری سه استراتژی خوشه بندی ارائه شده است که هر کدام از این استراتژی‌ها جواب اولیه متفاوتی ایجاد می‌کنند. فاز دوم روش ابتکاری نیز از دو مرحله تشکیل شده است که در مرحله اول تولید جواب همسایگی به صورت هوشمند انجام می‌گیرد و در مرحله دوم این فاز جواب‌های همسایه به صورت تصادفی تولید می‌شوند. در چارچوب کلی فاز دوم، برای فرار از بهینه محلی از روش فراابتکاری شبیه‌سازی تبرید استفاده شده است.



### شکل ۱. نمایی از مساله دو سطحی

در ادامه مقاله در بخش دوم ابتدا به مرور ادبیات مساله مکان‌یابی-مسیریابی دوستخطی پرداخته شده است، سپس در بخش سوم با معرفی علائم و اختصارات لازم مدل ریاضی مساله ارائه می‌شود و در بخش چهارم الگوریتم ابتکاری خود معرفی شده است. در بخش بعدی به نتایج حاصل از حل مدل در ابعاد گوناگونی از مسائل نمونه آن پرداخته شده است. سپس در بخش آخر به نتیجه‌گیری و ارائه زمینه‌های تحقیقات آتی پرداخته می‌شود.

سازی روش پیشنهادی عملکرد بسیار خوب این روش را نشان می-  
دهد.

### ۳. مدل ریاضی

گراف کامل، متقارن وزندار  $G = (V, A, C)$  را در نظر بگیرید به  
طوری که مجموعه گره های این گراف  
 $V = \{0, 1, \dots, m, \dots, m+n\}$  که شامل،  $O = \{0\}$  مجموعه  
تسهیلات اولیه،  $S = \{1, \dots, m\}$  مجموعه تسهیلات ثانویه و  
 $T = \{m+1, \dots, m+n\}$  مجموعه مشتریان می باشد. به نحوی  
که  $O \cup S = V_1$  و  $V_2 = T \cup S$ . مجموعه کلیه یال های موجود  
در گراف شبکه  $A = \{(i, j), i, j \in V\}$  که برای ساده سازی در ک  
مدل، به دو قسمت مجزاء تقسیم بندی شده است که عبارتند از  
مجموعه  $\{(i, j), i, j \in V_1\} = A_1$  شامل یال های بدون جهت و  
اتصال دهنده مراکز تسهیلات اولیه و به تسهیلات ثانویه، و  
 $A_2 = \{(i, j), i, j \in V_2\}$  شامل یال های بدون جهت و اتصال دهنده مراکز تسهیلات ثانویه و  
مشتریان و مشتریان به یکدیگر است. هر کمان  $(i, j)$  در مجموعه  
یال های  $A$  هزینه ای برابر با  $C_{ij}$  خواهد داشت. در این مساله فرض  
می شود که هر مشتری تنها قادر خواهد بود از یک تسهیل ثانویه  
کالا دریافت نماید. مدل ریاضی ارائه شده در این بخش بر اساس  
مدل ریاضی مرجع (۸) می باشد.

**Mجموعه های مساله عبارتند از:**

**O:** تعداد تسهیلات اولیه در این مساله برابر ۱ و با نماد صفر نشان  
داده شده است.

**S :** مجموعه تسهیلات ثانویه.

**T :** مجموعه تمام مشتریان.

**K:** مجموعه وسائل نقلیه مورد استفاده بین تسهیلات اولیه و ثانویه.  
**I:** مجموعه وسائل نقلیه مورد استفاده بین تسهیلات ثانویه و  
مشتریان.

**A<sub>1</sub>:** زیر مجموعه ای از تمام مسیرها بین تسهیلات اولیه و تسهیلات  
ثانویه.

**A<sub>2</sub>:** زیر مجموعه ای از تمام مسیرها بین تسهیلات ثانویه و  
مشتریان.

**پارامترهای مسئله عبارتند از:**

**F:** هزینه ثابت استفاده از هریک از وسائل نقلیه سطح اولیه.

**G:** هزینه ثابت استفاده از هریک از وسائل نقلیه سطح ثانویه

**O:** هزینه ثابت راه اندازی هریک از تسهیلات ثانویه.

**c<sub>ij</sub>:** هزینه سفر مابین گره  $i$  به گره  $j$ .

**fw<sub>s</sub>:** ظرفیت هریک از تسهیلات ثانویه.

**Q:** ظرفیت هریک از وسائل نقلیه در سطح اولیه.

**R:** ظرفیت هریک از وسائل نقلیه در سطح ثانویه.

**J<sub>t</sub>:** تقاضای مشتری  $t$ .

مساله مکان یابی - مسیریابی دو سطحی در دسته مسائل NP-hard  
قرار میگیرد [۵]، [۶] بنابراین با افزایش اندازه مساله، روش  
های ابتکاری بهترین گزینه برای حل آن (در زمان معقول) می  
باشند.

کراینیک و همکاران (۲۰۱۰) یک روش ابتکاری مبتنی بر روش  
چند شروعه ارائه کرده اند. نویسندها برای تولید جواب اولیه از  
خوشبندی استفاده نموده اند. همچنین نشان داده اند که اگر  
مکان یابی بدرستی انجام شود سبب کاهش هزینه های کل  
سیستم می گردد. استرله [۱۳] برای حل مساله مکان یابی  
مسیریابی دو سطحی از روش جستجوی منوع استفاده کرده و هر  
سطح را به صورت جداگانه حل نموده اند. جین و همکاران [۱۶]  
یک مساله مکان یابی مسیریابی دو سطحی را در نظر گرفته و  
فرض کرده اند که تسهیلات سطح اولیه بدون ظرفیت هستند. علاوه  
بر این با استفاده از روش الگوریتم ذنیک مساله را حل نموده اند.  
انگوین و همکاران (۲۰۱۲) با ترکیب روش جستجوی محلی  
تکراری و جستجوی منوع یک روش حل ابتکاری برای مساله ارائه  
کرده اند [۱۷]. آنها علاوه براین، مدلسازی جدیدی هم ارائه کرده  
اند. هملمایر و همکاران (۲۰۱۲) یک روش حل مبتنی بر روش  
جستجوی همسایگی تصادفی ارائه کرده و برای نشان دادن کیفیت  
روش ابتکاری، با مجموعه مثال های ادبیات در حوزه مسائل  
مسیریابی دو سطحی نیز مقایسه کرده اند [۱۸]. مارتینز و همکاران  
(۲۰۱۴) روش حل ابتکاری بر اساس جستجوی همسایگی برای  
مساله مکان یابی مسیریابی دو سطحی دو هدفه ارائه نموده اند. در  
مقاله مذکورهدف اول کاهش هزینه های مسیریابی و مکان یابی  
است و هدف دوم عبارت است از کاهش اختلاف بین طول  
مسیرهای [۲۰]. گویندال و همکاران (۲۰۱۴) با ترکیب دو روش  
PSO و روش VNS یک روش ابتکاری جدیدی برای حل مساله  
مکان یابی مسیریابی دو سطحی با محدودیت پنجه زمانی نرم دو  
هدفه ارائه نمودند. دو هدف در نظر گرفته شده در این مقاله عبارتند  
از: کاهش هزینه های مسیریابی و مکان یابی و کاهش اثرات زیست  
محیطی حاصل از حمل و نقل [۲۱].

در این مقاله یک روش ابتکاری ترکیبی دوفازی تکراری مبتنی بر  
شبیه سازی تبرید ارائه شده است. در فاز اول جواب اولیه ایجاد  
می شود و در فاز دوم جواب اولیه ایجاد شده بهبود می شود.  
برای ایجاد جواب اولیه سه استراتژی مختلف مبتنی بر خوشبندی  
پیشنهاد داده شده است. در فاز دوم برای فرار از بهینه محلی از  
روش فراتکاری شبیه سازی تبرید استفاده شده است. پس از اتمام  
فاز دوم، روش ابتکاری مجدداً به فاز اول برگشته و با ایجاد جواب  
اولیه متفاوت، فاز بهبود اجرا می شود. برای بررسی عملکرد  
الگوریتم پیشنهادی، چند مجموعه از مثال های استاندارد ادبیات  
موضوع مورد استفاده قرار گرفت و نتایج محاسبات حاصل از پیاده

- Z<sub>s</sub>**: مساوی ۱ است اگر تسهیلات ثانویه  $s$  بازگشایی شود. در غیر این صورت صفر.
- U<sub>st</sub>**: مساوی ۱ است اگر تسهیل  $s$  به مشتری  $t$  سرویس دهی نماید. در غیر این صورت صفر.
- b<sub>st</sub>**: متغیری نامنفی که مقدار کالای تحولی وسیله نقلیه  $k$  که به تسهیل  $s$  رسانده است.
- متغیرهای تصمیم مسئله عبارتند از:
- X<sub>ij</sub>**: مساوی ۱ است اگر وسیله  $k$  مسیر بین  $(i, j)$  را طی کند.
- Y<sub>ij</sub>**: مساوی ۱ است اگر وسیله  $l$  مسیر بین  $(i, j)$  را طی کند. در غیر این صورت صفر.
- C<sub>ij</sub>**: مساوی ۱ است اگر وسیله  $l$  مسیر بین  $(i, j)$  را طی کند. در غیر این صورت صفر.

مدل ریاضی مسئله در حالت قطعی به شکل زیر است:

$$\text{Min} = \sum_{s \in S} O_s Z_s + \sum_{s \in S} \sum_{k \in K} F X_{os}^k + \sum_{s \in S} \sum_{t \in T} \sum_{l \in L} G Y_{st}^l + \sum_{ij \in A_1} \sum_{k \in K} C_{ij} X_{ij}^k + \sum_{ij \in A_2} \sum_{k \in K} C_{ij} Y_{ij}^k \quad (1)$$

Subject to:

$$\sum_{i \in SUT} \sum_{l \in L} Y_{ti}^l \quad \forall t \in T \quad (2)$$

$$\sum_{j \in SUT} Y_{ji}^l = \sum_{j \in SUT} Y_{ij}^l \quad \forall i \in SUT, l \in L \quad (3)$$

$$\sum_{s \in S} \sum_{t \in T} Y_{st}^l \leq 1 \quad \forall l \in L \quad (4)$$

$$\sum_{t \in T} \sum_{j \in TUS} d_t Y_{st}^l \leq R \quad \forall l \in L \quad (5)$$

$$\sum_{i \in T} \sum_{j \in T} Y_{ij}^l \leq |T| - 1 \quad \forall l \in L, T' \in T, |T'| \geq 2 \quad (6)$$

$$\sum_{i \in T} Y_{si}^l + \sum_{i \in SUT} Y_{it}^l \leq 1 + u_{st} \quad \forall s \in S, t \in T, l \in L \quad (7)$$

$$\sum_{s \in S} u_{st} = 1 \quad \forall t \in T \quad (8)$$

$$\sum_{t \in T} d_t u_{st} \leq W_s Z_s \quad \forall s \in S \quad (9)$$

$$\sum_{i \in SUT \setminus \{0\}} \sum_{k \in K} X_{si}^k = Z_s \quad \forall s \in S \quad (10)$$

$$\sum_{j \in SU \setminus \{0\}} X_{ji}^k = \sum_{j \in SU \setminus \{0\}} X_{ij}^k \quad \forall k \in K, i \in SU \setminus \{0\} \quad (11)$$

$$\sum_{i \in S'} \sum_{j \in S'} X_{ij}^k \leq |S'| - 1 \quad \forall s \in S, S' \in S, |S'| \geq 2 \quad (12)$$

$$\sum_{k \in K} b_s^k = \sum_{t \in T} d_t u_{st} \quad \forall s \in S \quad (13)$$

$$\sum_{s \in S} b_s^k \leq Q \quad \forall k \in K \quad (14)$$

$$b_s^k \leq Q \times \sum_{i \in SU \setminus \{0\}} X_{si}^k \quad \forall s \in S, k \in K \quad (15)$$

$$X_{ij}^k \in \{0, 1\} \quad \forall (i, j) \in A_1, k \in K \quad (16)$$

$$Y_{ij}^l \in \{0, 1\} \quad \forall (i, j) \in A_2, l \in L \quad (17)$$

$$Z_s \in \{0, 1\} \quad \forall s \in S \quad (18)$$

$$u_{st} \in \{0, 1\} \quad \forall s \in S, t \in T \quad (19)$$

$$b_s^k \geq 0 \quad \forall s \in S, k \in K \quad (20)$$

محدودیت (۱) همان تابع هدف مسئله است که از ۴ قسمت تشکیل شده است که شامل به ترتیب موارد زیر است. هزینه بازگشایی هر

می‌شود. فاز اول این روش ابتکاری از دو بخش تشکیل شده است، بخش اول حل یک مساله مکان‌یابی-مسیریابی در سطح ثانویه و در مرحله دوم و پس از بازگشایی تسهیلات ثانویه در مرحله قبل، حل یک مساله مسیریابی وسیله نقلیه بین تسهیلات بازشده و انبار مرکزی (در این مساله فرض شده است که در تسهیل اولیه فقط یک انبار وجود دارد). بخش اول این فاز از دو مرحله تشکیل شده است. مرحله اول، خوش بندی مشتریان به تعداد مختلفی خوش، با استفاده از استراتژی‌های مختلف خوشبندی و در مرحله دوم مسیریابی مشتریان هر خوش، در بخش دوم این فاز از استراتژی مسیریابی ارائه شده در بخش قبل قبل استفاده نموده و تسهیلات بازگشایی شده در سطح ثانویه را مشتری فرض کرده که میزان تقاضای آنها برابر ظرفیتشان بوده و باید توسط انبار مرکزی کالا دریافت نمایند. در انتهای این فاز جواب اولیه مسئله ساخته خواهد شد. در فاز دوم، با استفاده از روش فراابتکاری شبیه سازی تبرید (SA) جواب ساخته شده در فاز اول بهبود داده می‌شود.

#### ۴- فاز اول: ایجاد جواب اولیه

این فاز شامل دو بخش است. که در بخش اول ایجاد جواب اولیه در سطح ثانویه و بخش دوم ایجاد جواب اولیه در سطح اولیه.

**بخش اول این فاز شامل دو مرحله می‌باشد:**

**مرحله اول: خوش بندی مشتریان**

مرحله دوم: مسیریابی

مرحله دوم نیز شامل سه گام است:

**گام اول: انتخاب تسهیلات (انبارها)**

**گام دوم: تخصیص خوش**

**گام سوم: مسیریابی مشتریان**

**بخش دوم این فاز شامل فقط یک مرحله می‌باشد:**

مسیریابی در سطح اولیه

در ادامه به توضیحات نحوه ایجاد جواب اولیه اشاره شده است.

**بخش اول:**

مرحله اول: خوش بندی مشتریان که در آن هر مشتری به خوشهای مختلف تخصیص می‌یابد. در هر بار تکرار الگوریتم تعداد خوشه‌ها از عدد ۵ تا

۹ تغییر می‌کنند که منجر به تشکیل جواب‌های اولیه مختلف خواهد شد.

مرحله دوم: تشکیل تورهای مختلف (مسیر) با کمترین هزینه برای ملاقات مشتریان هر خوشه به گونه‌ای که ظرفیت هر تور از ظرفیت وسیله نقلیه بیشتر نشود.

تسهیل از بین تسهیلات ثانویه. هزینه ثابت استفاده از وسیله نقلیه k در سطح اولیه با هزینه ثابت F. هزینه استفاده از وسیله نقلیه 1 در سطح دوم با هزینه ثابت G. هزینه جابجایی (مسافرت) از نقطه ۱ به نقطه ۲ محدودیتهای (۲) تا (۹) مربوط به سطح اول مسأله (۱) بین مشتریان و تسهیلات ثانویه است. که به ترتیب عبارت‌اند از: (۲) : تضمین می‌کند که تقاضای هر مشتری برآورده می‌شود. (۳) : پیوستگی مسیر را رعایت می‌کند بطوریکه ابتدا و انتهای هر مسیر در یک تسهیل یکسان خواهد بود. (۴) : هر وسیله نقلیه حداقل می‌تواند از یک تسهیل خارج با وارد شود. (۵) : رعایت ظرفیت وسیله نقلیه را تضمین می‌کند. (۶) : محدودیت حذف تشکیل زیر تور ۳ است. (۷) : اگر یک وسیله نقلیه وجود داشته باشد مانند ۱ که از تسهیل S خارج شده و به مشتری t سرویس رسانی کند نامساوی باید برقرار باشد. در این صورت ۱=t. (۸) : تضمین می‌کند که یک مشتری از بیش از یک تسهیل خدمات دریافت نکند. (۹) : این نامساوی دو نقش دارد. اگر تسهیل S بسته باشد هیچ مشتری به آن تخصیص داده نمی‌شود در غیر این صورت مجموع تقاضای مشتریان تخصیص یافته باید بیشتر از ظرفیت تسهیل باشد. محدودیتهای (۱۰) تا (۱۵) مربوط به سطح دوم مسأله (بین تسهیلات اولیه و تسهیلات بازشده در بین تسهیلات ثانویه) است. که به ترتیب عبارت‌اند از: (۱۰) : هر تسهیل بازشده فقط از طریق یک وسیله نقلیه k سرویس دریافت می‌کند. (۱۱) : پیوستگی مسیر را برای هر وسیله نقلیه k تضمین می‌کند. (۱۲) : محدودیت حذف زیر تور. (۱۳) : میزان کالای ارسالی به تسهیل S برابر مجموع تقاضای مشتریان تخصیص یافته به آن است. (۱۴) : k رعایت محدودیت ظرفیت وسیله نقلیه k. (۱۵) : اگر وسیله نقلیه k از تسهیل S سرویس نمی‌دهد باید کالای ارسالی به آن را برابر صفر قرار داد. محدودیت های (۱۶) تا (۲۰) متغیرهای تصمیم مساله هستند.

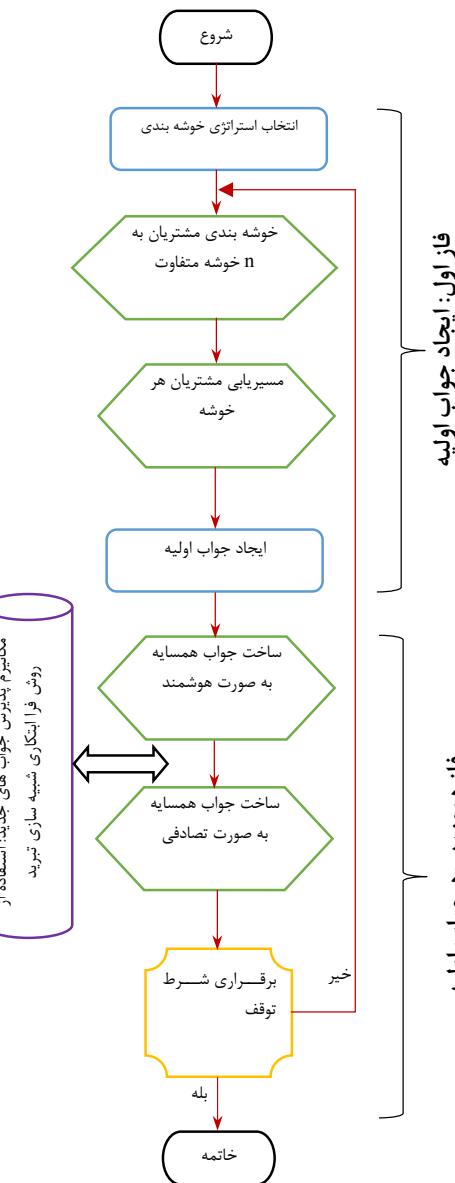
#### ۴. الگوریتم ابتکاری پیشنهادی

از آنجا که مساله مکان‌یابی-مسیریابی در دسته مسائل NP-Hard قرار می‌گیرد بنابراین مساله گسترش یافته آن نیز در همین دسته قرار می‌گیرد. بنابراین برای حل مساله مکان‌یابی-مسیریابی دوستی در اندازه بزرگ استفاده از روش‌های حل ابتکاری و فراابتکاری پیشنهاد می‌شود. در این بخش روش پیشنهادی به تفصیل تشریح شده است. روش ابتکاری ارائه شده یک روش ترکیبی دو فازی تکرارشونده است که در فاز اول جواب اولیه با استفاده از استراتژی‌های مختلف خوش بندی ایجاد شده و سپس در فاز دوم جواب بدست آمده بهبود داده می‌شود. پس از خاتمه فاز دوم و به دست آوردن جواب بهبود داده شده، الگوریتم دوباره به فاز اول بازگشته و جواب اولیه جدید (با تعداد خوشه متفاوت) ایجاد کرده و فاز دوم که فاز بهبود دهنده است اجرا

است. قبل از توضیح استراتژی‌های مختلف خوشبندی به تشریح دو معیار شباهت پرداخته می‌شود:

```

Start /pseudocode of proposed algorithm
Enter Input parameters
Repeat
| Choosing clustering strategy and number of
| cluster {n}
| Cluster the all customers into n cluster
| Routing each cluster
| Completed the initial solution →  $S^*$ 
l=0
For  $i \leftarrow 0$  to  $l_{max}$  do
| Generate a neighborhood solution
 $S' (S' \leftarrow S)$ 
 $\text{if } f(S') < f(S) \text{ then}$ 
 $S' \leftarrow S'$ 
| Else
| r=generate a random number
 $\Delta = f(S') - f(S)$ 
 $\text{if } r < \exp(\Delta/T) \text{ then}$ 
 $S' \leftarrow S'$ 
| End
| end
 $\text{if } f(S') < f(S^*) \text{ then}$ 
 $S^* \leftarrow S'$ 
| End
 $i = i + 1$ 
| End
g=0
For  $g \leftarrow 0$  to  $g_{max}$  do
| Generate a neighborhood solution
 $S' (S' \leftarrow S)$  by {2-Mpve, 2 inverse Move,
3-Move}
 $\text{if } f(S') < f(S) \text{ then}$ 
 $S' \leftarrow S'$ 
| end
 $\text{if } f(S') < f(S^*) \text{ then}$ 
 $S^* \leftarrow S'$ 
| end
 $g = g + 1$ 
| end
Until (stop condition is met)
Return  $\rightarrow S^*$ 
```



شکل ۲. رویکرد حل روش ابتکاری

## ۴-۱-امثله اول: خوشبندی مشتریان

هدف روش خوشبندی آن است که داده ها بر اساس یک یا چند معیار شباهت به خوشبندی تقسیم شوند، به گونه‌ای که شباهت بین داده‌های درون هر خوشبندی دادکثر و شباهت بین داده‌های خوشبندی متفاوت حداقل شود. در این مقاله از دو معیار شباهت خوشبندی متفاوت حداقل شود. در این مقاله از آنها با الهام از مسئله بسته‌بندی<sup>۳</sup> استفاده شده است که یکی از آنها با الهام از مسئله اقلیدسی و پیشنهاد شده است که عبارتند از معیار شباهت فاصله اقلیدسی و معیار شباهت ظرفیت استفاده شده و سیله نقیله. در این مقاله سه استراتژی مختلف برای خوشبندی ارائه شده است که در هر کدام از آنها از این دو معیار شباهت با رویکردهای مختلفی استفاده شده

کامل استفاده شده و تنها  $40\%$  ظرفیت وسیله نقلیه دیگر مورد استفاده قرار می‌گیرد.

$$Used\_capacity(i,j)=0.4$$

بر اساس این معیار ادغام خوشه‌هایی انجام خواهد شد که ظرفیت استفاده شده در بیشترین مقدار ممکن باشد.

#### استراتژی‌های خوشه‌بندی:

در این مقاله سه استراتژی مختلف برای خوشه‌بندی مشتریان ارائه شده است.

#### (الف) استراتژی مبتنی بر معیار فاصله (Distance)

در این استراتژی مبنای خوشه‌بندی فاصله اقلیدسی بین هر دو خوشه است. دو خوشه‌ای با هم ترکیب می‌شوند که فاصله بین مرکز آنها از همه کمتر باشد. شبیه کد این الگوریتم در زیر نشان داده شده است.

شیوه کد استراتژی	Distance
ورودی: مختصات مشتریان، تقاضای مشتریان	
خروجی: مشتریان خوشه‌بندی شده	
شروع:	
۰: همه مشتریان را در خوشه مجزاء قرار دهید.	
۱: محاسبه ماتریس Distance.	
۲: ادغام نزدیکترین دو خوشه، بروز رسانی اطلاعات.	
۳: اگر تعداد خوشه‌ها به تعداد مورد نظر رسید پایان این الگوریتم می‌باشد در غیر این صورت به ۱ بروید.	
پایان:	

ب) استراتژی مبتنی بر مجموع وزنی معیارهای فاصله و ظرفیت استفاده شده<sup>۴</sup> (SWDU)

در این استراتژی هدف ادغام دو خوشه‌ای است که علاوه بر نزدیکی، مقدار ظرفیت استفاده شده وسیله نقلیه (برای سرویس دهی به مشتریان به حداقل مقدار خود برسد. لذا ترکیب خطی این دو معیار ذکر شده مورد استفاده قرار می‌گیرد. (از آنجا که مقادیر این دو معیار هم بعد نیستند با تغییراتی در مقادیر آنها و پس از بی بعد سازی، از ترکیب خطی آنها استفاده خواهد شد) گام‌های این استراتژی به شرح ذیل است.

گام اول: هر مشتری را یک خوشه در نظر گرفته و به گام ۲ بروید. تعداد خوشه‌ها در این گام برابر تعداد کل مشتریان خواهد بود.

گام دوم: فاصله هر خوشه از خوشه دیگر را محاسبه و در ماتریس فاصله [Distance]<sup>۵</sup> قرار دهید. و به گام ۳ بروید.

$$Distance(i, j) = D(i, j)$$

گام سوم: با استفاده از رابطه (۱۴) ظرفیت استفاده شده هر دو خوشه را محاسبه نماید.

$$Used\_capacity(i, j)$$

#### معیار شباهت بر مبنای فاصله اقلیدسی

با استفاده از معیار کمترین فاصله اقلیدسی، یک خوشه با خوشه دیگر ترکیب می‌شود. ابتدا باید مختصات مرکز هر خوشه را از رابطه (۲۱) محاسبه نمود: فرض کنید مجموعه مشتریان خوشه  $i$  با نام  $C_i$  و تعداد عناصر آن با نام  $|C_i|$  نشانده شوند. برای محاسبه مختصات مرکز خوشه  $C_i$  به صورت زیر عمل می‌شود.

$$x_{ci} = \frac{\sum x_j}{|C_i|} \quad \forall j \in C_i \quad (21)$$

$$y_{ci} = \frac{\sum y_j}{|C_i|}$$

پس از محاسبه مختصات مرکز خوشه، فاصله دو خوشه  $k$  از یکدیگر از رابطه (۲۲) بدست می‌آید. که  $D_{i,k}$  فاصله بین دو خوشه  $i, k$  است.

$$D_{ik} = \sqrt{(x_{ci} - x_{ck})^2 + (y_{ci} - y_{ck})^2} \quad (22)$$

معیار شباهت بر مبنای ظرفیت استفاده شده وسیله نقلیه: این معیار با الهام گرفتن از مساله بسته بندی پیشنهاد شده است. در مساله بسته بندی هدف استفاده از حداقل ظرفیت یک بسته می‌باشد. بنابراین از این مفهوم استفاده نموده و در هنگام خوشه بندی، آن دو خوشه‌ای با هم ترکیب می‌شوند که بتوان از ظرفیت خالی و استفاده نشده وسیله نقلیه حداقل استفاده را نمود که در نتیجه آن تعداد وسائل نقلیه مورد نیاز کاهش خواهد یافت. فرض کنید مجموعه تقاضای مشتریان خوشه  $i$  با نام  $Q_i$  و مجموعه تقاضای مشتریان خوشه  $k$  با نام  $Q_k$  و ظرفیت وسیله نقلیه با  $Q$  نشان داده شوند. برای محاسبه معیار ظرفیت استفاده شده این دو خوشه  $i, k$  به صورت زیر عمل می‌کنیم.

■ نشان دهنده قسمت اعشاری عدد است.

$$Used\_capacity(i, k) = \left[ \left( \sum_{j \in i} d_j + \sum_{j \in k} d_j \right) \right] / Q \quad (23)$$

برای مثال فرض نمایید که مجموع تقاضای مشتریان خوشه اول برابر  $30$  و مجموع تقاضای مشتریان خوشه دوم برابر  $40$  باشد اگر ظرفیت وسیله نقلیه برابر  $50$  باشد، حاصل تقسیم مجموع تقاضای این دو خوشه به ظرفیت وسیله نقلیه برابر با  $14,4$  خواهد شد. همانطور که مشخص است برای خدمت رسانی به این دو خوشه باید حداقل از دو وسیله نقلیه استفاده شود که در بهترین حالت استفاده از ظرفیت وسائل نقلیه ظرفیت یکی از این وسائل به طور

شده این ماتریس برش خورده را با عدد A ( پارامتر مساله) مقایسه نمایید، اگر این مقدار انتخابی بزرگتر از A بود. دو خوشه مرتبط با این عدد را با هم ترکیب نموده و سپس به گام ۸ بروید در غیر این صورت به گام ۵ بروید.

**گام پنجم:** در ماتریس رتبه،  $\alpha_{-cut}$  ( پارامتر مساله) ردیف اول آن را انتخاب نمایید. آنگاه ماکریم مقدار ستون ظرفیت استفاده شده این ماتریس برش خورده را با عدد A ( پارامتر مساله) مقایسه نمایید، اگر این مقدار انتخابی بزرگتر از A بود. دو خوشه مرتبط با این عدد را با هم ترکیب نموده و سپس به گام ۸ بروید در غیر این صورت به گام ۶ بروید.

**گام ششم:**  $\beta_{-cut}$  ردیف اول ماتریس رتبه را انتخاب کنید. اگر ماکریم مقدار ستون سوم آن از عدد B ( پارامتر مساله) بزرگتر بود. دو خوشه مرتبط با این عدد را با هم ترکیب نموده و سپس به گام ۸ بروید در غیر این

گام هفتم:  $\alpha_{-cut}$  ردیف اول ماتریس رتبه را انتخاب کنید. ماکریم مقدار ستون ظرفیت استفاده شده این ماتریس برش خورده را انتخاب نمایید. دو خوشه مرتبط با این عدد را با هم ترکیب نموده و سپس به گام ۸ بروید.

**گام هشتم:** اگر تعداد خوشه های موجود برابر تعداد خوشه های مورد نظر شد الگوریتم خاتمه می یابد در غیر این صورت به گام ۲ بروید.

#### ۲-۴ مسیریابی مشتریان

پس از خوشبندی مشتریان، در این مرحله مسیریابی انجام می شود. این مرحله از سه گام تشکیل شده است که در گام اول از بین انبارهای بالقوه تعدادی انبار انتخاب می شوند. در گام دوم خوشه ها به انبارهای انتخابی تخصیص می یابند و در گام آخر مسیریابی مشتریان انجام می شود.

##### گام اول: انتخاب تسهیلات (انبارها)

در ابتدا فاصله مرکز هر خوشه را از تمام انبارهای بالقوه محاسبه نمایید. به صورت مجازی هر خوشه را به زدیکترین انبار اختصاص دهید. اولین انباری که بیشترین خوشه را در خود جای داده است در نظر بگیرید. اگر ظرفیت این انبار از مجموع تقاضای کل مشتریان بیشتر بود توقف نموده و به مرحله بعد بروید در غیر اینصورت دومین انباری که بیشترین خوشه را در خود جای داده در نظر گرفته و مجموع ظرفیت این دو انبار را با مجموع تقاضای مشتریان مقایسه کنید اگر این دو انبار می توانند تقاضای تمام مشتریان را برآورده نمایند به مرحله بعد بروید در غیر این صورت این کار را تا زمانی که مجموع ظرفیت انبارهای اضافه شده از مجموع تقاضای مشتریان بیشتر شود تکرار نمایید.

**گام چهارم:** در این مرحله دو معیار شباهت فاصله و ظرفیت استفاده شده را به صورت خطی با هم جمع می نماییم. از آنجا که در معیار فاصله کمترین مقدار مطلوب و در معیار ظرفیت استفاده شده حداقل مقدار مطلوب است برای جمع خطی این دو معیار باید تغییراتی در مقدار ماتریس فاصله داده شود.

- بزرگترین مقدار ماتریس فاصله را  $M$  بنامید.

**ماتریس معکوس شده (Inverted\_Matrix)** ماتریس فاصله را به صورت زیر محاسبه نمایید.

$$Inverted\_Matrix(i, j) = \frac{M}{Distance(i, j)}$$

**ماتریس جمع (Sum)** را به صورت زیر محاسبه نمایید.  
 $Sum(i, j) = W_1 \times Used\_capacity(i, j) + W_2 \times Inverted\_Matrix(i, j)$   
 بزرگترین مقدار ماتریس Sum را انتخاب و دو خوشه مرتبط با آن را با هم ادغام نمایید. اطلاعات مربوط به خوشه ها را به روز رسانی کرده و به گام ۵ بروید.

**گام پنجم:** اگر تعداد خوشه های موجود برابر تعداد خوشه های مورد نظر شد الگوریتم خاتمه می یابد در غیر این صورت به گام ۲ بروید.

ج) استراتژی مبتنی بر رتبه بندی ابتدا بر مبنای معیارهای فاصله سپس بر مبنای ظرفیت استفاده شده (FDSUR) در این روش از دو معیار فاصله و ظرفیت استفاده شده، همچون روش ابتکاری SWDU استفاده می شود. اما شیوه استفاده از این دو معیار در این روش متفاوت است. در اینجا فاصله (بین هر دو خوشه) را به صورت صعودی مرتب کرده سپس تعدادی از آنها را انتخاب و در بین آنها، دو خوشه ای انتخاب می شوند که حداقل ظرفیت استفاده شده را دارند.

**گام اول:** هر مشتری را یک خوشه در نظر گرفته و به گام ۲ بروید.  
 تعداد خوشه ها را مساوی n قرار دهید.

**گام دوم:** فاصله هر خوشه از خوشه دیگر را محاسبه و در ماتریس فاصله قرار دهید. عناصر بالای قطر اصلی ماتریس فاصله را در نظر گرفته و عناصر باقیمانده را غیر فعال کنید (از آنجا که ماتریس-فاصله یک ماتریس متقارن است مبنای محاسبات گام های بعدی فقط عناصر بالای قطر اصلی می باشد).

**گام سوم:** ماتریس رتبه (Rank) را به این صورت محاسبه نمایید. عناصر فعال ماتریس فاصله را به صورت صعودی در ستون فاصله ماتریس رتبه قرار دهید. هر عنصر در ستون دوم یک سطر و یک ستون مختص به خود در ماتریس فاصله دارد که نشان دهنده فاصله دو خوشه از یکدیگر است. این دو مقدار را برای هر عنصر در ستون ستون خوشه ها یادداشت نمایید. مقدار ظرفیت استفاده شده ( $j, i$ )  $Used\_capacity$  هر دو خوشه مرتبط را نیز در ستون ظرفیت استفاده شده قرار دهید و به گام ۴ بروید .

**گام چهارم:** در ماتریس رتبه،  $\alpha_{-cut}$  ( پارامتر مساله) ردیف اول آن را انتخاب کنید. سپس ماکریم مقدار ستون ظرفیت استفاده

اختصاص یابد انجام دهد. همانطور که از شکل ۲ مشخص است یک خوش به تصادف انتخاب شده و برای خدمت رسانی به مشتریان این خوش دو وسیله نقلیه در نظر می‌شود. وظیفه خدمت رسانی به این خوش بر عهده انبار شماره ۱ می‌باشد. در مسیر شماره ۱ مشتریان ۹ و ۴ قرار دارند و در مسیر شماره ۲ فقط مشتری شماره ۳ قرار دارد. حال اگر قرار باشد مشتری شماره ۵ از بین مشتریان تخصیص نیافته انتخاب شده است) در یکی از این دو مسیر قرار گیرد. برای مسیر شماره یک سه انتخاب دارد. قبل از مشتری شماره ۹، بین مشتری شماره ۹ و مشتری شماره ۴ و پس از مشتری شماره ۴، همچنین در مسیر شماره دو، دو انتخاب دارد قبل از مشتری شماره ۳ و بعد از مشتری شماره ۳. از بین این مکان‌های کاندید، مکانی را انتخاب نمایید که کمترین هزینه را ایجاد نماید (البته با در نظر گرفتن محدودیت ظرفیت وسائل نقلیه).

#### مسیریابی در سطح اولیه

در این مرحله و پس از بازگشایی انبارهای سطح ثانویه، این انبارها را همچون مشتریانی در نظر گرفته که باید کالا دریافت نمایند. از رویکرد توضیح داده شده در مرحله قبل استفاده نموده و مساله مسیریابی این انبارهای در سطح ثانویه اجرا می‌شود. پس از مسیریابی انبارهای سطح ثانویه فاز اول روش ابتکاری به اتمام می‌رسد و یک جواب اولیه ساخته می‌شود. بنابراین به فاز دوم می‌رویم.

#### ۱- فاز دوم (بهبود جواب اولیه)

مساله مکان‌یابی - مسیریابی دو-سطحی از دو مساله مکان‌یابی - مسیریابی در سطح اولیه و ثانویه تشکیل شده است که به صورت یکپارچه با هم در ارتباط هستند. در روش ابتکاری ارائه شده برای دستیابی به جوابی با کیفیت مناسب، مساله در دو بخش در نظر گرفته شده است. در بخش اول، بدنال بهبود در سطح ثانویه (بین مشتریان و تسهیلات ثانویه) می‌باشیم سپس بهبود بخش اولیه (بین تسهیلات بازشده ثانویه و انبار مرکزی) مدنظر قرار خواهد گرفت. بهترین جواب، جوابی است که مجموع هزینه‌های هر دو بخش را کاهش دهد. هدف فاز دوم بهبود جواب اولیه بدست آمده (فاز اول) با استفاده از روش‌های تولید جواب همسایگی می‌باشد. بهبود در سطح ثانویه از دو مرحله تشکیل شده است. در مرحله اول بهبود از طریق روش‌های تولید جواب همسایگی تصادفی. بهبود در سطح اولیه فقط به صورت تصادفی انجام می‌شود.

#### مرحله اول: تولید جواب همسایگی هوشمند.

هدف از اجرای این مرحله همگرایی جواب‌های تولید شده به سمت جواب بهینه است. در این مرحله با تغییرات کوچکی (ولی هوشمند) در جواب فعلی کیفیت جواب تولید شده بهبود داده شود. به همین منظور سه عملگر هوشمند تولید جواب همسایگی ارائه شده است که در بخش ۱-۱ به معرفی آنها می‌پردازم.

#### گام دوم: تخصیص خوش‌های

از بین انبارهای انتخاب شده انباری که بیشترین ظرفیت را دارد در نظر بگیرید. نزدیکترین خوش به تصادفی از بین مجموع خوش‌های این انبار را در نظر گرفته اگر ظرفیت این انبار از مجموع تقاضای مشتریان خوش‌های انتخابی بیشتر بود این خوش به را به آن اختصاص دهید سپس از بین مجموعه خوش‌های تخصیص نیافته نزدیکترین خوش به را به این انبار در نظر بگیرید اگر ظرفیت با قیمانده اینبار بیش از ظرفیت تقاضای مشتریان این خوش به بود آنرا به این انبار تخصیص دهید. این کار را تا جایی ادامه دهید که ظرفیت با قیمانده اینبار هیچ خوش‌های را در خود اختصاص ندهد. سپس دومین انبار انتخاب شده که بیشترین ظرفیت را دارد، در نظر بگیرید. با استفاده از مکانیزم توضیح داده شده خوش‌های را به این انبار اختصاص دهید. به ترتیب انبارها را بر مبنای ظرفیت آنها انتخاب نموده و با این مکانیزم خوش‌های را به آنها اختصاص دهید. این کار را تا هنگامیکه تمام خوش‌های تخصیص یابند اجرا کنید. در نهایت به مرحله بعد بروید.

#### گام سوم: مسیریابی مشتریان

پس از انکه انبارها انتخاب و خوش‌های را به آنها اختصاص پیدا کرده اند حالا نوبت به مسیریابی مشتریان است. این روش پیشنهادی در دسته روش‌های حریصانه تولید جواب قرار می‌گیرد. (مکانیزمی که توضیح داده می‌شود برای تمام خوش‌های برقرار است).

مشتریان تخصیص نیافته	۶	۵	۷	۸	۲
مسیر شماره ۱	۴	۹	۱		
مسیر شماره ۲			۳	۱	

شکل ۳. مسیریابی در سطح ثانویه

یک خوش به تصادف انتخاب می‌کنیم. تعداد وسائل نقلیه ای که باید به این خوش به خدمت رسانی کنند برابر است با جزء صحیح تقسیم مجموع تقاضای مشتریان یک خوش به بر ظرفیت وسیله نقلیه ( $\sum d_j / Q$ ) بعلاوه یک. حال فرض کنید که برای خدمت رسانی به خوش به نظر باید ۱۱ وسیله نقلیه در نظر گرفته شود. پس مشتریان را در ۱۱ مسیر مختلف قرار می‌گیرند. همه این مسیرها از انباری که خوش به آن اختصاص یافته شروع می‌شود. حالا یک مشتری را به تصادف انتخاب کنید. از بین مکان‌های کاندید برای استقرار این مشتری، مکانی انتخاب می‌شود که دارای کمترین هزینه باشد. اگر بیش از یک مکان انتخاب برای این مشتری وجود داشت یکی از آنها را به تصادف انتخاب نمایید. سپس مشتری دوم را انتخاب و مکانی را انتخاب کمترین هزینه را داشته باشد نکته ای که در انتخاب مکان‌های کاندید باید رعایت شود آن است که ظرفیت با قیمانده مسیر از ظرفیت مشتری اضافه شده بیشتر باشد. این کار را تا زمانی که مشتریان این خوش

**عملگر جابجایی انبارها**

در این عملگر دو مسیر به تصادف انتخاب شده و انبار مرتبط با این دو مسیر با هم جابجا می‌شوند. اگر دو مسیر انتخاب شده مربوط به یک انبار یکسان باشند در جواب تغییر ایجاد نمی‌شود.

**عملگر حذف و انتقال به نزدیکترین مسیر**

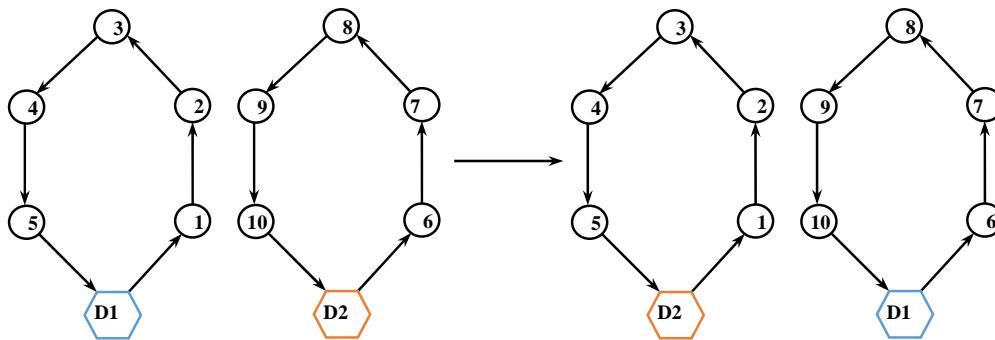
در این عملگر دو مسیر متفاوت انتخاب شده و فاصله بین مشتریان یک مسیر با مشتریان مسیر دوم محاسبه می‌شود. نزدیکترین مشتری مسیر اول به قبل از نزدیکترین مشتری مسیر دوم منتقل می‌شود.

**مرحله دوم: تولید جواب همسایگی تصادفی.**

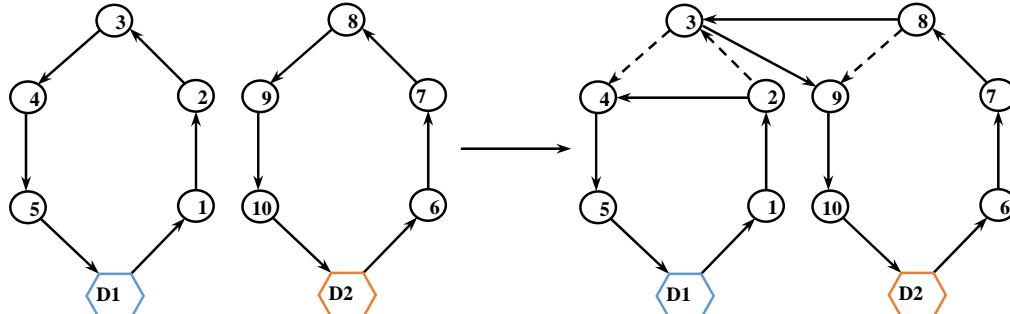
هدف از اجرای این مرحله ایجاد واگرایی در جواب تولید شده همسایگی برای پایش بیشتر فضای جواب مساله است. در این مرحله از سه عملگر تصادفی سازی جواب استفاده نموده ایم. توضیحات بیشتر در مورد این عملگرها در بخش ۲-۱-۴ بیان شده است. چارچوب کلی این فاز استفاده از روش فراابتکاری شبیه سازی تبرید (SA) برای فرار از بهینه محلی است بطوریکه جواب بدتر را با یک احتمالی می‌پذیرد.

**۴-۱-۴ تولید جواب همسایگی به صورت هوشمند**

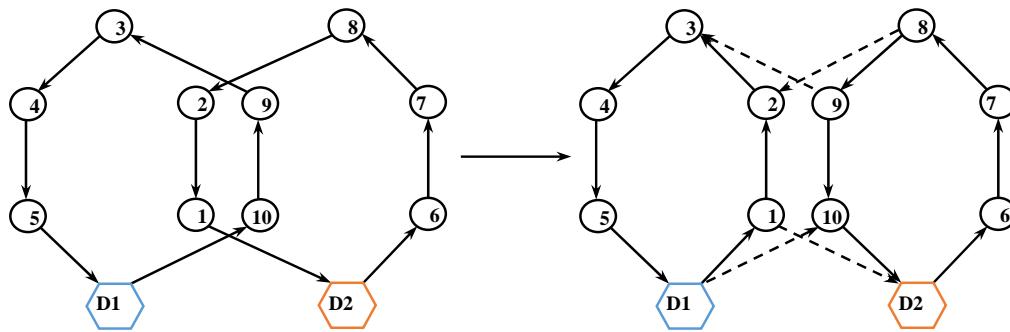
در این بخش به معرفی سه عملگر هوشمند در ساخت جواب همسایه می‌پردازیم.



شکل ۴. عملگر جابجایی انبارها



شکل ۵. عملگر حذف و انتقال به نزدیکترین مسیر



شکل ۶. عملگر جابجایی یک کمان با کمان دیگر

ترتیب وارد کرده و اگر بیش از یک مسیر در یک انتبار موجود باشد در ابتدای شروع هر مسیر (از مسیر دوم به بعد) یک صفر قرار می‌دهیم. پس از اینکه تمام انبارهای بازشده را با این مکانیزم وارد می‌کنیم شماره انبارهای بسته را در انتهای آن یادداشت می‌نماییم.

### عملگر جایه‌جایی یک کمان با کمان دیگر

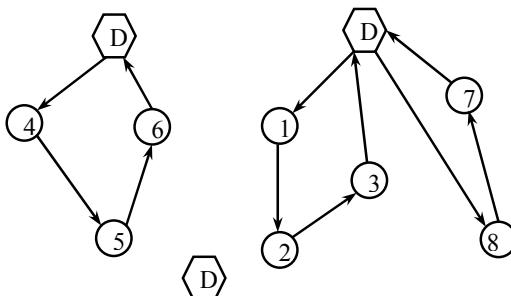
در این عملگر دو مسیر متفاوت انتخاب شده و یک کمان با کمان دیگر از مسیر جابجا می‌شوند.

#### ۴-۱-۴ تولید جواب همسایگی به صورت تصادفی

در این بخش جهت پایش بهتر فضای جواب و جلوگیری از افتادن در جواب بهینه محلی سه عملگر تولید جواب تصادفی ارائه شده است. قبیل از اینکه به معرفی عملگرها بپردازیم باید ساختار نحوه نمایش جواب را توضیح دهیم که با استفاده از این ساختار نحوه نمایش جواب، سه عملگر تصادفی معرفی شده است.

در شکل ۶ ساختار نحوه نمایش جواب نشان داده شده است. در این نحوه نمایش جواب ابتدا یکی از انبارهای بازشده انتخاب می‌شود سپس مشتریان موجود در مسیرهای مربوط به این ابار را به

### عملگر 3-Move



در این عملگر ۳ نقطه به تصادف در انتخاب شده و جایگاه این عناصر به صورت چرخشی عوض می‌شود.

شکل ۷. نحوه نمایش جواب

D1	۴	۵	۶	D3	۱	۲	۳	۰	۸	۷	D2
قبل از تغییر											

بعد از تغییر

شکل ۸. عملگر 2-Move

D1	۴	۵	۶	D3	۱	۲	۳	۰	۸	۷	D2
قبل از تغییر											

بعد از تغییر

شکل ۹. عملگر 2 Part Inverse

D1	۴	۵	۶	D3	۱	۲	۳	۰	۸	۷	D2
قبل از تغییر											

بعد از تغییر

شکل ۹. عملگر 2 Part Inverse

D1	۴	۵	۶	D3	۱	۲	۳	۰	۸	۷	D2
قبل از تغییر											

بعد از تغییر

شکل ۹. عملگر 2 Part Inverse

D1	۴	۵	۶	D3	۱	۲	۳	۰	۸	۷	D2
قبل از تغییر											

بعد از تغییر

شکل ۹. عملگر 2 Part Inverse

D1	۴	۵	۶	D3	۱	۲	۳	۰	۸	۷	D2
قبل از تغییر											

بعد از تغییر

شکل ۹. عملگر 2 Part Inverse

موجود در ادبیات مورد مقایسه قرار گرفته است. نتایج بدست آمده کیفیت روش پیشنهادی را نشان می‌دهد. پارامترهای مساله و در نهایت جزئیات بدست آمده از نتایج محاسباتی در ادامه ارائه شده است. نتایج حاصل از حل این مساله با استفاده از نرم افزار متلب و

### ۵. نتایج محاسبات عددی

در این بخش برای سنجش میزان کارایی الگوریتم پیشنهادی، دو مجموعه مثال از ادبیات در نظر گرفته شده است. کیفیت جواب بدست آمده از اجرای الگوریتم پیشنهادی در هر مثال با حد پایین و همچنین با نتایج بدست آمده از اجرای یک روش فراتکاری

شکل ۱۰. عملگر 3-Move

D1	۴	۵	۶	D3	۱	۲	۳	۰	۸	۷	D2
قبل از تغییر											

بعد از تغییر

شکل ۹. عملگر 2 Part Inverse

D1	۴	۵	۶	D3	۱	۲	۳	۰	۸	۷	D2
قبل از تغییر											

بعد از تغییر

شکل ۹. عملگر 2 Part Inverse

D1	۴	۵	۶	D3	۱	۲	۳	۰	۸	۷	D2
قبل از تغییر											

بعد از تغییر

شکل ۹. عملگر 2 Part Inverse

D1	۴	۵	۶	D3	۱	۲	۳	۰	۸	۷	D2
قبل از تغییر											

بعد از تغییر

شکل ۹. عملگر 2 Part Inverse

حریصانه (GRASP) که برگرفته از کار (۳) می باشد به ترتیب در ستون های ششم تا هشتم بیان شده است. درنهایت نتایج حاصل از اجرای روش پیشنهادی این مقاله که شامل هزینه، Gap و زمان حل الگوریتم است به ترتیب در ستون های نهم تا یازدهم اشاره شده است.

در صد اختلاف جواب های بدست آمده با حد پایین مساله نشانده میزان کیفیت هر کدام از روشها را نشان می دهد. بدست آوردن Gap از رابطه زیر استفاده شده است.

$$gap = \frac{gap}{gap + gap} \times 100$$

در هر نمونه مثال بهترین جواب بدست آمده از میان روش پیشنهادی و GRASP به صورت پرنگ (Bold) نشان داده شده است. به فرض مثال در ردیف ۸ کیفیت جواب روش پیشنهادی بهتر از روش GRASP شده است لذا این عدد در زیر ستون هزینه روش پیشنهادی به صورت پرنگ نمایش داده شده است.

جدول ۱. مقادیر پارامترهای فاز اول

پارامتر	مقدار انتخابی
$\alpha$ -cut	۰.۹
$\beta$ -cut	۰.۷
A	۵
B	۸
W <sub>1</sub>	۰.۷
W <sub>2</sub>	۰.۳

برای مقایسه عملکرد روش ابتکاری ارائه شده در مجموعه مثال پرودهان در مساله مکان یابی-مسیریابی دو سطحی با روش های موجود در ادبیات دو نوع ارزیابی وجود دارد. ارزیابی نوع اول) مقایسه میانگین عملکرد در مثالهای ۲۰، ۵۰ و ۱۰۰ تابی است و ارزیابی نوع دوم) تعداد بهبود های جواب در مقایسه با تک تک مثال ها است.

در کامپیوتری با مشخصات RAM CPU Core i5 2.3 GH.z و 4G بدبست آمده است.

پارامترهای مرتبط با فاز اول روش پیشنهادی در جدول ۱ بیان شده است. مقادیر ارائه شده در این جدول بر اساس انتخاب تصادفی بوده که تغییر ترکیب این مقادیر تاثیر چندانی در کیفیت جواب اولیه ایجاد نمی کرد. علاوه بر آن استفاده از روش های مختلف برای پیدا کردن ترکیب بهینه زمان بر بود که از انجام آن صرف نظر گردید. پارامترهای مرتبط با فاز دوم روش پیشنهادی در جدول ۲ ذکر شده است و مقادیر پیشنهادی برای هر کدام از این پارامترها نشان داده شده است. مقدار بهینه هر کدام از این پارامتر ها بر اساس روش تاگوچی محاسبه و در ستون آخر جدول به آنها اشاره شده است. در این مقاله از دو نوع مجموعه مثال استاندارد موجود در ادبیات برای نشان دادن کیفیت روش پیشنهادی استفاده شده است. مجموعه مثال اول، از نوع مساله مکان یابی-مسیریابی دوسری و مربوط به پرودهان (۳) می باشد که از ۲۴ مثال تشکیل شده است که بر اساس تعداد مشتریان و تعداد انبار به چهار قسمت تقسیم شده است. قسمت اول، شامل چهار نمونه مثال روی ۲۰ مشتری و ۵ انبار، قسمت دوم، شامل چهار نمونه مثال روی ۵۰ مشتری و ۵ انبار، قسمت سوم، شامل شش نمونه مثال روی ۱۰۰ مشتری و ۵ انبار و قسمت چهارم، شامل شش نمونه مثال روی ۱۰۰ مشتری و ۱۰ انبار می باشد. در جدول ۳ مشخصات این مجموعه آورده شده است. در ستون اول و ستون دوم نامگذاری این نمونه مثال ها انجام شده است. تعداد مشتریان و تعداد انبارهای بالقوه در هر نمونه مثال به ترتیب در ستون های سوم و چهارم آورده شده است. در ستون پنجم حد پایین هر کدام از مثال ها ذکر شده است. حد پایین ارائه شده مربوط به مرجع شماره (۸) می باشد. نتایج (شامل هزینه، Gap و زمان حل) حاصل از پیاده سازی روش فرآبتكاری فرایند جستجوی تصادفی تعاملی

جدول ۲. مقادیر پیشنهادی پارامترهای فاز دوم برای تنظیم پارامتر

پارامتر	نوع مثال	مقادیر آزمایش شده	مقادیر انتخاب شده
ضریب کاهش دما ( $\alpha$ )	کمتر از ۱۰۰ مشتری	(۰.۸۵، ۰.۹۰، ۰.۹۵)	۰.۹
تکرار حلقه خارجی	بیش از ۱۰۰ مشتری	(۰.۸۵، ۰.۹۰، ۰.۹۵)	۰.۹۵
تکرار حلقه داخلی (قسمت هوشمند)	کمتر از ۱۰۰ مشتری	(۰.۸۰، ۰.۹۰، ۰.۹۵)	۰.۹۰
تکرار حلقه داخلی (قسمت تصادفی)	بیش از ۱۰۰ مشتری	(۰.۸۰، ۰.۹۰، ۰.۹۵)	۱.۰۰
ضریب ثابت بالترمن (K)	کمتر از ۱۰۰ مشتری	(۰.۸۰، ۰.۹۰، ۰.۹۵)	۱/۴
	بیش از ۱۰۰ مشتری	(۰.۸۰، ۰.۹۰، ۰.۹۵)	۱/۴

جدول ۳. نتایج بدست آمده از مقایسه روش پیشنهادی در مجموعه مثال برودهان در مساله مکان‌یابی - مسیریابی دوستخی

ردیف	روش پیشنهادی				GRASP				تعداد مشترکان	تمامه مثال	ردیف
	زنگنه	Gap(٪)	فرز	فرز	زنگنه	Gap(٪)	فرز	فرز			
۱۸	۱۰.۱۹	۹۱۰۶۲	۰.۶	۱۲.۰۹	۹۲۶۳۳	۸۲۶۴۲.۷	۵	۲۰	20-5-1a	۱	
۱۹	۳.۷۲	۶۴۰۹۰	۰.۶	۲.۱۱	۶۳۰۹۴	۶۱۷۹۳.۲	۵	۲۰	20-5-1b	۲	
۱۷	۷.۸۳	۸۵۴۶۰	۰.۴	۸.۷۸	۸۶۲۱۲	۷۹۲۵۳.۱	۵	۲۰	20-5-2a	۳	
۱۹	۳.۰۴	۶۰۸۳۸	۰.۴	۳.۰۴	۶۰۸۳۸	۵۹۰۴۴.۲	۵	۲۰	20-5-2b	۴	
-	۶.۱۹	۷۵۳۶۲.۵	-	۶.۵۰	۷۵۶۹۴.۳	۷۰۶۸۳.۳	-	-	میانگین		
۳۹	۱۶.۷۷	۱۳۵۷۹۲	۲.۲	۱۷.۰۶	۱۳۶۱۳۷	۱۱۶۲۹۲.۰	۵	۵۰	50-5-1	۵	
۳۸	۱۳.۰۰	۱۰۶۸۷۲	۱.۸	۱۵.۴۳	۱۰۹۱۷۳	۹۴۵۷۷.۰	۵	۵۰	50-5-1b	۶	
۴۵	۱۰.۲۴	۱۳۶۱۲۰	۲.۱	۱۰.۷۷	۱۳۶۷۸۵	۱۲۳۴۸۱.۰	۵	۵۰	50-5-2	۷	
۴۲	۷.۵۰	۱۱۲۳۲۵	۲.۱	۶.۶۵	۱۱۱۴۴۰	۱۰۴۴۸۸.۰	۵	۵۰	50-5-2b	۸	
۴۴	۵.۹۹	۱۲۴۸۷۰	۳	۵.۹۹	۱۲۴۸۷۰	۱۱۷۸۱۵.۰	۵	۵۰	50-5-2bis	۹	
۳۷	۲۲.۱۲	۱۰۹۲۲۹	۲.۶	۲۲.۵۴	۱۰۸۷۱۸	۸۸۷۱۷.۵	۵	۵۰	50-5-2bbis	۱۰	
۳۹	۷.۹۷	۱۲۹۲۸۰	۳.۱	۷.۹۳	۱۲۹۲۲۵	۱۱۹۷۳۴.۰	۵	۵۰	50-5-3	۱۱	
۴۹	۳.۱۸	۱۰۴۹۴۰	۲.۴	۲.۳۲	۱۰۴۰۵۷	۱۰۱۷۰۲.۰	۵	۵۰	50-5-3b	۱۲	
-	۱۰.۹۷	۱۱۹۹۲۸.۵	-	۱۱.۰۹	۱۲۰۰۵۰.۶	۱۰۸۳۵۰.۸	-	-	میانگین		
۴۸	۸.۷۶	۳۲۷۶۵۰	۵.۹	۷.۸۳	۳۲۴۸۲۳	۳۰۱۲۴۶.۰	۵	۱۰۰	100-5-1	۱۳	
۵۳	۹.۰۸	۲۶۳۲۲۶	۵.۴	۸.۳۸	۲۶۱۵۲۹	۲۴۱۳۱۲.۰	۵	۱۰۰	100-5-1b	۱۴	
۶۲	۶.۳۵	۲۳۵۹۳۱	۴.۶	۶.۸۱	۲۳۶۹۳۷	۲۲۱۸۴۰.۰	۵	۱۰۰	100-5-2	۱۵	
۵۹	۴.۵۸	۱۹۷۹۸۹	۴.۳	۴.۰۷	۱۹۷۰۳۵	۱۸۹۳۲۴.۰	۵	۱۰۰	100-5-2b	۱۶	
۵۸	۱۲.۶۸	۲۴۸۷۱۲	۴.۴	۱۳.۴۵	۲۵۰۳۹۸	۲۲۰۷۱۷.۰	۵	۱۰۰	100-5-3	۱۷	
۵۸	۷.۱۴	۱۹۶۸۵۹	۴.۸	۷.۳۷	۱۹۷۲۷۹	۱۸۳۷۴۴.۰	۵	۱۰۰	100-5-3b	۱۸	
-	۸.۱۰	۲۴۵۰۶۱.۲	-	۷.۹۸	۲۴۴۶۶۶.۸	۲۲۶۳۶۳.۸	-	-	میانگین		
۹۵	۲۱.۴۲	۳۷۲۴۵۸	۱۰.۴	۲۰.۸۱	۳۷۰۶۰۳	۳۰۶۷۶۴.۰	۱۰	۱۰۰	100-10-1	۱۹	
۹۶	۱۹.۵۷	۳۱۲۶۹۸	۱۰.۲	۲۰.۷۷	۳۱۴۲۷۷	۲۶۱۳۰.۵۰	۱۰	۱۰۰	100-10-1b	۲۰	
۹۵	۱۲.۹۱	۳۰۸۰۲۱	۹.۳	۱۳.۹۸	۳۱۰۹۲۹	۲۷۲۸۰.۲۰	۱۰	۱۰۰	100-10-2	۲۱	
۸۹	۹.۱۲	۲۶۱۳۷۵	۱۲.۴	۱۰.۶۳	۲۶۴۹۸۴	۲۳۹۵۲۵.۰	۱۰	۱۰۰	100-10-2b	۲۲	
۹۵	۱۴.۹۷	۳۱۰۵۶۴	۹.۷	۱۸.۳۹	۳۱۹۸۰۶	۲۷۰۱۲۴.۰	۱۰	۱۰۰	100-10-3	۲۳	
۹۶	۱۳.۷۱	۲۶۷۸۴۵	۱۱	۱۳.۹۵	۲۶۸۴۱۳	۲۳۵۵۶۱.۰	۱۰	۱۰۰	100-10-3b	۲۴	
-	۱۵.۳۰	۳۰۵۴۹۳.۵	-	۱۶.۳۴	۳۰۸۱۶۸.۷	۲۶۴۳۴۶.۸	-	-	میانگین		

$$\mu_{Our\ algorithm} = \mu_{Grasp}$$

فرض یک: این دو روش اختلاف معنی داری

$$\mu_{Our\ algorithm} \neq \mu_{Grasp}$$

بنابراین از آزمون فرض ۴ استفاده می کنیم که عبارت است از.

$$T = \frac{\bar{d}}{\frac{sd}{\sqrt{n}}}, \quad df = n - 1$$

که میانگین و انحراف معیار  $d_i$  را به ترتیب به صورت  $\bar{d}$  و  $sd$  نشان داده شده است.  $n$  نیز نشاندهنده تعداد  $i$  می باشد.

بر اساس همین آزمون و با سطح معنی داری ۰.۱، آزمون معنی داری در چهار نمونه مثال جدول ۳ بررسی می شود.

- فرض معنی دار بودن در مثال های ۲۰ تایی.

همانطور که از جدول ۳ قابل مشاهده است میانگین کیفیت عملکرد روش پیشنهادی در مقایسه با روش GRASP در سه مورد از چهار مورد بهتر می باشد. روش پیشنهادی در مثال های ۲۰، ۵۰، ۱۰۰ تایی با ۱۰ وسیله نقلیه، میانگین عملکرد بهتری از خود نشان داده است. همچنین روش پیشنهادی در ۱۵ نمونه مثال، جواب بهتری داده است.

برای نشان دادن معنی دار بودن عملکرد روش ارائه شده نسبت به روش موجود در ادبیات (GRASP) از آزمون فرضیه استفاده خواهیم کرد. جهت این روش، تفاوت درصد اختلاف روش ارائه شده با حد پایین با درصد اختلاف روش GRASP را به صورت  $d_i$  تعریف می کنیم.

$$d_i = \% Gap_{Our\ algorithm} - \% Gap_{Grasp}$$

فرض که در اینجا مورد استفاده قرار گرفته است عبارت است از:

فرض صفر: این دو روش اختلاف معنی داری ندارند.

در این حالت آماره آزمون برابر  $t=2.02745$  می شود بنابراین فرض فرض معنی دار بودن درستح  $\alpha = 0.1$  پذیرفته می شود.

در جدول ۴ عملکرد سه استراتژی خوشه بندی ارائه شده روی مجموعه مثال های پرودهان دو سطحی مورد مقایسه قرار گرفته است. به طور میانگین استراتژی **FDSUR** در هر قسمت نسبت به دو استراتژی دیگر خوشه بندی عملکرد بهتری از خود نشان داده است. در هر نمونه مثال بهترین جواب از بین جواب های این سه استراتژی به عنوان روش پیشنهادی در نظر گرفته شده است که به صورت بولد نشان داده شده است.

در این حالت آماره آزمون برابر  $t=4.783$  می شود بنابراین فرض معنی دار بودن درستح  $\alpha = 0.1$  رد می شود.

- فرض معنی دار بودن در مثال های ۵۰ تایی.

در این حالت آماره آزمون برابر  $t=0.326$  می شود بنابراین فرض معنی دار بودن درستح  $\alpha = 0.1$  رد می شود.

- فرض معنی دار بودن در مثال های ۱۰۰ تایی با ۵ مشتری.

در این حالت آماره آزمون برابر  $t=0.4393$  می شود بنابراین فرض معنی دار بودن درستح  $\alpha = 0.1$  رد می شود.

- فرض معنی دار بودن در مثال های ۱۰۰ تایی با ۱۰ مشتری.

**جدول ۴. مقایسه عملکرد سه استراتژی خوشه بندی در کیفیت جواب در نمونه مثال های پرودهان در مساله دو سطحی**

Gap (%)	FDSUR		SWDU		Distance		بهترین جواب	شماره مثال	میانگین
	هزینه	Gap (%)	هزینه	Gap (%)	هزینه	Gap (%)			
.	۹۱۰۶۲	.	۹۱۰۶۲	.	۹۱۰۶۲	.	۹۱۰۶۲	20-5-1a	۱
.	۶۴۰۹۰	.	۶۴۰۹۰	.	۶۴۰۹۰	.	۶۴۰۹۰	20-5-1b	۲
.	۸۵۴۶۰	.	۸۵۴۶۰	.	۸۵۴۶۰	.	۸۵۴۶۰	20-5-2a	۳
.	۶۰۸۳۸	.	۶۰۸۳۸	.	۶۰۸۳۸	.	۶۰۸۳۸	20-5-2b	۴
.	۷۵۳۶۳	.	۷۵۳۶۳	.	۷۵۳۶۳	.	۷۵۳۶۳	۷۵۳۶۲,۵	میانگین
۲,۷	۱۳۹۴۵۸	۰,۰	۱۳۵۷۹۲	۲,۱	۱۳۸۶۴۴	۱۳۵۷۹۲	۵۰-۵-1	۵	
.	۱۰۶۸۷۲	۲,۳	۱۰۹۳۳۰	۲,۵	۱۰۹۵۴۴	۱۰۶۸۷۲	۵۰-۵-1b	۶	
.	۱۳۶۱۲۰	۱,۰	۱۳۷۴۸۱	۱,۱	۱۳۷۶۱۷	۱۳۶۱۲۰	۵۰-۵-2	۷	
.	۱۱۲۳۲۵	۱,۷	۱۱۴۲۳۵	۲,۵	۱۱۵۱۳۳	۱۱۲۳۲۵	۵۰-۵-2b	۸	
۱,۹	۱۲۷۲۴۴	۰,۰	۱۲۴۸۷۰	۲,۶	۱۲۸۱۱۷	۱۲۴۸۷۰	۵۰-۵-2bis	۹	
.	۱۰۹۲۲۹	۰,۸	۱۱۰۱۰۳	۲,۱	۱۱۱۵۲۳	۱۰۹۲۲۹	۵۰-۵-2bbis	۱۰	
۰,۹	۱۳۰۴۴۴	.	۱۲۹۲۸۰	۱,۱	۱۳۰۷۰۲	۱۲۹۲۸۰	۵۰-۵-3	۱۱	
.	۱۰۴۹۴۰	.	۱۰۴۹۴۰	.	۱۰۴۹۴۰	۱۰۴۹۴۰	۵۰-۵-3b	۱۲	
۰,۶۹	۱۲۰۸۲۹	۰,۷۲	۱۲۰۷۵۴	۱,۷۵	۱۲۲۰۲۷	۱۱۹۹۲۸,۵	میانگین		
.	۲۲۷۶۵۰	۱,۵	۲۳۲۵۶۵	۲,۹	۲۳۷۱۵۲	۲۲۷۶۵۰	100-5-1	۱۳	
.	۲۶۳۲۲۶	۱,۶	۲۶۷۴۳۸	۱,۲	۲۶۶۳۸۵	۲۶۳۲۲۶	100-5-1b	۱۴	
.	۲۳۵۹۳۱	۱,۸	۲۴۰۱۷۸	۲,۲	۲۴۱۱۲۱	۲۳۵۹۳۱	100-5-2	۱۵	
۰,۸	۱۹۹۵۷۳	.	۱۹۷۹۹۷	۲,۰	۲۰۱۹۴۹	۱۹۹۵۷۳	100-5-2b	۱۶	
.	۲۴۸۷۱۲	.	۲۴۸۷۱۲	۰,۸	۲۵۰۷۰۲	۲۴۸۷۱۲	100-5-3	۱۷	
۰,۹	۱۹۸۶۳۱	.	۱۹۶۸۵۹	۲,۵	۲۰۱۷۸۰	۱۹۸۶۳۱	100-5-3b	۱۸	
۰,۲۸	۲۴۵۶۲۰	۰,۸۲	۲۴۷۲۹۰	۱,۹۳	۲۴۹۸۴۸	۲۴۵۰۶۱,۲	میانگین		
.	۳۷۷۴۵۸	۱,۵	۳۷۸۰۴۵	۲,۲	۳۸۰۶۵۲	۳۷۷۴۵۸	100-10-1	۱۹	
.	۳۱۲۶۹۸	۱,۳	۳۱۶۷۶۳	۲,۰	۳۱۸۹۵۲	۳۱۲۶۹۸	100-10-1b	۲۰	
.	۳۰۸۰۲۱	۰,۸	۳۱۰۴۸۵	۱,۶	۳۱۲۹۴۹	۳۰۸۰۲۱	100-10-2	۲۱	
۰,۹	۲۶۳۷۷۷	.	۲۶۱۳۷۵	۲,۲	۲۶۹۷۳۹	۲۶۳۷۷۷	100-10-2b	۲۲	
۰,۹	۳۱۳۳۵۹	.	۳۱۰۵۶۴	۲,۴	۳۱۸۰۱۸	۳۱۰۵۶۴	100-10-3	۲۳	
۲,۰	۲۷۳۲۰۲	۱,۳	۲۷۱۳۲۷	.	۲۶۷۸۴۵	۲۶۷۸۴۵	100-10-3b	۲۴	
۰,۶۳	۳۰۷۷۴۴	۰,۸۲	۳۰۸۰۹۳	۱,۹۰	۳۱۱۳۵۹	۳۰۵۴۹۳,۵	میانگین		

توضیحات جدول ۵ همانند جدول ۴ می باشد فقط با این تفاوت که نتایج در حالت تک سطحی مورد بررسی قرار گرفته اند. علاوه بر این، باید ذکر شود که روش خوشه بندی مورد استفاده در حالت تک سطحی روش **FDUSR** می باشد که در مرحله قبل جواب

همچنین برای نشان دادن کیفیت روش ابتکاری ارائه شده، دو نمونه مثال در حالت تک سطحی از ادبیات آورده شده است. مجموعه نمونه مثال اول مربوط به پرودهان است که حالت دو سطحی آن در ابتدای این بخش نشان داده شده است.

کیفیت روش پیشنهادی عملکرد بهتری ارائه می‌نماید. در این مجموعه مثال روش پیشنهادی در میانگین سه مورد از چهار مورد جواب بهتری ارائه می‌نماید.

بهتری نسبت به دو روش دیگر ارائه داده است. نتایج روش GRASP از مقاله [۱۷] استخراج شده است. مقایسه عملکرد روش پیشنهادی با روش موجود در ادبیات نشان می‌دهد که

جدول ۵. نتایج بدست آمده از مقایسه روش پیشنهادی در مجموعه مثال پرودهان در حالت تک سطحی

روش پیشنهادی				GRASP								
نمره	Gap (%)	نمره	نمره	نمره	Gap (%)	نمره	نمره	نمره	تعداد برتری	نفراد مشتریان	نماینده مثال	نمره
۱۶	.	۵۴۷۹۳	۰.۲	۰.۴۲	۵۵۰۲۱	۵۴۷۹۳	۵	۲۰	20-5-1a	۱		
۱۷	.	۳۹۱۰۴	۰.۲	.	۳۹۱۰۴	۳۹۱۰۴	۵	۲۰	20-5-1b	۲		
۲۲	.	۴۸۹۰۸	۰.۱	.	۴۸۹۰۸	۴۸۹۰۸	۵	۲۰	20-5-2a	۳		
۱۷	.	۳۷۵۴۲	۰.۲	.	۳۷۵۴۲	۳۷۵۴۲	۵	۲۰	20-5-2b	۴		
-	.	۴۵۰۸۶,۸	-	۰.۱۰	۴۵۱۴۳,۷۵	۴۵۰۸۶,۸	-	-	میانگین			
۳۳	۵,۲۵	۹۱۶۸۵	۱,۸	۴,۰۴	۹۰۶۲۲	۸۷۱۰۹	۵	۵۰	50-5-1	۵		
۴۰	۴,۸۰	۶۴۵۴۹	۱,۸	۵,۱۴	۶۴۷۶۱	۶۱۵۹۵	۵	۵۰	50-5-1b	۶		
۳۸	۱,۲۴	۸۷۱۲۴	۲,۴	۳,۱۷	۸۸۷۸۶	۸۶۰۵۵	۵	۵۰	50-5-2	۷		
۴۳	۲,۷۴	۶۷۵۹۱	۲,۵	۳,۴۳	۶۸۰۴۲	۶۵۷۸۷	۵	۵۰	50-5-2b	۸		
۴۳	۰,۷۹	۸۴۰۹۴	۱,۷	۰,۷۴	۸۴۰۵۵	۸۳۴۳۹	۵	۵۰	50-5-2bis	۹		
۳۸	۰,۲۸	۵۱۹۶۷	۲,۶	۰,۴۶	۵۰۲۰۹	۵۱۸۲۲	۵	۵۰	50-5-2bbis	۱۰		
۳۶	۲,۶۶	۸۷۱۵۴	۲,۳	۳,۹۳	۸۷۳۸۰	۸۴۰۷۵,۸	۵	۵۰	50-5-3	۱۱		
۵۰	۰,۵۱	۶۱۹۲۳	۲,۰	۰,۴۶	۶۱۸۹۰	۶۱۶۰۷	۵	۵۰	50-5-3b	۱۲		
-	۲,۴۱	۷۴۴۶۰,۸۸	-	۲,۶۷	۷۴۷۰۰,۶۳	۷۲۶۸۶,۲۶	-	-	میانگین			
۴۲	۲,۵۱	۲۷۸۹۱۷	۲۷,۶	۲,۷۰	۲۷۹۴۳۷	۲۷۲۰۸۲	۵	۱۰۰	100-5-1	۱۳		
۴۴	۴,۵۶	۲۱۶۴۸۵	۲۲,۰	۴,۴۱	۲۱۶۱۵۹	۲۰۷۰۳۷	۵	۱۰۰	100-5-1b	۱۴		
۶۹	۶,۱۰	۱۹۸۳۲۴	۱۷,۴	۶,۷۴	۱۹۹۵۲۰	۱۸۶۹۱۶	۵	۱۰۰	100-5-2	۱۵		
۵۶	۲,۳۱	۱۵۷۳۸۱	۲۲,۰	۳,۷۲	۱۵۹۵۵۰	۱۵۳۸۲۷	۵	۱۰۰	100-5-2b	۱۶		
۴۸	۵,۲۳	۲۰۴۳۵۷	۲۱,۶	۵,۰۴	۲۰۴۹۹۹	۱۹۴۲۰۲	۵	۱۰۰	100-5-3	۱۷		
۵۹	۵,۸۴	۱۵۸۷۴۵	۲۰,۰	۳,۰۷	۱۵۴۵۹۶	۱۴۹۹۸۵	۵	۱۰۰	100-5-3b	۱۸		
-	۴,۴۳	۲۰۲۳۶۸,۱۷	-	۴,۲۸	۲۰۲۲۱۰,۱۷	۱۹۴۰۰۸,۱۶۸	-	-	میانگین			
۹۰	۲۵,۴۵	۳۲۳۹۵۷	۳۷,۴	۲۵,۱۴	۳۲۲۳۱۷	۲۵۸۲۴۲	۱۰	۱۰۰	100-10-1	۱۹		
۹۲	۲۲,۴۴	۲۶۹۶۸۶	۲۹,۵	۲۴,۰۶	۲۷۱۴۷۷	۲۱۸۸۲۵	۱۰	۱۰۰	100-10-1b	۲۰		
۸۹	۱۱,۸۴	۲۵۳۷۶۴	۳۹,۰	۱۱,۹۸	۲۵۴۰۸۷	۲۲۶۹۰۴	۱۰	۱۰۰	100-10-2	۲۱		
۸۰	۶,۵۵	۲۰۷۳۸۲	۲۹,۸	۶,۱۳	۲۰۶۵۵۵	۱۹۴۶۲۷	۱۰	۱۰۰	100-10-2b	۲۲		
۸۰	۱۸,۰۸	۲۶۲۵۴۷	۳۵,۴	۲۱,۸۰	۲۷۰۸۲۶	۲۲۲۳۵۳	۱۰	۱۰۰	100-10-3	۲۳		
۹۵	۱۴,۲۹	۲۱۶۳۵۲	۳۹,۸	۱۴,۱۹	۲۱۶۱۷۳	۱۸۹۳۰۸	۱۰	۱۰۰	100-10-3b	۲۴		
-	۱۶,۵۸	۲۵۶۷۰۴,۳۳	-	۱۷,۲۲	۲۵۷۰۴۸,۱۷	۲۱۸۳۷۶,۵	-	-	میانگین			

مجموعه مثال دوم در حالت تک سطحی مربوط به بارتو می‌باشد از ۱۳ مثال مختلف که شامل مثال‌هایی بین ۲۰ تا ۱۵۰ مشتری تشکیل شده است [۱۶]. در جدول ۶ مشخصات این مجموعه آورده شده است. تعداد مشتریان و تعداد انبارهای بالقوه در هر نمونه مثال به ترتیب در ستون‌های سوم و چهارم آورده شده است. حد پایین هر مثال در ستون پنجم اشاره شده است. نتایج (شامل هزینه، زمان حل) حاصل از پیاده سازی روش فراتکاری فرایند جستجوی تصادفی تعاملی حریصانه (GRASP) می‌باشد به ترتیب در ستون‌های ششم تا هشتم بیان شده است. نتایج حاصل از پیاده سازی روش پیشنهادی سواران [۲۳] به ترتیب در ستون‌های نهم تا یازدهم ذکر شده است. درنهایت نتایج حاصل از اجرای

توضیحات جدول ۵ همانند جدول ۴ می‌باشد فقط با این تفاوت که نتایج در حالت تک سطحی مورد بررسی قرار گرفته اند. علاوه بر این، باید ذکر شود که روش خوشبندی مورد استفاده در حالت تک سطحی روش FDUSR می‌باشد که در مرحله قبل جواب بهتری نسبت به دو روش دیگر ارائه داده است. نتایج روش GRASP از مقاله [۱۵] استخراج شده است. مقایسه عملکرد روش پیشنهادی با روش موجود در ادبیات نشان می‌دهد که کیفیت روش پیشنهادی عملکرد بهتری ارائه می‌نماید. در این مجموعه مثال روش پیشنهادی در میانگین سه مورد از چهار مورد جواب بهتری ارائه می‌نماید.

شده از دو روش دیگر نسبت به حد پایین جواب بهتری ارائه می‌نماید.

روش پیشنهادی این مقاله که شامل هزینه، Gap و زمان حل الگوریتم است به ترتیب در ستون های دوازدهم تا چهاردهم اشاره شده است. همانطور که از جدول مشخص است روش ابتکاری ارائه

جدول ۶. نتایج بدست آمده از مقایسه روش پیشنهادی در مجموعه مثال بارتو در حالت تک سطحی

روش پیشنهادی		Savran et.al				GRASP				تعداد مشترکان				نمایه مثال		ردیف
زمان	دل	زمان	دل	زمان	دل	زمان	دل	زمان	دل	زمان	دل	تعداد مشترکان	نام	ردیف		
۳۱	۱,۷	۵۷۱,۷	-	۱,۷	۵۷۱,۷	-	۹,۷	۵۷۱,۹	-	۵۶۲,۲	۵	۳۲	Gaskell67-32×5	۱		
۱۸	۰,۰	۴۲۴,۹	-	۲,۹	۴۳۷,۱	-	۱,۱	۴۲۹,۶	-	۴۲۴,۹	۵	۲۱	Gaskell67-21*5	۲		
۴۰	۰,۰	۵۰۴,۳	-	۰,۰	۵۰۴,۳	-	۰,۰	۵۰۴,۳	-	۵۰۴,۳	۵	۳۲	Gaskell67-32×5	۳		
۲۷	۰,۰	۵۸۵,۱	-	۰,۰	۵۸۵,۱	-	۰,۰	۵۸۵,۱	-	۵۸۵,۱	۵	۲۲	Gaskell67-22×5	۴		
۴۶	۰,۰	۴۶۰,۴	-	۰,۰	۴۶۰,۴	-	۰,۰	۴۶۰,۴	-	۴۶۰,۴	۵	۳۶	Gaskell67-36×5	۵		
۴۳	۰,۰	۵۹۵,۶	-	۴,۶	۵۹۱,۷	-	۵,۹	۵۹۹,۱	-	۵۹۵,۶	۵	۵۰	Christofides69-50×5	۶		
۱۶	۰,۱	۳۰۶۴	-	۰,۰	۳۰۶۲,۰	-	۰,۰	۳۰۶۲	-	۳۰۶۲	۵	۲۷	Min92 -27×5	۷		
۱۴	۰,۰	۵۱۲,۱	-	۰,۶	۵۰۸,۹	-	۰,۶	۵۱۵,۱	-	۵۱۲,۱	۵	۲۹	Gaskell67-29×5	۸		
۹۱	۵,۴	۸۶۲	-	-	-	-	۵,۳	۸۶۱	-	۸۱۸	۱۰	۱۰۰	Christofides69-100×10	۹		
۷۳	۹,۷	۸۷۶	-	-	-	-	۷,۹	۸۶۱,۶	-	۷۹۸,۷	۱۰	۷۵	Christofides69-75×10	۱۰		
۹۰	۱۲,۲	۶۰۸۵	-	۱۵,۰	۶۲۲۸,۰	-	۱۰,۰	۵۹۶۵	-	۵۴۲۳	۸	۱۳۴	Min92 -134×8	۱۱		
۱۰۱	۴,۵	۴۵۳۶۷	-	۷,۵	۴۶۶۴۲,۷	-	۲,۸	۴۴۶۲۵,۲	-	۴۳۴,۰	۱۰	۱۵۰	Daskin95-150×10	۱۲		
۷۵	۵,۷	۳۷۰,۵	-	۹,۸	۳۸۴,۹	-	۱,۸	۳۵۶,۹	-	۳۵۰,۵	۸	۸۸	Daskin95-88×8	۱۳		
-	۳	۴۶۳۴,۵	-	۳,۸	۴۷۵۲,۲	-	۳,۴۷	۴۵۶۹	-	۴۴۲۱	-	-	میانگین			

ابتکاری سه استراتژی خوش بندی ارائه شده است که هر کدام از این استراتژی ها جواب اولیه متفاوتی ایجاد می کنند. پس از بازگشایی اینارهای سطح ثانویه و برای ایجاد جواب اولیه در سطح اول بین تسهیلات بازگشایی شده ثانویه و تسهیل اولیه مسیریابی انجام میشود. فاز دوم این روش ابتکاری نیز در دو سطح اجرا می شود. سطح دوم شامل دو مرحله می باشد. مرحله اول بهبود جواب اولیه به صورت هوشمند است که در این مرحله عملگرهای ارائه شده با تغییراتی کوچک اما هدفمند در جواب فعلی، جواب های همسایه بهتری ایجاد می نمایند. در این مرحله، مرحله همگرایی به سمت جواب بهینه اتفاق می افتد. در مرحله دوم این فاز جواب های همسایه ایجاد شده به صورت تصادفی تولید می شوند. این مرحله، مرحله واگرایی روش پیشنهادی می باشد که برای پیمایش بیشتری از فضای جواب ها اجرا می شود. در سطح اول جواب های تولید شده به صورت تصادفی انجام می شود. در چارچوب کلی فاز

۶ نتیجه گیری و کاربرد

در این مقاله گسترش یافته مسئله مکان یابی- مسیریابی در حالت دو سطحی در نظر گرفته شد و برای حل آن یک روش ابتکاری ترکیبی دوفازی تکراری بر مبنای شبیه سازی تبرید ارائه گردید. در روش ابتکاری ارائه شده و در فاز اول ساخت جواب اولیه و در فاز دوم بهبود جواب اولیه مد نظر قرار می گیرد. و در انتهای فاز دوم مجدداً به فاز اول برگشته و با تولید جواب اولیه متفاوت، فاز بهبود اجرا می شود. جهت بهبود عملکرد روش ابتکاری، مساله به دو سطح تقسیم بندی شده است. سطح اول بین تسهیلات اولیه و تسهیلات ثانویه و سطح دوم بین تسهیلات ثانویه و مشتریان. مساله در هر فاز برای هر دو سطح بیان شده، اجرا می شود. ساخت جواب اولیه سطح دوم در فاز دوم شامل دو مرحله می باشد که در مرحله اول خوشه بندی مشتریان اجرا می شود. سپس در مرحله دوم مسی پار، مشتبه بار، هر خوشه احتمامی، گذد، این روش،

- International Journal of Transportation Engineering, Vol. 4, No. 3, PP. 225-254, 2017.
- [5] Majidi S., Hosseini-Motlagh S.M., Yaghoubi S., & Jokar A., "Fuzzy green vehicle routing problem with simultaneous pickup-delivery and time windows", RAIRO-Operations Research, 2017
- [6] Nikkhah Qamsari, AS., Hosseini-motlagh, S.M., Jokar, A. " A Two-Phase Hybrid Heuristic Method for a Multi-Depot Inventory-Routing Problem" International Journal of Transportation Engineering , Vol. 4, No. 4, pp. 287-303, 2017.
- [7] Majidi .S .Hosseini-motlagh .S.M .. Yaghoubi .S & Jokar .A. An Adaptive Large Neighborhood Search Heuristic for the Green Vehicle Routing Problem with Simultaneously Pickup and Delivery and Hard Time Windows. Journal of Industrial Engineering Research in Production Systems, Vol. 3, No. 6, pp. 149-165, 2016.
- [8] Contardo ، C ،Hemmelmayr ، V ، Crainic ، T.G ،Lower and upper bounds for the two-echelon capacitated location-routing problem .Computers & Operations Research Vol. 39, No. 12, pp. 3185-3199, 2012.
- [9] Drex ،M ،Schneider ،M ،A Survey of Variants and Extensions of the Location-Routing Problem .European Journal of Operational Research, Vol. 241, No. 2, pp. 283-308, 2015.
- [10] Gonzalez-Feliu ،J ، The multi-echelon location-routing problem: Concepts and methods for tactical and operational planning .Technical report, Laboratoire d'Economie des Transports, Lyon, Franc, 2010.
- [11] Jacobsen ، S ،Madsen ، O ،A comparative study of heuristics for a two-level routing-location problem .European Journal of Operational Research, Vol. 5. No. 6, pp. 378-387, 1980.
- دوم، برای فرار از بهینه محلی از روش فراابتکاری شبیه سازی تبرید استفاده شده است.
- برای ارزیابی کیفیت روش پیشنهادی، یک نمونه مثال مساله در حالت دو سطحی و دو نمونه مثال ۲۴ تایی و ۱۳ تایی از ادبیات در نظر گرفته شده است که نتایج حاصل از اجرای روش پیشنهادی با نتایج روش های فراابتکاری موجود در ادبیات و همچنین حد پایین ارائه شده برای این مثال ها مقایسه گردید. مقایسه نتایج بدست آمده کارا بودن روش پیشنهادی را نشان می دهد.
- جهت تحقیقات آتی موارد زیر پیشنهاد می گردد: استفاده از رویکرد پیشنهادی خوشبندی در مسائل مختلف مسیریابی مثل مساله مسیریابی وسیله نقلیه، مسیریابی موجودی و غیره که کیفیت جواب اولیه تاثیر زیادی در کیفیت جواب نهایی دارد. علاوه بر این، در نظر گرفتن این مساله در حالت چند دوره ای از دیگر پیشنهاد آتی برای ادامه کار این مقاله می باشد.
- ### پی نوشت
- 1 Greedy Randomized Adaptive Search Procedure  
 2 Sub-Tour  
 3 Bin Packing Problem  
 4 Sum of Weighted Distance and Used\_Capacity  
 5 First Distance, Second used Capacity Ranking(FDSUR)
- ### مراجع
- [1] عیسی بخش، مونا. حسینی مطلق، سید مهدی.، قطره سامانی، محمدرضا. «مسیریابی دوره‌ای استوار وسایل نقلیه در مراقبت بهداشت خانگی بیماران دیالیز صفاقی»، مجله مهندسی حمل و نقل، جلد ۸، شماره ۲، صفحه ۲۵۲-۲۳۱، ۱۳۹۵
- [2] قطره سامانی، محمدرضا. حسینی مطلق، سید مهدی..، یعقوبی، سعید. جوکار، عباس. «ارائه یک مدل احتمالی استوار چندهدفه برای مسأله مکان یابی- مسیریابی دوسته با گذاشت و برداشت همزمان و بنجره های زمانی»، مجله مهندسی حمل و نقل، جلد ۸، شماره ۱، صفحه ۷۳-۵۳. ۱۳۹۵
- [3] Hosseini-Motlagh S.M., Ahadpour P., Haeri A., "Proposing an approach to calculate headway intervals to improve bus fleet scheduling using a data mining algorithm", Journal of Industrial and Systems Engineering, Vol. 8, No. 4, PP. 72-86, 2017.
- [4] Cheraghi S. & Hosseini-Motlagh S.M., "Optimal blood transportation in disaster relief considering facility disruption and route reliability under uncertainty",

عباس جوکار و سید مهدی حسینی مطلق  
Computers 38; Operations Research, Vol. 39, pp. 3215–3228, 2012.

- [21] I.A. Martínez-Salazar, J. Molina, F. Ángel-Bello, T. Gómez, R. Caballero. Solving a bi-objective transportation location routing problem by metaheuristic algorithms. European Journal of Operational Research, Vol. 234, pp. 25–36, 2014.
- [22] Govindan, A. Jafarian, R. Khodaverdi, K. Devika. Two-echelon multiple-vehicle location-routing problem with time windows for optimization of sustainable supply chain network of perishable food. International Journal of Production Economics, Vol. 152, pp. 9–28, 2014.
- [23] Savran, A. Musaoglu, E. Yildiz, C. Fatih M. An Efficient Solution to Location-Routing Problems via a Two-Phase Heuristic Bubble Approach. 4th IEEE International Conference on Advanced logistics and Transport. 2015.
- [12] Nguyen, V.-P., Prins, C., Prodhon, C., A multi-start iterated local search with tabu list and path relinking for the two-echelon location-routing problem. Engineering Applications of Artificial Intelligence, Vol. 24, pp. 56–71, 2012.
- [13] Nguyen, V.-P., Prins, C., Prodhon, C., Solving the two-echelon location routing problem by a GRASP reinforced by a learning process and path relinking. Issue 216, 2012.
- [14] Prins, C., Prodhon, C., Wolfier, R., Solving the capacitated location-routing problem by a GRASP complemented by a learning process and a path relinking. A Quarterly Journal of Operations Research, Vol. 3, No. 4, pp. 221–238, 2006.
- [15] Sterle, C., Location-routing Models and Methods for Freight Distribution and Infomobility in City Logistics, Ph.D. Thesis, Universita Degli Studi di Napoli “Federico II,” Naples, Italy, 2010.
- [16] Crainic, T. G., Mancini, S., Perboli, G., & Tadei, R. Multi-start heuristics for the two-echelon vehicle routing problem. Technical report 2010-30, CIRRELT, Canada, 2010.
- [17] V.-P. Nguyen, C. Prins, C. Prodhon. Solving the two-echelon location routing problem by a GRASP reinforced by a learning process and path relinking. European Journal of Operational Research, Vol. 216, pp. 113–126, 2012.
- [18] Sterle, C. Location-routing models and methods for freight distribution and info mobility in city logistics. Technical report CIRRELT-2010-38, CIRRELT, Canada, 2010.
- [19] L. Jin, Y. Zhu, H. Shen, T. Ku. Research on two-layer location-routing problem and optimization algorithm. International Journal of Advancements in Computing Technology, Vol. 2, pp. 102–108, 2010.
- [20] V. Hemmelmayr, J.-F. Cordeau, T.G. Crainic. An adaptive large neighborhood search heuristic for two-echelon vehicle routing problems arising in city logistics