



Optimization of Passenger Line Planning in Railway

M. Yaghini*, A. Alimohammadian & M. Karimi

*Masoud Yaghini, Assistant Professor, School of Railway Engineering, Iran University of Science and Technology, Tehran, Iran
Alireza Alimohammadian, Master of Science, School of Railway Engineering, Iran University of Science and Technology, Tehran, Iran
Mohammad Karimi, Master of Science, School of Railway Engineering, Iran University of Science and Technology, Tehran, Iran*

Keywords

Railway Transportation Planning,
Passenger Lines Planning,
Genetic Meta heuristic Algorithm,
Column Generation Algorithm

ABSTRACT

The passenger line planning is a process of strategic long-term decision-making problem in the field of railway passenger planning. A line is a direct railway connection between two stations. A line is characterized by the origin and destination stations, the frequency per day, the route between these two stations, and the intermediate stops at passing railway stations. Various mathematical models have been proposed for passenger line planning problem, and different solution methods have been provided so far. Two solution methods based on column generation algorithm and genetic algorithm have been proposed in this article, the first algorithm is defined in one master problem and two sub problems. Since the solution provided by column generation method is not of the integer number type, a heuristic algoadrithm has been proposed here for converting the results to integer numbers. The objective function for line planning problem in this article is to maximize the number of direct passengers. Direct passengers are the passengers that can travel from their origin station to their destination station without having to change trains. Results on the proposed solution methods, for twirty two test problems, are compared to those of solutions obtained via CPLEX software, one of the well-known solvers for solving both linear and mix integer programming problems using branch and bound algorithm. Results show that the proposed solution methods have high performance and accuracy.

© 2014 IUST Publication, IJIEPM. Vol. 24, No. 4, All Rights Reserved

*
Corresponding author: Masoud Yaghini
Email: yaghini@iust.ac.ir



بهینه سازی برنامه ریزی خطوط مسافری در راه آهن

مسعود یقینی^{*}، علیرضا علیمحمدیان و محمد کریمی

چکیده:

برنامه ریزی خطوط مسافری یک تصمیم استراتژیک و بلند مدت در حوزه برنامه ریزی مسافر در راه آهن است. تاکنون مدل های ریاضی و روش های حل گوناگونی برای مسئله برنامه ریزی خطوط ارائه شده است. در این مقاله یک روش حل بر پایه الگوریتم ایجاد ستون پیشنهاد شده که در آن، مسئله برنامه ریزی خطوط مسافری به صورت یک مسئله اصلی و دو زیر مسئله تعریف شده است. از آنجایی که جواب حاصل از روش ایجاد ستون غیر عدد صحیح است، برای تبدیل جواب های حاصل به مقادیر صحیح یک الگوریتم ابتکاری پیشنهاد شده است. در ادامه یک الگوریتم پیشنهادی جدید برای حل مسئله برنامه ریزی خطوط مسافری، مبتنی بر الگوریتم فراابتکاری ژنتیک ارائه شده است. ارزیابی روشهای حل پیشنهادی با استفاده از بیست مسئله نمونه و مقایسه جواب های بدست آمده از روش پیشنهادی با روش حل مبتنی بر شاخه و حد و نرم افزار بهینه سازی CPLEX انجام شده است. نتایج بدست آمده نشان دهنده کارایی و دقیقت بالای روشهای حل پیشنهادی است.

کلمات کلیدی:

برنامه ریزی حمل و نقل ریلی، برنامه ریزی خطوط مسافری، الگوریتم ایجاد ستون، الگوریتم ژنتیک

به مسافرین را می توان توسط چندین شاخص بیان کرد. یکی از شاخص های مهم، مسافرین مستقیم است. به طور معمول مسافرین تمایل دارند که مسیر سفر خود از مبدأ به مقصد را به صورت مستقیم و بدون نیاز به تعویض قطار طی نمایند. مسافرین مستقیم در برنامه ریزی خط، به مسافرینی گفته می شود که در سفر از مبدأ به مقصدشان نیاز به تعویض قطار نداشته باشند [۱]. ورودی های مورد نیاز برای مسئله برنامه ریزی خطوط مسافری شامل ایستگاه ها، ارتباط ریلی ایستگاه ها و تقاضای سفر بین هر زوج مبدأ و مقصد است. بنابراین تقاضا به صورت یک ماتریس تعريف می شود. اگر شبکه ریلی با $G(V,E)$ نمایش داده شود، V بیان کننده ایستگاه ها و E بیان کننده مسیرهای بین دو ایستگاه متوازن مفروض یا همان کمان های شبکه است. مجموعه V از n ایستگاه یا گره تشکیل شده است. ماتریس تقاضای ورودی یک ماتریس $n \times n$ است. در این مدل، تقاضا در مسیر رفت با تقاضا در مسیر برگشت، یکسان در نظر گرفته می شود و برابر با حداکثر تقاضای رفت یا برگشت فرض می شود. علت این مسئله، استفاده چرخشی^۳ از ناوگان است. بدین معنا که تعداد تکرار در مسیر

۱. مقدمه

مسئله برنامه ریزی خط^۲ یا برنامه ریزی مسیر های مسافری یکی از برنامه ریزی های استراتژیک و سطح بالا در برنامه ریزی حمل و نقل مسافر در راه آهن است. در ادبیات موضوع، یک خط، مسیری است بین یک مبدأ و مقصد با ایستگاه های توقف مشخص که دارای تعداد تکرار معین حرکت قطار است. حرکت قطارهای مختلف در یک خط دارای مبادی و مقاصد مشخص و زمان های اعزام و ورود متفاوت است. هدف مسئله موردنظر، انتخاب خطوط بهینه از میان خطوط پیشنهادی است که حداکثر خدمت را برای مشتریان که همان مسافرین هستند، ایجاد کند. خدمت ارائه شده

تاریخ وصول: ۹۰/۱۰/۳

تاریخ تصویب: ۹۱/۲/۲۷

*نویسنده مسئول مقاله: دکتر مسعود یقینی، دانشکده مهندسی راه آهن، دانشگاه علم و صنعت ایران، تهران، ایران، yaghini@iust.ac.ir
علیرضا علیمحمدیان، دانشکده مهندسی راه آهن، دانشگاه علم و صنعت ایران، a_alimohammadian@rail.iust.ac.ir
محمد کریمی، دانشکده مهندسی راه آهن، دانشگاه علم و صنعت ایران، تهران، mohammad_karimi@rail.iust.ac.ir

³ Cyclic

² Line planning problem

اسکوبل بر روی کمینه سازی تعداد مسافرینی که برای رسیدن به مقصد، نیاز به تعویض قطار دارند مطالعه کرده و نشان می دهد، کمینه سازی این مسافرین نسبت به بیشینه سازی مسافرین مستقیم پیچیده تر است و برای پیدا کردن یک حد پایین از آزاد سازی لاتگراش^۱ استفاده کرده است [۹].

مقالاتی نیز در سال های اخیر با موضوع برنامه ریزی خطوط مسافری در راه آهن ارائه شده است که از بین آنها می توان به موارد ذیل اشاره نمود. شفیعا و همکاران یک مدل عدد صحیح مختلط، با در نظر گرفتن عدم قطعیت در اطلاعات ورودی مسئله برای برنامه ریزی خطوط مسافری ارائه کردند و برای حل آن از یک الگوریتم ابتکاری استفاده نمودند [۱۰]. یقینی و همکاران با استفاده از تکنیک برنامه ریزی آرمانی، یک مدل چند هدفه را به یک مدل تک هدفه جهت برنامه ریزی حمل و نقل مسافر ارائه نمودند [۱۱]. همچنین در سال ۲۰۱۲ یقینی و همکارانش یک روش ترکیبی برای حل مسئله برنامه ریزی خطوط مسافری با استفاده از الگوریتم تجزیه و یک روش ابتکاری ارائه نمودند [۱۲]. نتایج برنامه ریزی خطوط مسافری، ورودی زمانبندی حرکت قطارها^۲ است.

نتایج زمانبندی حرکت قطارها، زمان های ورود و اعزام هر قطار به هر ایستگاه است. از این رو این برنامه ریزی از اهمیت ویژه ای در برنامه ریزی حمل و نقل ریلی برخوردار است و تاکنون مقالات متعددی در این زمینه منتشر شده است که می توان به [۱۳-۱۴-۱۵-۱۶-۱۷] اشاره نمود. نتایج مسئله زمانبندی حرکت قطارها ورودی مسئله برنامه ریزی وسائل نقلیه است در این مرحله از برنامه ریزی با توجه به زمان های ورود و اعزام قطارها، تخصیص ناوگان به هر اعزام قطار صورت می پذیرد. از مقالات ارائه شده در زمینه برنامه ریزی وسائل نقلیه می توان به [۱۸-۱۹] اشاره نمود. آخرین مرحله، برنامه ریزی خدمه^۳ است. در این مرحله برنامه کاری خدمه قطارها به نحوی تعیین می شود که با رعایت موازین کاری، حداقل هزینه تخصیص خدمه صورت پذیرد. برای کسب اطلاعات بیشتر در زمینه برنامه ریزی خدمه از مقالات [۲۰-۲۱-۲۲] می توان استفاده نمود.

در این مقاله ارائه یک الگوریتم مبتنی بر روش ایجاد ستون^۴ برای حل مسئله برنامه ریزی خطوط مسافری، با در نظر گرفتن یک مسئله اصلی^۵ و دو زیر مسئله^۶ است. روش ایجاد ستون یکی از روش‌های دقیق در حل مسائل برنامه ریزی خطی است. از آنجا که جواب های حاصل از الگوریتم ایجاد ستون لزوماً عدد صحیح

رفت باید با تعداد تکرار در مسیر برگشت یکسان است. مسافرین در مبدأ ممکن است مسیرهای مختلفی را برای رسیدن به مقصد داشته باشند، اما در کلیه مدل های برنامه ریزی خطوط مسافری فرض می شود که مسافرین کوتاه‌ترین مسیر ریلی را برای رسیدن به مقصد خود انتخاب می کنند. باید توجه نمود در صورتی که خطوط انتخابی باعث افزایش رضایتمندی مشتریان یا همان مسافرین شود، به طور حتم تقاضای سفر بین هر زوج ایستگاه افزایش خواهد یافت و این مسئله افزایش و تداوم سودآوری سازمان را تأمین می کند و از سمت دیگر نیز نیاز به برنامه ریزی مجدد خطوط پس از طی زمانی که تغییرات محسوس در تقاضای سفر رخ دهد را ایجاب می نماید [۱].

شرکت هایی که در حوزه حمل و نقل مسافر فعالیت می کنند با سطوح مختلف برنامه ریزی مواجه هستند که از بین آنها می توان به پیشینی تقاضا، برنامه ریزی خطوط مسافری، زمانبندی حرکت قطارها، مسئله تخصیص ناوگان و برنامه ریزی خدمه اشاره نمود [۲].

پیش بینی تقاضا، اولین قدم در برنامه ریزی حمل و نقل ریلی در حوزه حمل مسافر است که یکی از پیش نیاز های برنامه ریزی خطوط مسافری یا تعیین مسیر های مسافری است. در این مرحله تقاضای بین هر زوج ایستگاه برآورد می شود. پیشینی دقیق تقاضای مسافر مبنای سایر برنامه ریزی ها در حمل و نقل مسافر است. مقالات متعددی به برآورد تقاضای مسافر پرداخته اند که می توان به [۴-۳] اشاره نمود.

مرحله بعدی، برنامه ریزی خطوط مسافری است که در این مرحله خطوط بهینه با تعداد تکرار مشخص، برای هر خط بدست می آید. از مهمترین کارهای انجام شده در زمینه برنامه ریزی خطوط مسافری می توان به مقاله بوسیک و همکارانش در سال ۱۹۹۶ که بر روی بیشینه سازی مسافرین مستقیم مطالعه کرده است اشاره نمود. وی ظرفیت تمامی قطارها را ثابت و یکسان فرض نموده و روش های مختلفی را برای حل مدل خود بیان می کند [۵].

در سال ۱۹۹۸، کلاسنس و همکارانش یک مدل غیر خطی عدد صحیح برای پیدا کردن خطوط بهینه، جهت کمینه سازی هزینه عملیاتی خطوط ارائه کردند. همچنین برای حل، این مدل را به یک مدل خطی عدد صحیح تبدیل کرده و توسط یک نرم افزار بهینه سازی حل نمودند [۶]. گوئنس و همکارانش در سال ۲۰۰۴ یک مدل برای کمینه سازی هزینه خطوط ارائه کرده و این مدل را توسط یک الگوریتم شاخه و برش حل کردند [۷]. لیندر بر روی کمینه سازی هزینه های عملیاتی خطوط مطالعه کرده است. وی یک روش شاخه و کران برای حل این مدل ارائه کرده و مدل خود را با مدل زمانبندی حرکت قطارها ادغام می کند [۸].

¹ Lagrangian relaxation

² Train time tabling

³ Crew scheduling

⁴ Column generation method

⁵ Master problem

⁶ Sub problem

$$\text{Max} \sum_{a,b \in V} \sum_{e \in r | r \in R_{a,b}} y_{r,a,b} \quad (1)$$

$$\sum_{e \in r | r \in R_{a,b}} y_{r,a,b} \leq d_{a,b} \quad \forall a, b \in V \quad (2)$$

$$\sum_{e \in r | r \in R_{a,b}} y_{r,a,b} \leq c x_r \quad \forall r \in R, e \in r \quad (3)$$

$$\sum_{e \in r | r \in R_{a,b}} x_r \leq u(e) \quad \forall e \in E \quad (4)$$

$$x_r \geq 0 \text{ & Integer}, \quad y_{r,a,b} \geq 0 \text{ & Integer}. \quad \forall r \in R, \forall a, b \in V \quad (5)$$

تابع هدف (۱)، کل تعداد مسافرین مستقیمی را که توسط کلیه خطوط از مبدا به مقصد شان می‌رسند، بیشینه می‌نماید. محدودیت (۲) بیان می‌کند که کل تعداد مسافرینی که به صورت مستقیم بین هر مبدا و مقصد سفر می‌نمایند باید، از تقاضای سفر آن مبدا و مقصد کمتر باشد. محدودیت (۳) بیان می‌کند که در هر خط کل تعداد مسافرین مستقیمی که در یک کمان خاص عبور می‌کنند باید، از ظرفیت ایجاد شده توسط اعماق قطار در آن خط کمتر باشد. محدودیت (۴) بیان می‌کند که تعداد اعماق های کلیه خطوط روی هر کمان باید از حد بالای اعماق روی آن کمان کمتر باشد. این حد بالا با توجه به عواملی نظری، سیستم علاطم و ارتباطات و تعداد ایستگاه‌های تلاقی در کمان بدست می‌آید که در این مسئله به عنوان یکی از پارامترهای ورودی فرض می‌شود. محدودیت (۵) نوع متغیرهای تصمیم مسئله را تعریف می‌کند که هر دو نوع متغیرهای تصمیم، از نوع عدد صحیح هستند.

۳. روش حل پیشنهادی مبتنی بر الگوریتم ایجاد ستون

همانطور که بیان شد، روش حل ارائه شده در این مقاله مبتنی بر الگوریتم ایجاد ستون است. این الگوریتم یک روش حل دقیق برای دستیابی به جواب بهینه مسائل برنامه ریزی خطی است، که به نام الگوریتم تجزیه نیز شناخته شده است. به کارگیری این روش برای حل مسائل بزرگ است که توسط نرم افزارهای بهینه سازی در زمان قابل قبول امکان حشان وجود ندارد. مقالات متعددی تا کنون در زمینه الگوریتم ایجاد ستون و حل مسائل گوناگون به کمک این الگوریتم ارائه شده است که می‌توان به

نیستند، یک الگوریتم ابتکاری برای تبدیل جوا بهای حاصل از الگوریتم به جواب‌های عدد صحیح ارائه شده است. به عنوان یک نوآوری روشی برای حل مسئله برنامه ریزی خطوط مسافری مبتنی بر الگوریتم فرابتکاری ژنتیک^۱ ارائه شده است.

در ادامه در بخش دوم، مدل ریاضی برنامه ریزی خطوط مسافری که در این مقاله از آن استفاده شده است، بیان می‌شود. در بخش سوم، الگوریتم پیشنهادی مبتنی بر روش فرابتکاری ژنتیک، ارائه می‌گردد، ارزیابی روش‌های حل پیشنهادی با توجه به مسائل نمونه در بخش پنجم انجام شده و در بخش ششم نتیجه گیری و زمینه‌های پژوهشی آتی ارائه می‌گردد.

۲. مدل ریاضی برای مسئله برنامه ریزی خطوط مسافری در راه آهن

مدل ریاضی برنامه ریزی خطوط مسافری که در این مقاله از آن استفاده شده، مجموع تعداد مسافرین مستقیم بین کلیه مبادی و مقاصد را بیشینه می‌سازد. محدودیت‌های مسئله برنامه ریزی خطوط مسافری شامل محدودیت تقاضا، محدودیت ظرفیت ایجاد شده و محدودیت کل تعداد اعماق قطار روی هر کمان شبکه است [۵].

• شمارنده‌ها:

e : شمارنده کمان‌های شبکه.

r : شمارنده خطوط R .

a, b : شمارنده مبادا و مقصد ایستگاه V .

• مجموعه‌ها:

V : مجموعه ایستگاه‌های موجود.

E : مجموعه کمان‌های شبکه.

R : مجموعه خطوط پیشنهادی.

• پارامترها:

$d_{a,b}$: تقاضای سفر از a به b .

$u(e)$: حد بالای تعداد تکرار یا اعماق قطار روی کمان e .

c : ظرفیت ناوگان (نفر).

• متغیرهای تصمیم:

$y_{r,a,b}$: متغیر تصمیم از نوع عدد صحیح، بیانگر تعداد مسافرین

مستقیم از مبادا a به b توسط خط r .

X_r : متغیر تصمیم مسئله از نوع عدد صحیح، بیانگر تعداد تکرار خط r .

¹ Genetic Meta heuristic algorithm

$$\lambda_j \geq 0, \quad \gamma_j \geq 0, \quad s \geq 0. \quad (10)$$

در مدل (۱۰)-(۶)، تابع هدف (۶) همان تابع هدف مسئله اولیه است که برای انطباق با روش ایجاد ستون به صورت کمینه سازی تبدیل شده است. متغیر تصمیم مسئله اصلی λ و γ است. محدودیت (۷) همان محدودیت ظرفیت ایجاد شده توسط اعزام را روی هر کمان است و بردار متغیر کمیود s این محدودیت را به حالت تساوی تبدیل می کند. محدودیت (۸)، محدودیت تحدب روی جواب های حاصل از زیر مسئله اول است. محدودیت (۹)، محدودیت تحدب روی جواب های حاصل از زیر مسئله دوم است. محدودیت (۱۰) متغیر های تصمیم مسئله را از نوع مثبت تعریف می کند. در مدل (۶)-(۱۰) بردار y و x ورودی مسئله از زیر مسئله ها و به عنوان پارامتر های مدل هستند. بردار مقادیر دوگان برای محدودیت (۷) به صورت w و مقدار متغیر دو گان برای محدودیت (۸) با α و مقدار متغیر دوگان برای محدودیت (۹) با β نشان داده می شوند.

زیر مسئله اول که محدودیت (۲) مسئله را برقرار می سازد و در هر مرحله مقادیر متغیر های تصمیم y را مشخص می سازد به صورت مدل (۱۱)-(۱۳) تعریف می شود.

Subproblem 1:

$$\text{Max} \quad ((w \times A) + 1)y + \alpha \quad (11)$$

$$\sum_{e \in r | r \in R_{a,b}} y_{r,a,b} \leq d_{a,b} \quad \forall a,b \in V \quad (12)$$

$$y \geq 0. \quad (13)$$

تابع هدف (۱۱)، متغیر های تصمیم از نوع y و مقادیرشان را برای مسئله اصلی تعیین می نماید. همانطور که بیان شد w بردار مقادیر دوگان محدودیت (۷) و A ضریب متغیر های تصمیم y در محدودیت (۷) است. محدودیت (۱۲) همان محدودیت تقاضا مسئله اولیه است. محدودیت (۱۳) متغیر تصمیم زیر مسئله اول را تعریف می کند. در مسئله برنامه ریزی خطوط مسافری، متغیر های تصمیم از نوع عدد صحیح است، اما از آنجا که در روش ایجاد ستون، فضای حل زیر مسئله ها باید محدب باشد، از این رو نمی توان متغیر های تصمیم از نوع y را در زیر مسئله اول عدد صحیح تعریف نمود. با توجه به اینکه این متغیر نشان دهنده تعداد مسافرین مستقیم است و تعداد مسافرین معمولاً یک عدد بزرگ خواهد بود، بنابراین در نظر گرفتن این متغیر به صورت عدد صحیح و یا پیوسته تغییر چندانی در جواب مسئله نخواهد

[۲۳-۲۴-۲۵-۲۶] اشاره نمود. در الگوریتم ایجاد ستون، مسئله اولیه به یک مسئله اصلی و حداقل یک زیر مسئله تقسیم می شود. در هر مرحله از اجرای الگوریتم ایجاد ستون، مقادیر دوگان^۱، خروجی مسئله اصلی و مقادیر جدید متغیر های تصمیم، خروجی زیر مسئله (ها) است. از این رو فضای حل مسئله به حداقل دو بخش تقسیم می شود. همانطور که بیان شد این روش برای حل مسائل برنامه ریزی خطی است. از این رو هیچ تضمینی برای رسیدن به جواب های عدد صحیح در مسائلی که متغیر های تصمیمی از این دست هستند، وجود ندارد. در این مقاله مسئله برنامه ریزی خط به یک مسئله اصلی و دو زیر مسئله تقسیم می شود و برای تبدیل جواب های بدهست آمده به اعداد صحیح، یک الگوریتم ابتکاری ارائه شده است.

در هر مرحله از الگوریتم، مقادیر دوگان از مسئله اصلی به زیر مسئله وارد می شود و در زیر مسئله، مقادیر جدید متغیرها به مسئله اصلی وارد می شود. شرط خاتمه الگوریتم توسط تابع هدف زیر مسئله بررسی می شود. تابع هدف مسئله اصلی همان تابع هدف مسئله اصلی است. همانطور که بیان شد، این روش مسئله را به یک مسئله اصلی و حداقل یک زیر مسئله تبدیل می نماید. برای حل مسئله برنامه ریزی خطوط مسافری توسط روش ایجاد ستون، محدودیت (۳) را که هر دو متغیر تعداد مسافرین مستقیم و تعداد اعزام خطوط را شامل می شود، در مسئله اصلی قرار داده و دو زیر مسئله، برای برقراری سایر محدودیت ها تعریف شده است. زیر مسئله اول محدودیت (۲) را و زیر مسئله دوم محدودیت (۴) را برقرار می سازد. از این جهت در مسائل با اندازه بزرگ با توجه به یک مسئله اصلی و دو زیر مسئله، فضای حل مسئله به سه بخش تقسیم می شود از این جهت سرعت حل مسئله بالاتر می رود. مسئله اصلی به صورت روابط (۶)-(۱۰) حاصل می شود.

Master problem:

$$\text{Min} \quad \sum_j (- \sum_{a,b \in V} \sum_{e \in r | r \in R_{a,b}} y_{r,a,b}) \lambda_j \quad (6)$$

$$\sum_j (\left(\sum_{e \in r | r \in R_{a,b}} y_{r,a,b} \right) \lambda_j + (-c x_r) \gamma_j) + s = 0 \quad \forall r \in R, e \in r \quad (7)$$

$$\sum_j \lambda_j = 1 \quad (8)$$

$$\sum_j \gamma_j = 1 \quad (9)$$

^۱ Dual value

صحیح، یک الگوریتم ابتکاری ارائه شده است. مراحل الگوریتم ابتکاری پیشنهادی به شرح زیر است:

قدم اول: مجموع اعزم ها بر روی هر کمان محاسبه می شود.

قدم دوم: مجموع اعزم های بدست آمده در قدم اول، به نزدیکترین مقدار صحیح خود گرد می شود.

قدم سوم: میزان اعزم ها بر روی هر کمان را جداگانه گرد کرده و مجموع آن محاسبه می شود.

قدم چهارم: اختلاف حاصل از مجموع گرد شده اعزم ها و گرد شده مجموع اعزم ها محاسبه می شود.

قدم پنجم: با توجه به اختلاف حاصل از مجموع گرد شده اعزم ها و گرد شده مجموع اعزم ها، خطوط با طولانی ترین مسیر ممکن بر روی شبکه ایجاد می شود.

۴. روش حل پیشنهادی مبتنی بر الگوریتم فرا ابتکاری ژنتیک

الگوریتم ژنتیک یکی از کارترین روش های فرا ابتکاری است. الگوریتم های فرابا ابتکاری، روش هایی برای دستیابی به جواب های نزدیک به بهینه در زمانی قابل قبول برای مسائل با ابعاد بزرگ هستند که روش های دقیق توانایی دستیابی به جواب بهینه را ندارد و یا زمان دستیابی به جواب بهینه با توجه به این روش ها بسیار زیاد است.

در این روش هر جواب به صورت یک رشته کروموزوم تعریف می شود و مراحل کلی یک الگوریتم ژنتیک به صورت زیر است:

[۲۷]

- ۱- ایجاد یک جمعیت^۱ اولیه (تشکیل یک مجموعه جواب)
- ۲- انتخاب والدین^۲ از جمعیت به منظور تشکیل جمعیت جدید
- ۳- عمل لقا^۳ (ایجاد یک عضو جدید از دو والد انتخاب شده)
- ۴- عمل جهش^۴ و ایجاد فرزندان
- ۵- تشکیل جمعیت جدید
- ۶- تکرار قدم های ۴-۵ تا رسیدن به شرایط همگرایی

از آنجا که این الگوریتم تنها یک چارچوب کلی برای حل مسئله برنامه ریزی ریاضی است، برای هر مسئله باید الگوریتمی متناسب

داشت و به سادگی می توان با گرد کردن این مقدار، به یک مقدار عدد صحیح دست یافت.

زیر مسئله دوم که انتخاب و مقدار دهی به متغیرهای تصمیم از نوع x را برعهده دارد به صورت مدل (۱۴)-(۱۶) تعریف می شود.

Subproblem 2:

$$\text{Max } (W \times A)x + \beta \quad (14)$$

$$\sum_{e \in r | r \in R_{a,b}} x_r \leq u(e) \quad \forall e \in E \quad (15)$$

$$x \geq 0. \quad (16)$$

زیر مسئله دوم نیز محدودیتی که تنها شامل متغیر تصمیم x هستند را در بر می گیرد.تابع هدف (۱۴)، متغیرهای تصمیم از نوع x را برای ورود به پایه انتخاب می کند و مقادیر متناسب را به این متغیرها تخصیص می دهد. محدودیت (۱۵) همان محدودیت حد بالای تعداد اعزم روی هر کمان است و محدودیت (۱۶) متغیر تصمیم را از نوع مثبت تعریف می نماید. جواب حاصل برای این متغیر تصمیم، توسط الگوریتم ایجاد ستون، غیر عدد صحیح است. از آنجا که این متغیر بیان کننده تعداد اعزم هر خط است، باید به صورت عدد صحیح باشد که توسط الگوریتم ابتکاری به مقادیر صحیح تبدیل می شود. شرط خاتمه الگوریتم ایجاد ستون به صورت (۱۷) است.

$$\text{Max } (W \times A)x + \beta \leq 0 \quad \& \quad (17)$$

$$\text{Max } ((w \times A) + 1)y + \alpha \leq 0.$$

با توجه به (۱۷)، الگوریتم ایجاد ستون زمانی متوقف می شود که توابع هدف هر دو مسئله همزمان کوچکتر یا مساوی صفر شود. پس از خاتمه الگوریتم ایجاد ستون، مقادیر تعداد اعزم در هر خط برای تبدیل به مقادیر عدد صحیح به الگوریتم ابتکاری پیشنهادی وارد می شود.

همانطور که بیان شد، جواب های حاصل از روش ایجاد ستون، حتماً عدد صحیح نیستند و جوابهای مورد نیاز مسئله برنامه ریزی خطوط مسافری باید به صورت صحیح باشند. خروجی اصلی مسئله برنامه ریزی خطوط مسافری، تعداد اعزم قطار در هر خط یا مسیر مسافری است. از این رو مقدار غیر صحیح برای این متغیر بی معنا است. برای تبدیل نتایج بدست آمده به صورت عدد

¹ Population

² Parents selection

³ Cross over

⁴ Mutation

توجه به شکل (۱) در کروموزوم تعریف شده به تعداد خطوط پیشنهادی تعریف شده در صورت مسئله، سلول وجود دارد. مقدار در داخل هر سلول بیانگر تعداد اعزم قطار در هر خط می باشد. به عنوان مثال با توجه به شکل (۱)، خط دوم دارای ۱۰ اعزم است.



شکل ۱. نحوه تعریف جواب به صورت یک رشته کروموزوم

شکل (۲)، بیانگر الگوریتم ژنتیک مورد استفاده برای حل مسئله برنامه ریزی خطوط مسافری است. با توجه به نحوه تعریف جواب، یک جمعیت اولیه به تعداد ۱۰۰ عضو ایجاد می شود. سپس عمل جهش برای روی جمعیت به صورت زیر اجرا می شود.

در یک جواب از جمعیت، سلولی به صورت تصادفی انتخاب شده و به عدد موجود در آن، یک واحد اضافه می شود. احتمال انتخاب یک جواب از جمعیت برای جهش برابر با $0/8$ می باشد، بدین معنی که هر یک از جواب ها (کروموزوم ها) با احتمال 80

درصد جهش بر روی آن ها اجرا می شود. والدین با احتمال مساوی $0/3$ برای عمل لفاح از جمعیت انتخاب می شوند. عمل لفاح به صورت One point (یک نقطه از رشته جواب انتخاب شده و از آن نقطه با جواب دیگر جایه جا می شود).

صورت می پذیرد و جامعه فرزندان تشکیل می شود.
۱۰ درصد از بهترین جواب های جمعیت والدین برای جمعیت بعدی در نظر گرفته می شود. 90 درصد مابقی را نیز از جمعیت فرزندان به صورت تصادفی انتخاب می شود.

از آنجا که جواب های ایجاد شده، ممکن است محدودیت (۵) را نقض نماید، به منظور برقراری این محدودیت، عمل اصلاح جمعیت انجام می شود.

در این عمل با توجه به هر جواب، مجموع تعداد اعزم ها روی هر کمان شبکه محاسبه می شود و برای هر کمان که این محدودیت نقض شده باشد، به طور تصادفی از یکی از سلول های جواب یک واحد کاسته شده و در محاسبات بقیه کمان ها نیز اعمال می شود. این عمل تا زمان رسیدن به جواب شدنی ادامه می یابد و برای کلیه جواب های جمعیت جدید اعمال می شود. جمعیت اصلاح شده یک جمعیت متشکل از 100 جواب شدنی با توجه به محدودیت (۵) است. برای کلیه جواب ها مدل (۱۸)- (۲۱) حل شده و مقدار تابع هدف هر جواب محاسبه می شود. الگوریتم تا رسیدن به شرایط همگرایی مراحل بیان شده را در مرحله تکرار می کند. شرط همگرایی در این مسئله اجرای 100 تکرار از الگوریتم در نظر گرفته شده است.

با آن تعریف شود. الگوریتمی که برای مسئله برنامه ریزی خطوط مسافری ارائه شده است، به صورت زیر است.

در مسئله برنامه ریزی خطوط مسافری، هدف انتخاب خطوط بهینه و تعداد اعزم در هر خط برای بیشینه سازی مجموع مسافرین مستقیم است، از این رو انتخاب و مقدار دهی به متغیر های تصمیم از نوع x در مدل (۱) - (۵) اهمیت به سزاگی دارد. از این رو در الگوریتم پیشنهادی در این بخش، مقداری متغیر تصمیم x که از نوع عدد صحیح است، توسط الگوریتم ژنتیک تعیین می شود و سایر متغیرهای تصمیم مدل توسط یک مدل برنامه ریزی خط آزاد شده محاسبه می شوند.

بدین معنا که به ازا هر جواب برای متغیرهای تصمیمی x یک مدل برنامه ریزی خطی به صورت مدل (۱۸) - (۲۱) حل میشود و مقدار تابع هدف (مجموع تعداد مسافرین مستقیم) محاسبه می گردد.

$$\text{Max} \sum_{a,b \in V} \sum_{e \in r | r \in R_{a,b}} y_{r,a,b} \quad (18)$$

$$\sum_{e \in r | r \in R_{a,b}} y_{r,a,b} \leq d_{a,b} \quad \forall a,b \in V \quad (19)$$

$$\sum_{e \in r | r \in R_{a,b}} y_{r,a,b} \leq c x_r \quad \forall r \in R, e \in r \quad (20)$$

$$y \geq 0. \quad (21)$$

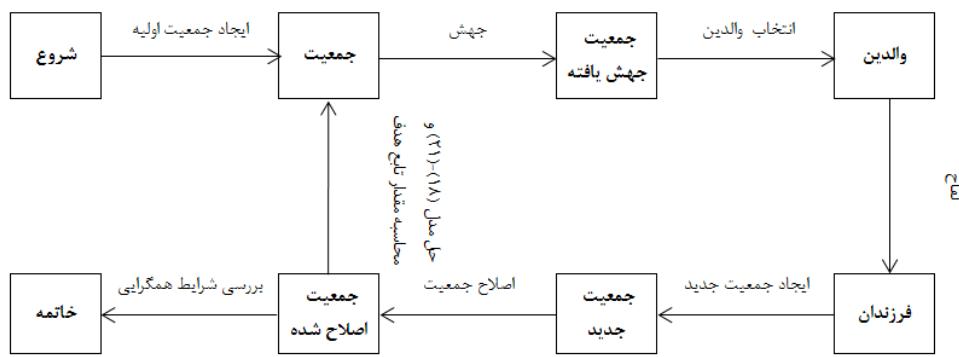
مدل (۱۸) - (۲۱) با مدل (۱) - (۵) در چند نکته با هم تفاوت دارند:

۱- در مدل (۱۸) - (۲۱)، x یک پارامتر است که توسط الگوریتم ژنتیک در هر مرحله محاسبه میشود و مقادیر آن با توجه به اینکه از الگوریتم ژنتیک بدست آمده اند، عدد صحیح هستند. این تغییر باعث کاهش در تعداد متغیرهای تصمیم مسئله میشود.

۲- محدودیت (۵) حذف شده است. این محدودیت در الگوریتم ژنتیک برقرار می شود. این تغییر باعث کاهش در تعداد محدودیت ها میشود.

۳- همانطور که دربخش قبل نیز بیان شد به علت ماهیت متغیرهای تصمیم از نوع $0,1$ شرط عدد صحیح بودن از روی متغیرهای تصمیم از این نوع حذف شده است. این تغییر باعث آسانتر شدن حل و کاهش زمان حل مدل (۱۸) - (۲۱) میشود.

همانطور که بیان شد در الگوریتم ژنتیک هر جواب توسط یک رشته کروموزوم نمایش داده می شود. در این مسئله نیز هر جواب برای متغیرهای از نوع x به صورت شکل (۱) بیان می شود. با



شکل ۲. الگوریتم ژنتیک مورد استفاده برای حل مسئله برنامه ریزی خطوط مسافری

نرم افزار بهینه سازی با در نظر گرفتن عدد صحیح بودن متغیرها، ستون هشتمن، زمان حل مسئله توسط نرم افزار بهینه سازی، ستون نهم، مقدار تابع هدف در صورت حل مسئله توسط الگوریتم پیشنهادی مبتنی بر الگوریتم ایجاد ستون و ستون دهم، زمان حل مسئله توسط این الگوریتم پیشنهادی است. ستون یازدهم، مقدار تابع هدف با استفاده از الگوریتم پیشنهادی مبتنی بر الگوریتم ژنتیک و ستون دوازدهم، زمان حل به وسیله این الگوریتم پیشنهادی است.

به عنوان مثال، مسئله شماره ۱ با در نظر گرفتن ۵ ایستگاه و تعریف کلیه خطوط پیشنهادی امکان پذیر (F) و ظرفیت کم اعزام روی هر کمان، مقدار هدف حاصل از حل الگوریتم شاخه و حد ۳۳۰ و زمان حل آن ۱/۲ ثانیه و مقدار تابع هدف حاصل از حل توسط روش حل پیشنهادی مبتنی بر الگوریتم ایجاد ستون ۳۳۰ و زمان حل ۱/۴ ثانیه و زمان حل توسط روش حل مبتنی بر الگوریتم ژنتیک ۱۲/۶ ثانیه و مقدار تابع هدف به کمک این الگوریتم ۳۳۰ است.

نرم افزار بهینه سازی برای مسائل ۱۳، ۱۴، ۱۷ و ۲۲ قادر به رسیدن به جواب بهینه در کمتر از ۷۲۰۰ ثانیه نیست. با توجه به نتایج الگوریتم پیشنهادی مبتنی بر روش ایجاد ستون در زمان قابل قبول (کمتر از ۷۲۰۰ ثانیه) توانایی رسیدن به جواب بهینه به جز در مسائل ۲۹ و ۳۰ را دارد. روش حل پیشنهادی مبتنی بر الگوریتم ژنتیک تنها در مسئله با ۵ ایستگاه به جواب بهینه رسیده است ولی در مسائل با سایز بالا این روش جوابهای نزدیک به بهینه (با اختلاف کمتر از ۶ درصد) با زمان کمتر از روش حل مبتنی بر الگوریتم ایجاد ستون بدست آورده است. در مورد مسائل ۲۹ و ۳۰ که روش حل مبتنی بر الگوریتم ایجاد ستون نتوانسته است در کمتر از ۷۲۰۰ ثانیه به جواب بهینه برسد، این الگوریتم توانسته جوابهایی قابل قبول در زمان مناسب ایجاد کند.

۵. ارزیابی روش‌های حل پیشنهادی

الگوریتم پیشنهادی مبتنی بر روش ایجاد ستون در محیط مدل سازی GAMS و موتور حل CPLEX پیاده سازی و حل شده است. الگوریتم مبتنی بر روش ژنتیک نیز با استفاده از زبان برنامه نویسی جاوا پیاده سازی شده است. برای اطمینان از صحت جواب های بدست آمده از این دو روش پیشنهادی، سی و دو مسئله نمونه با اندازه های مختلف مطابق با جدول (۱) طراحی و آزمایش شده است. مسائل حل شده در این جدول با استفاده از الگوریتم شاخه و حد^{۱۰} در نرم افزار CPLEX و همچنین روش‌های حل پیشنهادی حل شده و نتایج و زمان حل توسط هر الگوریتم با یکدیگر مقایسه شده است. در مسائل حل شده تعداد ایستگاه ها ۵، ۱۰، ۱۵، ۲۰، ۲۵، ۳۰، ۳۵ و ۴۰ لحظه شده است. خطوط پیشنهادی نیز به دو گونه تعریف شده است. در حالت اول بین کلیه ایستگاه ها خط پیشنهادی تعریف شده است که با علامت (F) نشان داده شده است. در حالت دوم پنجاه درصد تعداد خطوط پیشنهادی در حالت اول، به عنوان خطوط بالقوه تعریف شده است.

این خطوط به گونه ای انتخاب شده اند که امکان جابجایی کلیه مسافرین به صورت مستقیم امکان پذیر باشد، از این رو خطوط بلند بیشتر مد نظر بوده اند. خطوط پیشنهادی در این حالت با علامت (H) نشان داده شده اند. در مورد ظرفیت تعداد اعزام روی هر کمان (e) نیز دو حالت در نظر گرفته شده است. در حالت اول (T) ظرفیت اعزام ها روی هر کمان، کم لحظه شده است و در حالت دوم (L) برای آن، مقدار زیادی لحظه شده است. در جدول (۱)، ستون اول، شماره مسئله، ستون دوم، تعداد ایستگاه ها، ستون سوم، نحوه تعریف خطوط پیشنهادی، ستون، معروف نحوه تعریف ظرفیت اعزام روی هر کمان، ستون پنجم، تعداد متغیرهای تصمیم مسئله، ستون ششم، تعداد محدودیت های مسئله، ستون هفتم، معرف مقدار تابع هدف حاصل از حل توسط

جدول ۱. مسائل حل شده توسط نرم افزار بهینه سازی و روشهای حل پیشنهادی

شماره مسئله	تعداد ایستگاه	تعداد خطوط پیشنهادی	وضعیت خطوط پیشنهادی	وضعیت ظرفیت هر کمان	تعداد متغیرهای مستقله	تعداد محدودیتهای مستقله	الگوریتم شاخص و حد CPLEX	نرم افزار	مبتنی بر الگوریتم ایجاد ستون	روش حل پیشنهادی		
										زمان حل (ثانیه)	مقدار هدف	زمان حل (ثانیه)
۱۲/۶	۳۳۰	۱/۴	۳۳۰	۱/۲	۳۳۰	۵۴	۱۰۰	T	F	۵	۱	
۱۰/۷	۵۰۰	۱/۲	۵۰۰	۱/۰	۵۰۰	۵۴	۱۰۰	L	F	۵	۲	
۸/۲	۳۳۰	۰/۸	۳۳۰	۰/۶	۳۳۰	۲۹	۳۰	T	H	۵	۳	
۷/۹	۵۰۰	۰/۷	۵۰۰	۰/۵	۵۰۰	۲۹	۳۰	L	H	۵	۴	
۲۱۸/۶	۱۴۷۵	۶۴/۷	۱۵۴۰	۴۲۰/۲	۱۵۴۰	۴۵۹	۲۰۷۰	T	F	۱۰	۵	
۱۹۹/۳	۲۱۸۰	۵۸/۵	۲۲۵۰	۳۷۸/۸	۲۲۵۰	۴۵۹	۲۰۷۰	L	F	۱۰	۶	
۴۱/۲	۱۴۹۵	۱۰/۳	۱۵۴۰	۴۵/۸	۱۵۴۰	۲۳۹	۵۵۲	T	H	۱۰	۷	
۳۹/۹	۲۲۰۰	۹/۶	۲۲۵۰	۴۲/۱	۲۲۵۰	۲۳۹	۵۵۲	L	H	۱۰	۸	
۱۰۶۸/۱	۳۰۳۰	۷۳۵/۱	۳۱۷۰	۷۰۹۸/۶	۳۱۷۰	۱۵۸۹	۱۱۱۳۰	T	F	۱۵	۹	
۱۰۰۳/۵	۵۰۵۰	۶۷۳/۲	۵۲۵۰	۶۵۴۳/۱	۵۲۵۰	۱۵۸۹	۱۱۱۳۰	L	F	۱۵	۱۰	
۴۲۱/۴	۳۰۵۵	۱۱۲/۸	۳۱۷۰	۸۲۲/۱	۳۱۷۰	۸۰۹	۲۸۶۲	T	H	۱۵	۱۱	
۳۹۸/۷	۵۰۸۵	۹۸/۵	۵۲۵۰	۷۴۹/۸	۵۲۵۰	۸۰۹	۲۸۶۲	L	H	۱۵	۱۲	
۲۶۱۶/۹	۵۶۵۰	۲۳۴۸/۹	۵۹۹۰	-	-	۳۸۱۹	۳۶۲۹۰	T	F	۲۰	۱۳	
۲۴۶۸/۷	۹۰۲۵	۲۱۵۳/۶	۹۵۰۰	-	-	۳۸۱۹	۳۶۲۹۰	L	F	۲۰	۱۴	
۱۰۴۹/۱	۵۷۲۵	۵۷۴/۶	۵۹۹۰	۶۸۳۴/۷	۵۹۹۰	۱۹۱۹	۹۱۲۰	T	H	۲۰	۱۵	
۹۸۶/۴	۹۱۲۵	۵۰۲/۴	۹۵۰۰	۶۱۵۱/۴	۹۵۰۰	۱۹۱۹	۹۱۲۰	L	H	۲۰	۱۶	
۴۱۶۲/۳	۸۳۷۵	۴۱۰۸/۷	۸۷۵۰	-	-	۷۵۲۴	۹۰۳۰۰	T	F	۲۵	۱۷	
۳۸۹۴/۱	۱۴۳۵	۳۸۱۲/۴	۱۵۰۰۰	-	-	۷۵۲۴	۹۰۳۰۰	L	F	۲۵	۱۸	
۲۴۲۷/۵	۸۴۵۵	۱۱۹۲/۱	۸۷۵۰	-	-	۲۴۲۴	۴۵۱۵۰	T	H	۲۵	۱۹	
۲۲۸۶/۷	۱۴۶۷۵	۹۷۸/۳	۱۵۰۰۰	-	-	۲۴۲۴	۴۵۱۵۰	L	H	۲۵	۲۰	
۴۹۸۵/۲	۱۰۵۰۰	۵۴۰۹/۲	۱۱۰۵۰	-	-	۱۳۰۷۹	۱۸۹۶۶۰	T	F	۳۰	۲۱	
۴۸۲۱/۶	۲۰۷۲۵	۵۰۷۵/۹	۲۱۷۵۰	-	-	۱۳۰۷۹	۱۸۹۶۶۰	L	F	۳۰	۲۲	
۴۰۵۶/۹	۱۰۶۷۵	۴۰۴۳/۱	۱۱۰۷۰	-	-	۶۸۴۴	۹۵۹۲۰	T	H	۳۰	۲۳	
۳۸۰۲/۷	۲۰۹۲۵	۳۷۶۲/۹	۲۱۷۵۰	-	-	۶۸۴۴	۹۵۹۲۰	L	H	۳۰	۲۴	
۵۵۶۳/۲	۱۴۴۲۰	۷۱۲۲/۶	۱۵۱۰۰	-	-	۲۰۸۵۹	۳۵۴۶۲۰	T	F	۳۵	۲۵	
۵۳۴۱/۸	۲۸۲۶۵	۶۷۱۴/۸	۲۹۷۵۰	-	-	۲۰۸۵۹	۳۵۴۶۲۰	L	F	۳۵	۲۶	
۴۳۲۵/۱	۱۴۵۷۵	۴۷۴۷/۱	۱۵۱۵۰	-	-	۱۰۸۲۹	۱۷۸۸۰۰	T	H	۳۵	۲۷	
۴۲۶۵/۲	۲۸۴۷۰	۴۵۶۵/۶	۲۹۷۵۰	-	-	۱۰۸۲۹	۱۷۸۸۰۰	L	H	۳۵	۲۸	
۶۹۱۷/۳	۱۷۹۷۰	-	-	-	-	۳۱۲۳۹	۶۰۹۱۸۰	T	F	۴۰	۲۹	
۶۷۶۴/۹	۳۷۱۵۰	-	-	-	-	۳۱۲۳۹	۶۰۹۱۸۰	L	F	۴۰	۳۰	
۵۱۹۸/۶	۱۹۰۰۵	۶۴۳۹/۳	۱۹۸۷۰	-	-	۱۶۰۲۹	۳۰۴۵۹۰	T	H	۴۰	۳۱	
۵۰۱۲/۶۷	۳۷۸۵۵	۶۲۸۷/۵	۳۹۰۰۰	-	-	۱۶۰۲۹	۳۰۴۵۹۰	L	H	۴۰	۳۲	

محدودیت ظرفیت ایجاد شده توسط خطوط را به عنوان محدودیت مسئله اصلی در نظر گرفته و دو زیر مسئله برای هر یک از دسته محدودیت های تقاضا و حد بالای تعداد اعماق قطار روی هر کمان شبکه، تعریف می شود. برای اطمینان از جواب های بدست آمده، چندین مسئله نمونه توسط الگوریتم شاخص و حد^۱ نرم افزار CPLEX و الگوریتم های پیشنهادی حل شده و نتایج و زمان های حل مقایسه شده اند. حل مسائل برنامه ریزی

۵. نتیجه گیری

در این مقاله یک روش پایه الگوریتم ایجاد ستون و یک روش مبتنی بر الگوریتم ژنتیک برای حل مسئله برنامه ریزی خطوط مسافری پیشنهاد شده است. مدل برنامه ریزی خطوط مسافری مورد استفاده در این مقاله، دارای تابع هدف بیشینه سازی تعداد مسافرین مستقیم با محدودیت های تقاضا، ظرفیت ایجاد شده توسط خطوط و حد بالای تعداد اعماق قطار روی هر کمان شبکه است. برای حل مدل بیان شده با استفاده از روش پیشنهادی،

^۱ Branch & bound

- [4] Goossens, J.W., Hoesel, S.V., Kroon, L., “*On Solving Multi-Type Railway Line Planning Problem*”, European Journal of Operational Research, Vol. 168, No. 2, 2006, pp. 403-424.
- [5] Tsai, T.H., Lee, C.K., Wei, C.H., “*Neural Network Based Temporal Feature Models for Short-Term Railway Passenger Demand Forecasting*”, Expert Systems with Applications, Vol. 36, No. 2, 2009, pp. 3728-3736.
- [6] Suryani, E., Chou, S., Chen, C.H., “*Air Passenger Demand Forecasting and Passenger Terminal Capacity Expansion: A System Dynamics Framework*”, Expert Systems with Applications, Vol. 37, No. 3, 2010, pp. 2324-2339.
- [7] Bussieck, M.R., Kreuzer, P., Zimmermann, U.T., “*Optimal Lines for Railway Systems*”, European Journal of Operational Research, Vol. 96, 1996, pp. 54-63.
- [8] Claessens, M.T., van Dijk, N.M., Zwanenveld, P.J., “*Cost Optimal Allocation of Passenger Lines*”, European Journal of Operational Research, Vol. 110, 1998, pp. 474-489.
- [9] Goossens, J.H.M., van Hoesel, C.P.M., Kroon, L.G., “*A Branch-and-Cut Approach for Solving Railway Line-Planning Problems*”, Transportation Science Vol. 38, 2004, pp. 379-393.
- [10] Lindner, T., “*Train Schedule Optimization in Public Rail Transport*”, PhD thesis, TU Braunschweig, 2000.
- [11] Scholl, S., “*Customer-Oriented Line Planning*”, PhD thesis, University of Kaiserslautern, 2005.
- [12] Shafia, M.A., Sadjadi, S.J., Jamili, A., “*Robust Train Formation Planning*”, Proceedings of the IMechE Part F: Journal of Rail and rapid transit, Vol. 224, 2010, pp. 75-90.
- [13] Yaghini, M., Alimohammadian, A., Sharifi, S., “*A Goal Programming Technique for Railroad Passenger Scheduling*” Management Science Letters, Vol. 2, 2012, pp. 535-542.
- [14] Yaghini, M., Alimohammadian, A., Sharifi, S., “*A Hybrid Method to Solve Railroad Passenger Scheduling Problem*” Management Science Letters, Vol. 2, 2012, pp. 543-548.
- [15] Burdett, R.L., Kozan, E., “*Techniques for Inserting Additional Trains Into Existing Timetables*”, Transportation Research, Methodological, Vol. 43, No. 8-9, 2009, pp. 821-836.

خطوط مسافری با کمتر از ۲۰ ایستگاه توسط نرم افزار های بهینه سازی امکان پذیر است اما باید توجه نمود که زمان حل این نرم افزار برای مسائل با سایز متوسط نسبت به روش پیشنهادی بر پایه الگوریتم ایجاد ستون بسیار بالاست.

از این رو استفاده از نرم افزار های بهینه سازی برای حل مسئله برنامه ریزی خطوط مسافری تنها برای مسائل کوچک پیشنهاد می شود. روش حل مبتنی بر الگوریتم ایجاد ستون توانایی دستیابی به جواب بهینه برای مسائل با سایز متوسط و حتی نسبتاً بزرگ را در زمان قابل قبولی دارد. از این رو استفاده از این روش در مسائلی با این بعد توصیه می شود. روش مبتنی بر الگوریتم ژنتیک تنها در برای مسئله با ۵ ایستگاه به جواب بهینه رسیده است، اما برای سایر مسائل این روش در زمان قابل قبولی به جواب نزدیک به بهینه رسیده است و زمان حل آن برای مسائل با بعد بزرگ بسیار بهتر از روش پیشنهادی بر پایه الگوریتم ایجاد ستون بوده است.

از این رو حل مسائل بزرگ توسط روش حل پیشنهادی بر پایه الگوریتم ژنتیک پیشنهاد می شود. به عنوان زمینه پژوهش های آتی می توان از روش شاخه و هزینه^۱ برای دستیابی به مقادیر عدد صحیح بهینه استفاده نمود. در مورد مسائل با اندازه بسیار بزرگ، برای دستیابی به جوابی نزدیک به بهینه در زمان کوتاه تر می توان از سایر روش های فرا ابتکاری استفاده نمود. از دیگر زمینه های پژوهشی استفاده از الگوریتم های پیشنهادی برای حل مسئله برنامه ریزی خطوط مسافری در راه آهن جمهوری اسلامی ایران است. از آنجا که در این مدل برنامه ریزی خطوط مسافری مورد بررسی هزینه در نظر گرفته نشده است و این پارامتر یک از موارد مهم در تصمیم گیری است، میتوان الگوریتم هایی برای حل مدل هایی که هزینه را نیز در نظر گرفته اند ارائه نمود

مراجع

- [۱] سپهری، محمد مهدی، نجمی، محمدرضا و خوش الحان، فرید، «حل مسئله زمانبندی خدمه راه آهن به کمک روش بهینه سازی مورچگان»، مجله فنی و مهندسی، دانشگاه تربیت مدرس، ۱۳۸۳.
- [۲] یقینی، مسعود و قنادپور، فرید، «ارایه مدلی ابتکاری جهت برنامه ریزی کار خدمه و پرسنل راه آهن»، پژوهشنامه حمل و نقل، سال ششم، شماره چهارم، زمستان ۱۳۸۸، ص ۳۹۶-۳۸۱.
- [۳] Barnhart, C., Laporte, G., Handbook in OR & MS, Vol. 14 .Elsevier B.V., 2007.

^۱ Branch & price

- [27] Dreo, J., Petrowski, A., Siarry, P., Taillard, E., “*Metaheuristics for Hard Optimization*”, Springer-Verlag, 2006.
- [16] Liu, S.Q., Kozan, E., “*Scheduling Trains as a Blocking Parallel-Machine Job Shop Scheduling Problem*”, *Computers & Operations Research*, Vol. 36, No. 10, 2009, pp. 2840-2852.
- [17] Lee, Y., Chen, C., “*A Heuristic for the Train Pathing and Timetabling Problem*”, *Transportation Research, Methodological*, Vol. 43, No. 8-9, 2009, pp. 837-851.
- [18] Chung, J., Moo, s., Choi, I., “*A Hybrid Genetic Algorithm for Train Sequencing in the Korean Railway*”, *Omega*, Vol. 37, No. 3, 2009, pp. 55-65.
- [19] D’Ariano, A., Pacciarelli, D., Pranzo, M., “*A Branch and Bound Algorithm for Scheduling Trains in a Railway Network*”, *European Journal of Operational Research*, Vol. 183, No. 2, 2007, pp. 643-657.
- [20] Peeters, M., Kroon, L., “*Circulation of Railway Rolling Stock: a Branch-and-Price Approach*”, *Computers & Operations Research*, Vol. 35, No. 2, 2008, pp. 538-556.
- [21] Ghoseiri, K., Ghannadpour, F., “*A Hybrid Genetic Algorithm for Multi-Depot Homogenous Locomotive Assignment with Time Windows*”, *Applied Soft Computing*, Vol. 10, No. 1, 2010, pp. 53-65.
- [22] Mesquita, M., Paias, A., “*Set Partitioning/Covering-Based Approaches for the Integrated Vehicle and Crew Scheduling Problem*”, *Computers & Operations Research*, Vol. 35, No. 5, 2008, pp. 1562-1575.
- [23] Brønmo, G., Nygreen, B., Lysgaard, J., “*Column Generation Approaches to Ship Scheduling with Flexible Cargo Sizes*”, *European Journal of Operational Research*, Vol. 200, No. 1, 2010, pp. 139-150.
- [24] Oppen, J., Løkketangen, A., Desrosiers, J., “*Solving a Rich Vehicle Routing and Inventory Problem Using Column Generation*”, *Computers & Operations Research*, Vol. 37, No. 7, 2010, pp. 1308-1317.
- [25] Rönnberg, E., Larsson, T., “*Column Generation in the Integral Simplex Method*”, *European Journal of Operational Research*, Vol. 129, No. 1, 2010, pp. 333-342.
- [26] Dezső, B., Jüttner, A. and Kovács, J., “*Column Generation Method for an Agent Scheduling Problem*”, *Electronic Notes in Discrete Mathematics*, Vol. 36, 2010, pp. 829-839.