

تحلیل دینامیکی غیرخطی هندسی سدهای بتني قوسی

جواد مرادلو، محمدتقی احمدی و شهرام وهدانی

چکیده: در این مطالعه با مروری بر ادبیات فنی سدهای بتني قوسی و سازه‌های بتني مشابه، مدل‌های تحلیل رفتار غیرخطی هندسی بررسی شده و با در نظر گرفتن ویژگیهای خاص سدهای بتني قوسی، مدل مناسبی برای تحلیل غیرخطی هندسی این سازه‌ها ارائه شده است. در این مقاله تواناییهای کد نگاشته شده توسط مولفین در تحلیل مسائل مختلف سازه‌ای با رفتار غیرخطی هندسی ارائه گردیده و پس از صحت سنجی با نتایج مراجع معتبر، تحلیل دینامیکی غیرخطی هندسی سد بتني قوسی مارپوینت تحت زلزله السنترو با استفاده از مدل سنت ونانت-کیرشهف ارائه گشته است. در این تحلیل پی‌صلب فرض شده و اندرکنش آب و سازه با ایده جرم افزوده مدل شده است. نتایج نشان می‌دهند که با استفاده از مدل رفتاری تغییر شکلهای بزرگ سنت ونانت کیرشهف، جابجاگریهای سد در بارگذاری دینامیکی زلزله کاهش می‌یابد. این کاهش برای جابجاگری بیشینه تاج سد ۸ درصد می‌باشد. از طرف دیگر در حالت کلی تاریخچه زمانی نتایج تنشهای نشانگر افزایش تنشهای کششی و کاهش تنشهای فشاری می‌باشد. این تغییرات برای تنشهای کششی اوج افزایشی در حدود ۶ درصد و برای تنشهای فشاری اوج کاهشی در حدود ۹ درصد را نشان می‌دهد. به نظر می‌رسد در بارگذاریهای شدید لرزه‌ای، لحاظ کردن تاثیرات رفتار غیرخطی هندسی در پاسخ دینامیکی سدهای بتني قوسی ضروری می‌باشد.

واژه‌های کلیدی: سد بتني قوسی، رفتار غیرخطی هندسی، جابجاگریهای بزرگ، مدل سنت ونانت-کیرشهف

تحلیل و طراحی سدهای بتني قوسی مواردی وجود دارند که کلاً مورد بی‌توجهی قرار گرفته‌اند. یکی از این موارد تحلیل غیرخطی هندسی در محدوده جابجاگری‌های بزرگ تحت اثر زمین‌لرزه‌های شدید می‌باشد. گذشته از اهمیت شفاف‌سازی این مساله از دیدگاه علمی، امروزه این مساله از نظر کاربردی نیز اهمیت فراوانی پیدا کرده است. ساخت سدهای جدید در ساختگاههایی با زلزله‌خیزی بالا و حتی بعضًا ساخت سد بر روی گسل‌های فعال، (سد شیروان در ایران، سد کلاید در نیوزیلند و سد استنون در یونان) از این موارد به شمار می‌روند که در همه این موارد بررسی رفتار واقعی سد در طی زلزله نیاز اساسی به تحلیل‌های غیرخطی هندسی دارد.^[۱,۲,۳].

در این مطالعه فورمولاسیون مناسب برای تحلیل غیرخطی هندسی سدهای بتني قوسی ارائه شده و تواناییهای عددی برنامه نگاشته شده تنها از منظر رفتار غیرخطی هندسی ارائه شده است. برای نشان دادن اهمیت مساله تحلیل‌های غیرخطی هندسی در سدهای بتني قوسی، با استفاده از نرم افزار نوشته شده توسط مولفین،

۱. مقدمه

سدهای بتني قوسی از جمله سازه‌هایی هستند که با توجه به اهمیت و فاجعه آمیز بودن شکست احتمالی آنها، ارزیابی مستمر اینمی آنها اهمیت فراوان دارد. مطالعات درباره این سازه‌ها در دهه‌های اخیر رشد چشمگیری داشته است. با این وجود به علت پیچیدگی ذاتی سدهای بتني قوسی، هنوز موارد مبهم زیادی وجود دارند که باستثنی مورد توجه بیشتری قرار گیرند.

مدلسازی رفتار غیرخطی درزه‌ها و رفتار مادی این سازه‌ها از این دسته موارد به شمار می‌رود^[۱]. علاوه بر موارد فوق در زمینه

این مقاله در تاریخ ۸۴/۲/۱۵ دریافت و در تاریخ ۸۶/۴/۲۸ به تصویب نهایی رسیده است.

جواد مرادلو، دکترای سازه‌های هیدرولیکی، فارغ التحصیل دانشکده فنی و مهندسی عمران، دانشگاه تربیت مدرس، ajmoradloo@yahoo.com
دکتر محمدتقی احمدی، استاد دانشکده فنی و مهندسی، دانشگاه تربیت مدرس، mahmadi@modares.ac.ir
دکتر شهرام وهدانی، دانشیار دانشکده فنی دانشگاه تهران، shvahdani@ut.ac.ir

در این تحقیق کرنشها کوچک فرض شده و از توصیف لاغرانژی به هنگام شده استفاده شده است. پولاک و دیگران [۲۳] متدولوژی تحلیل رفتار غیرخطی سازه‌های پوسته‌ای بتن مسلح را ارائه کردند. هر دو رفتار غیرخطی هندسی و مادی در مدل لحاظ شده است. در این تحقیق از مدل ترک اندود چرخشی برای مدلسازی ترک استفاده شده است. برای احتساب رفتار غیرخطی هندسی از فورمولاسیون لاغرانژی تام و مدل سنت ونانت-کیرشهف استفاده شده است. برای مقابله با قفل شدگی برشی از المان پوسته به همراه انتگرالگیری گزینشی و کاهش یافته استفاده شده است.

اسموند [۲۴] تحلیل غیرخطی هندسی و مادی پوسته‌های بتنی مسلح با تیرهای لبه را انجام دادند. رفتار غیرخطی مدل شده شامل رفتار غیرخطی مادی و غیرخطی هندسی به علت جابجاییها و دوران های محدود می‌باشد. مدل بتن بر اساس الاستیسیته غیرخطی با فرض مصالح ارتقابویک بنا شده است. از مدل سنت ونانت-کیرشهف و دیدگاه لاغرانژی به هنگام شده در مدلسازی رفتار غیرخطی هندسی استفاده شده است.

این مدل به خصوص برای سازه‌های بتنی که کرنش خرد شدگی بتن از مرتبه 3×10^{-3} می‌باشد مناسب است. ساتوراپان [۲۵] تحلیل رفتار غیرخطی دالهای بتنی مسلح را انجام دادند. در کار وی هر دو رفتار غیرخطی مادی و هندسی لحاظ شده است. رفتار غیرخطی مادی بتن با احتساب پلاستیسیته در فشار و ترک خوردگی در کشش مدل شده است. از فورمولاسیون لاغرانژی تام و مدل سنت ونانت-کیرشهف برای مدلسازی رفتار غیرخطی هندسی استفاده شده است. روکا و دیگران [۲۶] آنالیز رفتار غیرخطی سازه‌های بتنی مسلح با احتساب پیش تنبیه کننده ها را انجام دادند. در این تحقیق از دیدگاه لاغرانژی به هنگام شده برای مدلسازی رفتار غیرخطی هندسی استفاده شده است. از مدل هایپوالاستیک دو بعدی پکنولد و داروین استفاده شده است. رفتار بتن در کشش به صورت ماده الاستیک-شکننده کامل مدل شده است. باشه و دیگران [۲۷] با ارائه ویژگیهای مدل بتن به کار رفته در نرم افزار ADINA و برخی کاربردهای آن، برای مدلسازی تغییر مکانهای بزرگ سازه های بتنی، استفاده از تنشهای دوم پیولا-کیرشهف و کرنش-گرین(مدل سنت ونانت-کیرشهف) را پیشنهاد می کنند.

۳. فورمولاسیون مدل تغییر شکل‌های بزرگ

مدل المان محدود تغییر شکل‌های بزرگ دارای سه بخش اساسی می‌باشد [۲۸]: (الف) توصیف شبکه المان محدود و معادلات حاکم، (ب) رابطه مشخصه و (ج) خطی سازی معادله و الگوریتم حل.

الف: توصیف شبکه المان محدود و معادلات حاکم

در حالت کلی چهارتوصیف برای توصیف سینماتیک حرکت در مسائل غیر خطی هندسی در مراجع ارائه شده‌اند [۲۹]: توصیف اویلری یا فضائی، توصیف لاغرانژی یا مادی، توصیف اویلری-

تحلیل دینامیکی غیرخطی هندسی سد بتنی قوسی ماروبوینت تحت زلزله استنtro ارائه گشته است. در این تحلیل تنها رفتار غیرخطی هندسی لحاظ گشته و از رفتار غیرخطی مادی، رفتار غیرخطی درزه‌ها و اندرکنش پی و سازه در مدل صرفنظر شده است. در این تحقیق اندرکنش آب و سازه با ایده جرم افزوده مدل شده است. نتایج این تحلیل‌ها نشانگر اهمیت احتساب رفتار غیرخطی هندسی در تحلیلهای این سازه‌ها می‌باشند.

۲. تاریخچه مطالعات

مطالعات غیرخطی صورت گرفته در زمینه سازه سدهای بتنی قوسی را می‌توان به دو دسته تقسیم کرد:

- ✓ مدلسازی رفتار غیرخطی درزه‌ها، اعم از درزه‌های انقباض، درزه‌های مراحل ساخت و درزه‌های بین سد و بی آن.
- ✓ مدلسازی رفتار غیرخطی مادی بتن شامل مدلهای ترک خوردگی، مدلهای پلاستیک و مدلهای مکانیک آسیب پیوسته از تحقیقات دسته نخست به عنوان نمونه می‌توان به مطالعات احمدی و دیگران [۴]، می و دیگران [۵]، لاثو و دیگران [۶]، هال [۷]، احمدی و دیگران [۸] و چوهان و دیگران [۹] اشاره کرد.
- از دسته دوم تحقیقات نیز می‌توان به مطالعات اولیوییر و دیگران [۱۰]، فریرا و دیگران [۱۱]، لی و دیگران [۱۲]، فنگ و دیگران [۱۳]، لطفی [۱۴]، واتنانبه و دیگران [۱۵] و میرزا بزرگ [۱۶] اشاره کرد.

در زمینه رفتار غیرخطی هندسی در محدوده تغییر شکل‌های بزرگ با جستجوی صورت گرفته، تحقیقی در ارتباط با مدلسازی سدهای بتنی مشاهده نشد. از این رو در این قسمت به برخی تحلیلهای غیرخطی هندسی که با موفقیت برای دیگر سازه ها و حتی سازه های بتنی به کار رفته اشاره می‌شود: چانگ و دیگران [۱۸] آنالیز ارتعاشی غیرخطی سازه های پوسته ای را ارائه کردند. جابجاییها و دوران های بزرگ در مدل لحاظ شده و از روش لاغرانژی کامل به همراه تنش های دوم پیولا-کیرشهف و کرنش گرین-لاغرانژ استفاده شده است.

بوکیم [۱۹] آنالیز رفتار غیرخطی تونلهای مدفن در خاکهای رسی و ماسه ای با پوشش بتنی را انجام دادند. در این تحقیق رفتار غیرخطی مصالح پوشش و خاک، تأثیرات تغییر شکل‌های بزرگ و رفتار غیرخطی تماسی بین پوشش بتنی و خاک اطراف مدل شده است. خالو و دیگران [۲۰] رفتار غیرخطی سازه بتنی برج مخابراتی تهران را مدل کردند. ترک خوردگی، خردشگی و تغییر شکل‌های بزرگ در مدل لحاظ شدند. سوادیدپونگ و دیگران [۲۱] یک المان ۹ گرهی برای مدلسازی پاسخ الاستوپلاستیک کرنشها برای بزرگ سازه های پوسته ای و صفحه ای با استفاده از توصیف لاغرانژی به هنگام شده ارائه کردند. چین و دیگران [۲۲] یک المان صفحه نازک برای تحلیل الاستیک غیرخطی هندسی سازه های دیوار نازک ارائه کردند.

دیدگاه لاغرانژی خود به دو زیرمجموعه لاغرانژی تام و لاغرانژی به هنگام شده قابل مدلسازی می‌باشد. از دیدگاه ریاضی این دو دیدگاه لاغرانژی به هنگام شده و لاغرانژی تام اصولاً معادل هم می‌باشند و روابط یک دیدگاه با چند تبدیل ساده به دبگری تبدیل می‌شوند [۲۸] اما معمولاً فورمولیندی لاغرانژی به هنگام شده به صورت محاسباتی موثرتر می‌باشد. این امر به این علت است که در این فورمولاسیون در هر تکرار نیازی به محاسبات سختی ناشی از جابجایی اولیه نمی‌باشد [۲۹] و دلیل دوم این که با استفاده از این فورمولاسیون از پدیده کرنش تصنیعی که با دورانهای صلب جسم رخ می‌دهد اجتناب خواهد شد [۲۴]. در مطالعه حاضر از دیدگاه لاغرانژی تام و لاغرانژی به هنگام شده استفاده شده است.

با انتخاب توصیف لاغرانژی، معادلات نموی تعادل جسم در زمان $t + \Delta t$ با اعمال اصل تغییر مکانهای مجازی به بافتار تغییر شکل یافته سازه به دست می‌آید [۲۹]

$$\int_{t+\Delta t}^{t+2\Delta t} \tau_{ij} \delta_{t+\Delta t} e_{ij} d^{t+2\Delta t} V = ^{t+2\Delta t} R \quad (1)$$

در این رابطه، $\tau^{t+2\Delta t}$ تانسور تنش کوشی، $\delta_{t+\Delta t}$ تانسور کرنش متناظر با تغییر مکانهای مجازی، $V^{t+2\Delta t}$ حجم در زمان $t + \Delta t$ و $R^{t+2\Delta t}$ بردار نیروهای خارجی شامل نیروهای سطحی و حجمی می‌باشد.

دشواری اساسی در کاربرد و حل رابطه (۱) در مجهول بودن بافتار جسم در زمان $t + \Delta t$ و غیره دمند بودن کرنشهای خطی و تنشهای کوشی می‌باشد [۲۹].

در استخراج معادلات حاکم باستی کرنشهای و تنشهایی را پیدا کرد که مزدوج کاری یا توانی یکدیگر بوده و شرط هدمندی را دارا باشند [۲۸، ۲۹]. در جداول ۱ و ۲ معیارهای کرنش و تنش مناسب در تحلیل تغییر شکلهای بزرگ ارائه شده‌اند.

با توجه به مدل رفتاری انتخابی و ملاحظه معیارهای ضروری کرنش، در این تحقیق برای مسائل جابجایی‌های بزرگ سازه‌های بتنی برای هر دو رابطه بندی UL، TL برای معیار کرنش از کرنشهای گرین-لاغرانژ و برای معیار تنش از معیار تنش دوم پیوپلا-کیرشهف بهره گرفته شده است.

لاغرانژی دلخواه و توصیف همگرد (Co-rotational Description) در مسائلی که اعوجاجهای بزرگ المان وجود دارد در شبکه لاغرانژی دقت حل مساله کاهش پیدا کند در حالی که در شبکه اوبلری به علت ثابت بودن شبکه المان محدود این مساله منتفی است. از طرف دیگر حرکت جسم مستقل از شبکه المان محدود در شبکه اوبلری منجر به سخت شدن اعمال شرایط مرزی در این فورمولیندی خواهد گردید. زیرا در برخی موارد مجبور به اعمال شرایط مرزی در نقاطی از شبکه المان محدود هستیم که ماده وجود ندارد.

در توصیف اوبلری لاغرانژی دلخواه گرههای روی مرز شبکه اولیه در حین تغییر شکل بر روی مرز باقی می‌مانند، در مقابل گرههای میانی به نحوی حرکت می‌کنند که اعوجاجهای المانی کمینه شود. در واقع در این روش مزایای هر دو روش گفته شده قبلی ملحوظ شده است.

در توصیف همگرد بافتار مرجع دو بخشی است. تنشها و کرنشهای از بافتار چرخیده شده محاسبه می‌شوند. در حالی که بافتار اولیه به عنوان مرجع برای اندازه‌گیری حرکات صلب باقی می‌ماند. به طور کلی توصیف لاغرانژی تام به طور گستردگی برای مدلسازی مسائل محیط پیوسته به کار می‌رود. توصیف لاغرانژی به هنگام شده عموماً برای حل مسائل کرنش بزرگ و مسائلی که رفتاری همچون جریان سیال دارند استفاده می‌شود و توصیف هموردا برای المانهای سازه‌ای چون تیر، پوسته و صفحه استفاده می‌شود.

برای نوع خاص مساله ما (سد بتنی قوسی) به علت کرنشهای کوچک بتن مساله اعوجاجهای بزرگ المانی منتفی است و در صورتی که شبکه المان محدود اولیه خوب شبکه بندی شده باشد نگرانی از بابت اعوجاج المان و کاهش دقت مساله وجود نخواهد داشت. کلا مساله تحلیل رفتار غیر خطی هندسی سدهای بتنی قوسی از نوع رفتار غیر خطی تغییر مکانها و دورانهای بزرگ با کرنشهای کوچک می‌باشد [۲۸ و ۲۷].

با توجه به ویژگیهای ساخت مرحله‌ای سدهای بتنی قوسی انتظار می‌رود در طی بارگذاریهای شدید زلزله سد، با باز شدن و شکست درزه‌های سد (درزه‌های قطع بتن ریزی و درزه‌های ساختمانی) بلوهای سد با مقداری تغییر شکل پلاستیک و خردشده‌گی (کرنش کوچک) دچار لغزش و جابجاییهای بزرگ شوند. از این رو شبکه لاغرانژی برای هدف ما مناسب می‌باشد.

جدول ۱. معیارهای کرنش مورد استفاده در تحلیلهای تغییر شکلهای و تغییر مکانهای بزرگ

معیار کرنش	بافتار تعريف شده	دیدگاه مورد استفاده	مزدوج تنشی	هدفمندی
گرین- لاغرانژ	بافتار مرجع	UL, TL	تنش دوم پیوپلا-کیرشهف	بله
آلمانسی	بافتار جاری	UL	تنش کوشی	خیر
هنکی	بافتار جاری	UL	تنش کوشی	بله
نرخ تغییر شکل	بافتار جاری	UL	تنش کوشی	بله

جدول ۲. معیارهای تنش مورد استفاده در تحلیل های تغییر شکل ها و تغییر مکان های بزرگ

معیار تنش	تقارن	بافتار تعريف شده	شرط	دیدگاه مورد استفاده	مزدوج کرنشی	تعییر فیزیکی
کوشی	متقارن	بافتار جاری	خبر	UL	آلمانسی، هنکی، نرخ تغییر شکل حقیقی	
او پیولا - کیرشهف	نامتقارن	بافتار مرجع	بله	UL, TL	گرین - لگرانژ بدون تعییر فیزیکی	
دوم پیولا - کیرشهف	متقارن	بافتار مرجع	بله	UL, TL	گرین - لگرانژ بدون تعییر فیزیکی	
کیرشهف	متقارن	بافتار جاری	خبر	UL	آلمانسی، هنکی، نرخ تغییر شکل کوشی وزندار	

اعمال است. تابع انرژی ذخیره شده برای مصالح نئوهوکین به فرم زیر است [۲۹]:

$$\Psi(C) = \frac{1}{2} \lambda_0 (Ln J)^2 - \mu_0 Ln J + \frac{1}{2} \mu_0 (trace C - 3) \quad (3)$$

در رابطه فوق: λ_0, μ_0 ثوابت لامه، J دترمینان گرادیان تغییر فرم C تansور تغییر شکل راست گرین می باشد.

ج: خطی سازی معادله و الگوریتم حل

برای استخراج معادله غیر خطی حاکم بر مساله، با اعمال اصل کار مجازی به بافتار تغییر شکل یافته جسم در نهایت معادله زیر حاصل خواهد شد [۲۹]:

$$t + \Delta t_R - t + \Delta t_F = 0 \quad (4)$$

که در آن بردار $R^{t+\Delta t}$ بردار نیروهای گرهی خارجی در بافتار مربوط به زمان $t + \Delta t$ (شامل بارهای استاتیکی ناشی از وزن و فشار هیدرواستاتیک مخزن، بارهای دینامیکی زلزله و بارهای متumerکز در صورت وجود)، و بردار $F^{t+\Delta t}$ بردار نیروهای گرهی داخلی است که متناظر با تنش های عنصری در این بافتار می باشند. در رابطه (۴) انتگرالهای R و F در بافتار عمومی معادله فوق در این است که بافتار دشواری اساسی در کاربرد انتگرال در معادله (۱)، $F^{t+\Delta t}$ بر حسب با تعریف معیارهایی کار مجازی داخلی در معادله (۱)، مجهول است. برای مقابله با این مسئله بایستی جسم در زمان $t + \Delta t$ مجهول است. برای مقابله با این مسئله بایستی با تنش دوم پیولا - کیرشهف و کرنش گرین - لگرانژ انجام شدنی است. با استفاده از این دو معیار به جای تنش کوشی و کرنش مهندسی روابط زیر حاصل خواهد شد [۲۹]:

$$\int_{v}^{t+\Delta t} \tau_{kl} \delta_{l+\Delta t} e_{kl} d^{t+\Delta t} v = \int_{v}^t s_{ij} \delta_l^t \epsilon_{ij} d^t v \quad (5)$$

که s_{ij} تنش دوم پیولا - کیرشهف، e_{kl} کرنش گرین - لگرانژ، τ_{kl} کرنش کوشی، ϵ_{kl} کرنش مهندسی، t زمان اختیاری ($=0$ برای دیدگاه لگرانژی کامل و $=t$ برای دیدگاه لگرانژی به هنگام شده). با استفاده از این معیارها و روابط فوق، انتگرال گیری در روی جسم اولیه جسم و یا هر جسم معلوم دیگری انجام خواهد گرفت. گام

ب: توصیف مصالح

روابط مشخصه مورد استفاده در تغییر شکلهای بزرگ را به دو دسته مهم هیپرالاستیک و هیپوالاستیک می توان طبقه بندی کرد [۲۸]. صرف نظر از تفاوت های فلسفی و محاسباتی این دو روش، مدل های هیپوالاستیک دارای این ضعف عمدی می باشند که دارای تمام ویژگی های یک مدل الاستیک نمی باشند و بیشتر برای مسائل الاستوپلاستیکی کاربردی هستند که کرنشهای الاستیک در مقایسه با کرنشهای پلاستیک کوچک باشند. در مقابل مدل های هیپرالاستیک دارای محدودیت کاربردی نیستند. این دسته از مدل های خود دارای زیر مجموعه های چندی چون مدل سنت ونانت - کیرشهف، مدل نئوهوکین، مدل مونی رویلین و... می باشند [۲۸]. از میان مدل های فوق، مدل سنت ونانت - کیرشهف مدلی کارا و مناسب برای مسائل تغییر مکانها و دورانهای بزرگ و کرنشهای کوچک می باشد. این مدل بسط یافته مدل الاستیسیته تغییر شکلهای کوچک می باشد [۲۹]:

$$S = CE \quad (2)$$

در این رابطه S تانسور تنش دوم پیولا - کیرشهف، E تانسور کرنش گرین لگرانژ و C ماتریس ثابت الاستیسیته می باشد. مولفه های تنش و کرنش فوق بر اثر دورانهای صلب جسم تغییر نمی کنند. این نکته دلالت بر این دارد که هر توصیف مصالح مورد استفاده در تغییر مکانهای کوچک (با تنشها و کرنشهای مهندسی) را می توان با جایگزینی تنشها و کرنشهای دوم پیولا - کیرشهف و کرنشهای گرین لگرانژ در تحلیل تغییر مکانها و دورانهای بزرگ و کرنشهای کوچک به کار برد [۳۰ و ۳۱].

یک نتیجه عملی این است که مدل های مصالح الاستوپلاستیک و خوش تغییر مکانهای کوچک را می توان با جایگزینی تنشها و کرنشهای مستقیماً برای تحلیل تغییر مکانها و دورانهای بزرگ و کرنشهای کوچک به کار برد. با توجه به این که بتن رفتار کرنش بزرگ از خود نشان نمی دهد و بیشینه کرنش تک محوری بتن در حدود ۳۰٪ می باشد، این مدل رفتاری، مدل مناسبی برای مدل سازی تغییر مکانهای بزرگ سدهای بتنی به شمار می رود.

برای مقایسه نتایج با کدهای تجاری در دسترس، علاوه بر مدل سنت ونانت کیرشهف، در برنامه نگاشته شده مدل نئوهوکین نیز قابل

پذیر و مزهای جاذب انرژی به روش نوسانی از برنامه‌های آتی برای تکمیل کد می‌باشد.

۴-۱. صحت سنجی الگوریتم تغییر شکلهای بزرگ الف- تحلیل استاتیکی تغییر مکان بزرگ تیر طرهای تحت بار

گستردۀ [۳۱]

این مثال یک تیر طره تحت بارگذاری فشاری یکنواخت می‌باشد. مشخصات این سازه در شکل ۲ ارائه شده است. از دو شبکه المان محدود ۱۰ المانی (یک المان در راستای ضخامت تیر) و ۲۰ المانی (۲ لایه المان در راستای ضخامت تیر) استفاده شده است.

در تحلیل از الگوهای انتگرالگیری عددی مختلفی استفاده شده و دیده شد که هر دو مدل با الگوی انتگرالگیری ۱۴ نقطه‌ای [۳۲] پاسخهای یکسانی ارائه می‌کنند. تحلیل با دو روش لاگرانژی تام و لاگرانژی به هنگام شده انجام شده است. هر دو روش UL,TL به نتایج واحدی همگرا می‌شوند. البته تعداد تکرارها در روش UL برای حصول همگرائی کمتر است. در شکل ۲ نتایج این تحلیل با نتایج مرجع [۳۱] مقایسه شده است. در این شکل خیز نسبی انتهای تیر (w/L) در برابر بارهای وارده به تصویر کشیده شده است. همانطور که از شکل پیداست، نتایج حاصله تطابق بسیارخوبی با نتایج ارائه شده در مرجع [۳۱] دارد.

در شکل ۳ رفتار کامل بار خیز تیر و در شکل ۴ اشکال تغییر فرم یافته تیر برای بارهای وارده اعمال شده است. در اشکال ۵ و ۶ توزیع تنشها و کرنشها در راستای ضخامت تیر برای مدل ۱ (یک المان در راستای ضخامت تیر) ارائه شده است. همانطور که دیده می‌شود مدل به خوبی توزیع تنشها و کرنشها را برای این مثال خمی ارائه کرده است. در مرجع [۳۱] از ۶ المان ۲ گرهی تیر برای مدلسازی این سازه استفاده شده است.

در ادامه این مثال با مدل نئوهوکین مدل شده و با نتایج حاصل از مدل ANSYS مقایسه شده است. در شکل ۸ نتایج تحلیل حاصل با نتایج مدل ANSYS مقایسه شده است. در مدلسازی با نرم افزار ANSYS از المان ۲۰ گرهی هایپر الاستیک این نرم افزار استفاده شده است. در این شکل خیز نسبی انتهای تیر (w/L) در برابر بارهای وارده به تصویر کشیده شده است.

دو مدل مصالح نئوهوکین و سنت ونانت کیرشهف در مدل FEAP به نتایج واحدی همگرا می‌شوند. با ذکر این نکته که در مدل FEAP بعد از بار $P=10$ دترمینان گرادیان تغییر فرم منفی شده و حل متوقف می‌شود. در مدل ANSYS نیز ابتدا پیغام خطای اوجاج المان صادر شده و برای بارگذاریهای بعدی واگرا می‌شود. اما نتایج دو مدل ANSYS، FEAP با مدل مصالح نئوهوکین با هم متفاوتند. این می‌تواند به خاطر تغییر فرم انرژی پتانسیل در هر دو مدل باشد.

بعدی خطی سازی مناسب معادله و گسسته سازی المان محدود آن و در نهایت انتخاب یک روش مناسب برای حل نموی معادلات حاصله خواهد بود. فرم خطی معادله فوق برای مسائل دینامیکی با الگوریتم ضمیمی در دو حالت لاگرانژی کامل و لاگرانژی به هنگام شده به صورت زیر خواهد بود:

$$M^{t+\Delta t} \ddot{U} + t^{+\Delta t} \dot{C} \dot{U} + ({}^t K^{Mat} + {}^t K^{Geo}) U = {}^{t+\Delta t} R - {}^t F \quad (6)$$

$$M^{t+\Delta t} \ddot{U} + t^{+\Delta t} C \dot{U} + ({}^t K^{Mat} + {}^t K^{Geo}) U = {}^{t+\Delta t} R - {}^t F \quad (7)$$

در روابط فوق $C, M, {}^t K^{Mat}, {}^t K^{Geo}$ به ترتیب ماتریس سختی هندسی، ماتریس سختی مادی، ماتریس جرم و ماتریس میرائی می‌باشند [۲۹] بردارهای U, \dot{U}, \ddot{U} نیز به ترتیب بردار جابجائیها سرعت و شتابهای گرهی می‌باشند معادلات خطی شده فوق توسط یکی از روش‌های خانواده نیوتن رافسون یا روش‌های دیگر به صورت نموی قابل حل می‌باشد [۳۰ و ۲۹].

۴. کاربرد عددی

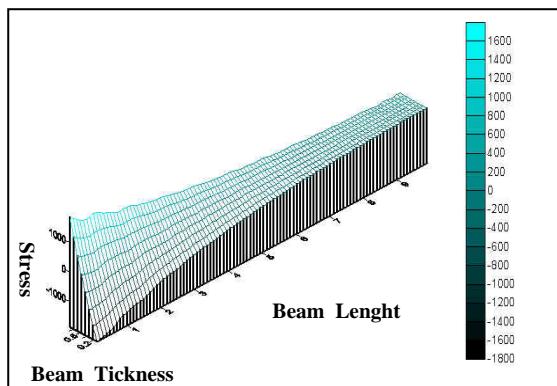
در این بخش تواناییهای مدل از جنبه مدلسازی رفتار غیر خطی هندسی سازه‌های بتنی ارائه می‌شود. در این تحلیل‌ها از نرم افزار Gfeap که توسط مولفین نوشته شده استفاده شده است. این نرم افزار از توسعه کد المان محدود FEAPPv که توسط پروفسور تیلور [۳۰] نگاشته شده، حاصل شده است.

لازم به ذکر است که تنها مجموعه ساپروتین‌های ورودی، اسمبل کردن آرایه‌ها و ماتریسها و حل برنامه FEAPPv مورد استفاده قرار گرفته و تمامی دیگر الگوریتم‌های مورد نیاز بصورت ساپروتینهای جدید به آن اضافه شده‌اند.

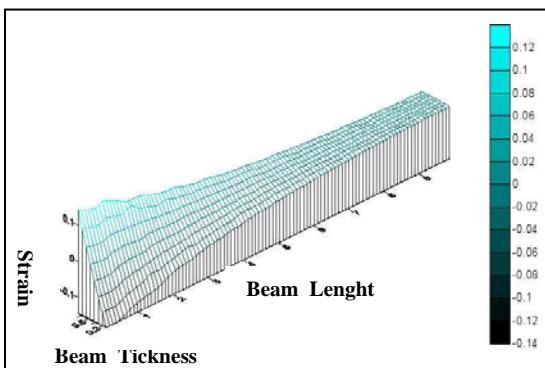
برنامه حاصله یک کد المان محدود سه بعدی بوده که دارای المانهای محدود سه بعدی ۸ و ۲۰ گرهی و المانهای گوه ای ۶ و ۱۵ گرهی توسعه یافته برای تغییر شکلهای بزرگ می‌باشد. دارای المانهای درزه ۱۶ گرهی برای مدلسازی درزه‌های انتگرالگیری احتساب شکست کششی و برشی آنها می‌باشد. الگوریتم انتگرالگیری زمانی نیومارک در آن به کار رفته است. برنامه دارای مدل‌های پلاستیسیته موهر کولمب، دراکرپر اگر، ویلیام وارانکه ۳ و ۵ پارامتری و اتوسون می‌باشد.

امکان انتخاب انتگرالگیری عددی ۸، ۱۴ و ۲۷ نقطه‌ای به دلخواه کاربر در برنامه پیش‌بینی شده است. مدل ترک اندود سه بعدی چرخشی و الگوریتم ترکیبی رفتار غیر خطی کشش – فشار از دیگر تواناییهای کد نگاشته شده حاضر می‌باشد.

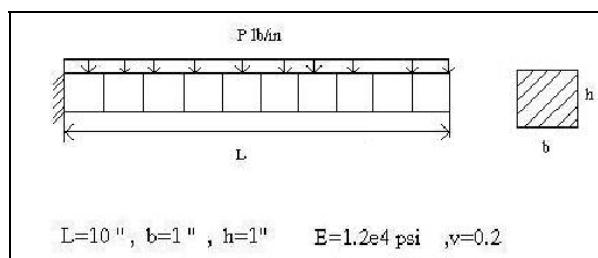
احتساب اندرکنش آب و سازه به روش جرم افزوده در آن امکان‌پذیر است و مدلسازی اندرکنش دینامیکی کامل با احتساب سیال تراکم



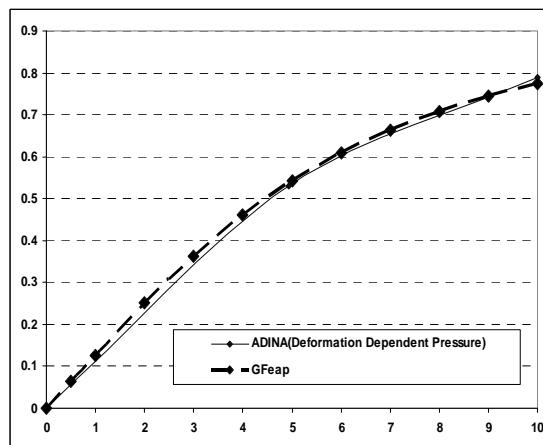
شکل ۵. توزیع تنשیها در راستای ضخامت و طول تیر برای بار $P=10$



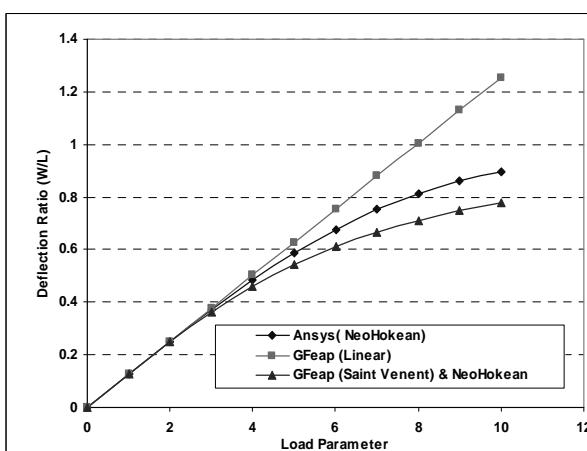
شکل ۶. توزیع کرنشها در راستای ضخامت و طول تیر



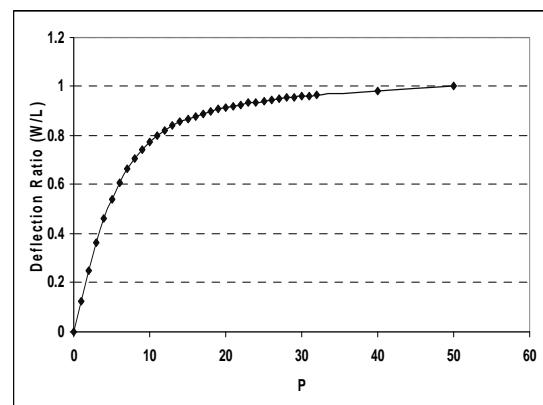
شکل ۱. مشخصات و شبکه المان محدود مثال تیر خمشی



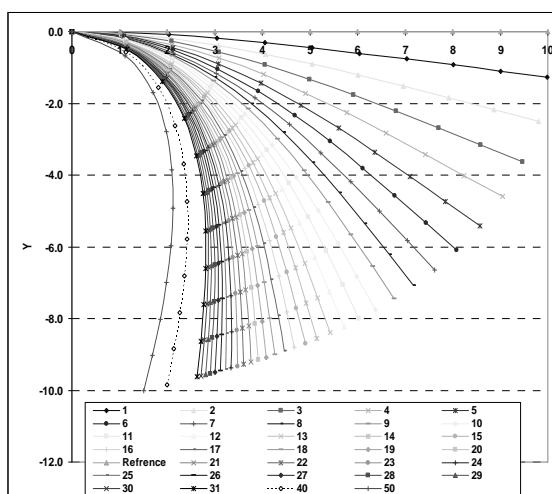
شکل ۲. مقایسه نتایج حاصل با نتایج مرجع [۳۱]



شکل ۷. خیز نسبی انتهای تیر در برابر بارهای واردہ در ANSYS مقایسه با نتایج

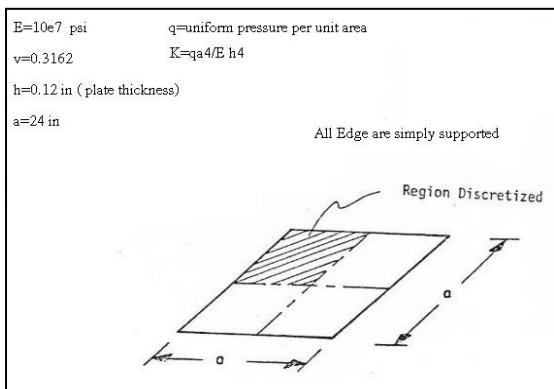


شکل ۳. رفتار کامل بار - خیز تیر

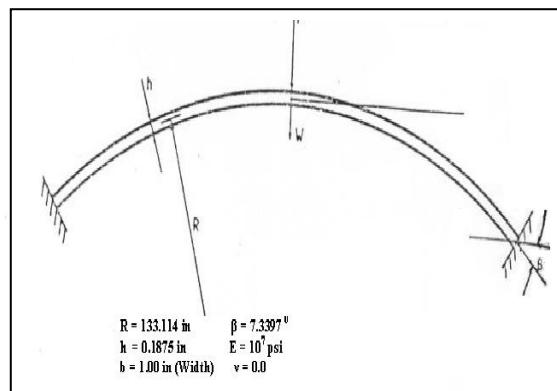


شکل ۴. اشکال تغییر شکل یافته تیر برای بارهای واردہ

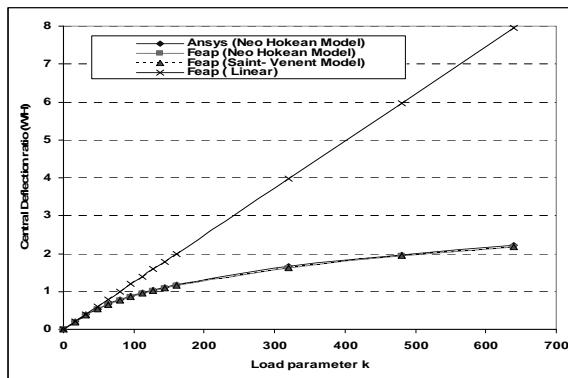
ب-تحلیل استاتیکی تغییر مکان بزرگ یک قوس سطحی [۳۱]
این سازه یک قوس سطحی است که تحت بار متمرکز در وسط سازه قرار گرفته است. هندسه و مشخصات این سازه در شکل ۸ ارائه شده است. برای مدلسازی از ۲۰ المان ۲۰ گرهی استفاده شده است. در شکل ۹ نتایج حاصله با نتایج ارائه شده در مرجع [۳۱] مقایسه شده است. در این شکل خیز مرکز قوس در برابر بارهای واردہ به تصویر کشیده شده است. همانطور که دیده می شود، جوابها تطابق عالی با نتایج مرجع [۳۱] دارند. در این مرجع از ۴ المان تیر برای مدلسازی نیمی از سازه استفاده شده است.



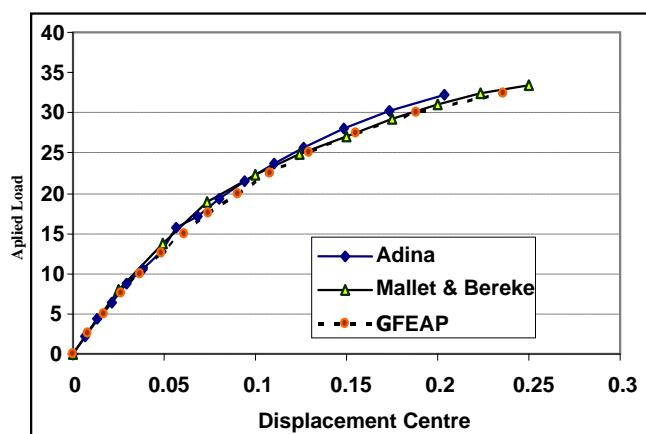
شکل ۱۰. هندسه و مشخصات صفحه



شکل ۸. مشخصات و هندسه مثال نمونه ۲



شکل ۱۱. خیز مرکز صفحه در برابر بار وارد (مدل نئوهوکین GFEAP و مقایسه با ANSYS)



شکل ۹. مقایسه نتایج حاصله با نتایج مرجع [۳۱]

۲-۴. کاربرد در سدهای بتنی قوسی
برای نشان دادن اهمیت مساله احتساب رفتار غیرخطی تغییر مکانهای بزرگ در سدهای بتنی قوسی در این قسمت تحلیل سد بتنی قوسی مارپوپینت تحت زلزله تفت ارائه می شود. سد قوسی مارپوپینت واقع بر رودخانه گانیسون در ایالت کلرادو آمریکا می باشد. این سد قوسی با ارتفاع ۱۴۱/۷۳ متر تقریباً متقاضان و با یک مرکز قوس در هر رقوم می باشد. در تحلیل فعلی بی سد صلب فرض شده و اندرکنش آب و مخزن به صورت جرم افزوده و سترگارد در نظر گرفته شده است. تحلیل دینامیکی سد تحت اثر مولفه های S69E و گرفته شده است. تحلیل زلزله تفت مقایس شده تا شتاب $0.5g$ به ترتیب در جهت جریان (y) و جهت قائم (z) انجام شده است. از انترگالگیری نیومارک با گام زمانی 0.02 ثانیه استفاده شده است. مدل الاستیستیتیت بتن سد $EC=2\times 10^{11} (\text{N/m}^2)$. نسبت پواسون بتن $= 0.2$ ، جرم واحد حجم بتن ($\rho = 2400 \text{ kg/m}^3$) و نسبت استهلاک ویسکوز $= 0.05$. انتخاب شده است. در تحلیل از ۲۰ المان ۲۰ گرهی آجری برای مدلسازی سازه سد استفاده شده است. مدل مصالح مورد استفاده برای احتساب رفتار غیر خطی هندسی، مدل انتخابی سنت ونانت-کیرشهف می باشد. با توجه به پیچیدگی های مدل های ویسکوپلاستیک به کار رفته برای احتساب نرخ کرنش در تحلیلهای دینامیک سدهای بتنی [۳۳]. در این تحقیق استفاده از اعمال ضرائب

ج-تحلیل استاتیکی و دینامیکی تغییر مکان بزرگ ورق [۳۱]
این سازه یک ورق مربعی شکل با تکیه گاههای ساده است که تحت بارگذاری فشاری یکنواخت قرار گرفته است. هندسه و مشخصات این سازه در شکل ۱۰ ارائه شده است.
از ۱۰۰ المان ۲۰ گرهی در مدلسازی استفاده شده است. از یک لایه المان در راستای ضخامت استفاده شده است. برای مقایسه کد این مثال با مدل نئوهوکین ANSYS مدل شده و نتایج با یکدیگر مقایسه شدند. نتایج حاصل در شکل ۱۱ با نتایج حاصل از مدل ANSYS مقایسه شده است.

در این شکل خیز نسبی مرکز ورق در برابر پارامتر بار (K) برای تحلیلهای خطی و غیرخطی به تصویر کشیده شده است. همانطور که از شکل دیده می شود، جوابها تطابق عالی با نتایج مدل ANSYS دارند.

برای کنترل بخش دینامیکی برنامه، تحلیل دینامیکی همین مثال تحت تاثیر سه مولفه زلزله منجیل انجام شد. جرم واحد حجم مصالح صفحه برابر 2.4 کیلوگرم بر متر مکعب فرض گردید. در شکل ۱۲ تاریخچه زمانی خیز مرکز صفحه با نتایج حاصل از مدل ANSYS برای تحلیلهای خطی و غیر خطی مقایسه شده است. نتایج تحلیلهای دینامیکی خطی و غیرخطی نگاشته شده تطابق خوبی با نرم افزار ANSYS دارند.

رفتار واقعی سد به تصویر کشیده می‌شود موجات تحریک بیشتر رفتار غیرخطی هندسی سدهای قوسی خواهد گردید.

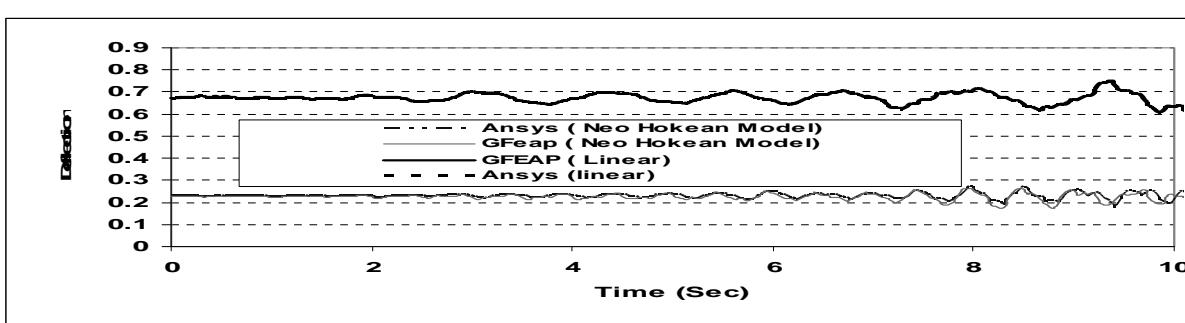
۵. خلاصه و نتیجه گیری

در این مقاله با بررسی رفتار مصالح بتنی و ویژگیهای سدهای بتنی قوسی و ویژگیهای بتن همچون عدم تحمل کرنشهای بزرگ، مدل سنت و نانت-کیرشهف برای مدلسازی رفتار غیرخطی هندسی سدهای بتنی پیشنهاد گردیده و در کد المان محدود به کار رفته است. نتایج این مدل با نتایج مراجع معترض صحت سنجی شد. برای مقایسه بیشتر مدل مصالح نئوهوکین نیز در برنامه اعمال و با نتایج نرم افزار ANSYS مقایسه گردید. مدلسازی رفتار غیرخطی هندسی المانهای سازه‌ای همچون تیرها، صفحات و پوسته‌ها با المانهای سه بعدی نتایج بسیار خوبی ارائه کرده و مشکلات همگرائی و مسائل عددی دیگر نیز کاهش یافته است. نتایج تحلیل سد مارپوینت نشان می‌دهد که صرف احتساب رفتار غیرخطی هندسی می‌تواند تفاوت معنی داری در پاسخ سد ایجاد نماید. با استفاده از مدل سنت و نانت کیرشهف کاهش جابجایهای و تنشهای فشاری اوج و در مقابل افزایش تنشهای کششی اوج در این تحلیل مشاهده شده است. از الگوی انترگالگیری ۱۴ نقطه ای برای تحلیلهای سه بعدی استفاده شد که با داشتن دقت مناسب منجر به کاهش قابل توجهی در محاسبات می‌شود. علاوه بر بارگذاری دینامیکی زمین لرزه، سدهای بتنی به فرمهای دیگری نیز می‌توانند رفتار تغییر شکل بزرگ از خود نشان دهند. به عنوان نمونه تحت اثر بارگذاریهای استاتیکی می‌توانند چار لغزش پایه و یا ناپایداریها و جابجایهای بزرگ در اثر واده‌ی تکیه گاه (همانند سد مالپاسه) گردند. تمامی این موارد توسط نرمافزار GFEAP قابل بررسی است. در این مطالعه تنها رفتار غیرخطی هندسی مدل شده است. اگر درزه‌های بدنه سد، انعطاف پذیری پی و رفتار غیرخطی مادی در بدنه سد را در نظر بگیریم، می‌توان انتظار داشت که تفاوت‌های حاصله به مراتب بیش از ۱۰ درصد خواهد بود. مدلسازی توام رفتار غیرخطی هندسی با رفتار غیرخطی مادی شامل مدل ترک سه بعدی، مدل پلاستیسته، مدل درزه و اندرکنش کامل دینامیکی آب و سازه از برنامه‌های آینده برای تکمیل پروژه می‌باشد.

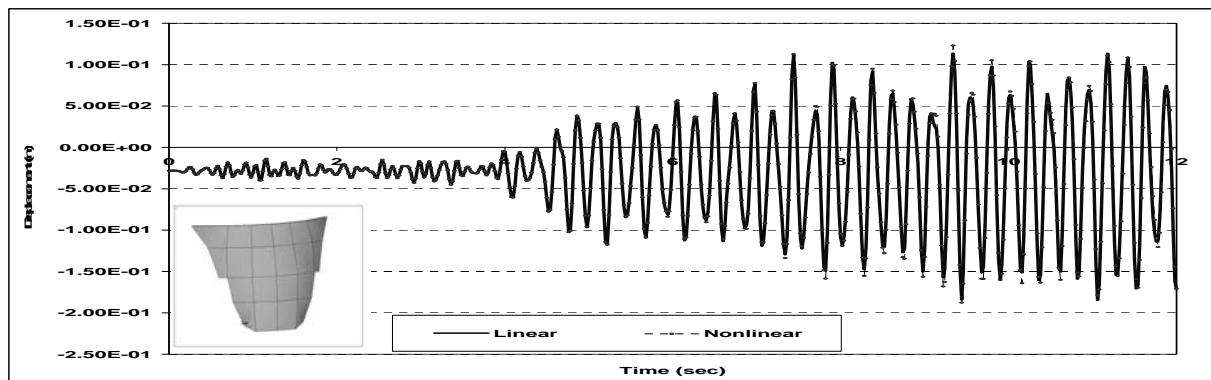
بزرگنمایی دینامیکی بر روی پارامتر مدول الاستیسیته بتن پیشنهاد می‌شود [۱].

در شکل ۱۳ تاریخچه زمانی تغییر مکانهای تاج سد دیده می‌شوند. تغییرات پاسخ رفتار غیرخطی تغییر مکان تاج سد نسبت به تحلیل خطی در طول تاریخچه زمانی برای پاسخهای اوج ۸/۵ درصد می‌باشد. پاسخ تنشهای در اشکال ۴ و ۱۵ ارائه شده‌اند. این اشکال در حالت کلی نشانگر افزایش تنشهای کششی و کاهش تنشهای فشاری می‌باشد. برای تنشهای در راستای قوس، افزایش ۶ درصدی در تنشهای کششی و کاهش ۷/۵ درصد در تنشهای فشاری رویه بالادست سد در بخش میانی سد در محل تاج مشاهده می‌شود (شکل ۱۴). برای تنشهای طره، کاهش ۲ درصد در تنشهای فشاری رویه بالادست سد در محل مشاهده می‌شود و تنشهای کششی تغییری نکرده‌اند (شکل ۱۵).

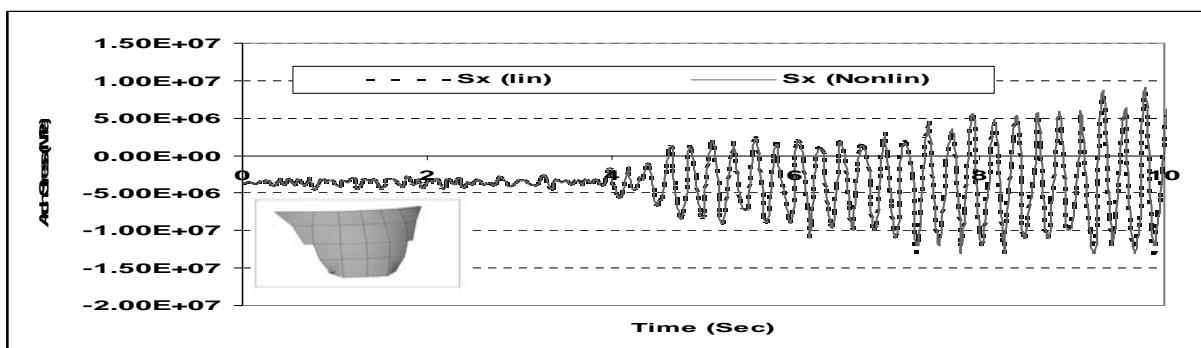
برای المان مجاور بی در راستای قوس تنشهای فشاری اوج تغییر نکرده و تنشهای کششی ۵ درصد افزایش نشان می‌دهند. برای تنشهای در جهت طره تنشهای کششی اوج ۳ درصد افزایش و تنشهای فشاری اوج ۸ درصد کاهش نشان می‌دهند. (اشکال ارائه نشده‌اند). تحت بارگذاری استاتیکی وزن و فشار هیدرولاستاتیک مخزن تفاوت معنی داری بین نتایج تحلیلهای خطی و غیرخطی وجود ندارد. در حالت بارگذاری دینامیکی بدون احتساب بار وزن و فشار هیدرولاستاتیک نیز تنها تفاوتی در حدود ۰/۵ درصد در پاسخهای اوج مشاهده می‌شود. این تحلیلهای نشان می‌دهد که با افزایش شدت بارهای وارد رفتار غیرخطی هندسی پررنگتر خواهد شد. سد مارپوینت یکی از ایمن‌ترین و خوش ساخت ترین سدهای قوسی جهان می‌باشد. با در نظر گرفتن سدهای بتنی قوسی دیگر با ارتفاعات بیشتر و ضخامت‌های کمتر، تاثیرات احتساب رفتار غیرخطی هندسی بر پاسخ سدهای بتنی محدود نشده و اندرکنش آب و سازه نیز با مدل جرم افزوده و سترگارد مدل شده است. احتساب انعطاف پذیری بی و اندرکنش کامل سد و مخزن موجب واضحتر شدن تاثیرات رفتار غیرخطی هندسی خواهد شد. علاوه بر موارد فوق در این مطالعه تاثیر رفتار غیرخطی مادی مصالح سد و رفتار غیرخطی درزه‌ها دیده نشده است. در نظر گرفتن این عوامل علاوه بر این که



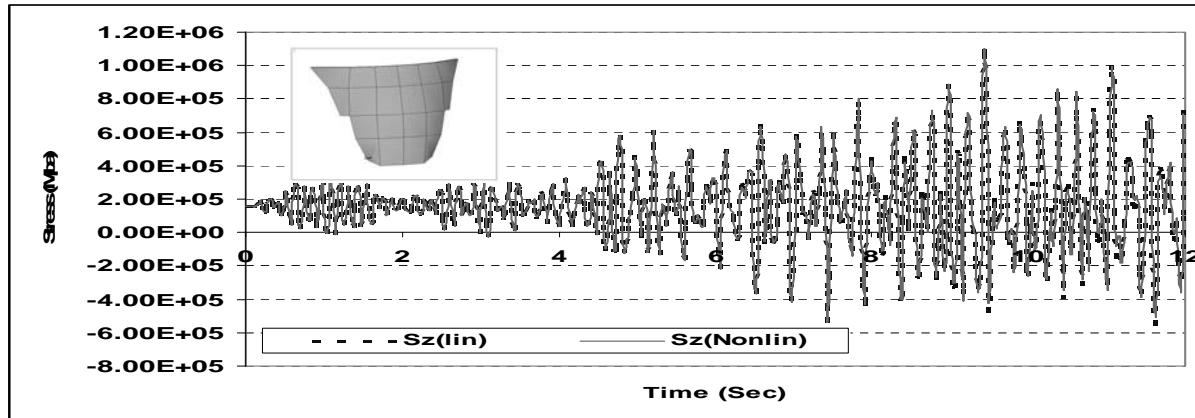
شکل ۱۲. تاریخچه زمانی خیز مرکز صفحه (تحلیل خطی مقایسه با ANSYS مدل نئوهوکین و مدل سنت و نانت GFEAP)



شکل ۱۳. تاریخچه زمانی پاسخ تغییر مکان تاج سد



شکل ۱۴. تاریخچه زمانی پاسخ تنשیها در راستای قوس در قسمت مرکزی تاج سد



شکل ۱۵. تاریخچه زمانی پاسخ تنشیها در راستای طره در قسمت مرکزی تاج سد

[5] Mays, J.R., Roehm, L.H., "Effect of Vertical Contraction Joints in Concrete Arch Dams", Computers & Structures, Vol.7, NO.4/5, 1993, PP.615-627.

[6] Lau, D.T., Noruziaan, B., Razaqpur, G., "Modeling of Contraction Joint and Shear Sliding Effects on Earthquake Response of Arch Dams", Earthquake Engineering and Structural Dynamics, 27, 1998, PP.1013-1029.

[7] Hall, J.F., "Efficient Nonlinear Seismic Analysis of Arch Dams", Earthquake Engineering and Structural Dynamics, 27, 1998, PP.1425-1444.

[8] Ahmadi, M.T., Izadinia, M., Bachmann, H., "A Discrete Crack Joint Model for Nonlinear Dynamic Analysis of

۶. مراجع

- [1] NRC, "Earthquake Engineering for Concrete Dams: Design, Performance, and Research Needs", National Research Council, 1990.
- [2] Hohberg, J.M., "A Joint Element for the Nonlinear Dynamic Analysis of Arch Dams" ETH Swiss, 1992.
- [3] Pedero, J., "Arch Dam on Active Fault Model Analysis of Special Construction Arrangements", Siesmic Congeres of large dam, San Fransisco, 1992.
- [4] Ahmadi, M.T., Razavi, S., "A Three Dimensional Joint Opening Analysis of an Arch Dam", Computers & Structures, Vol.44, No.1/2, 1992, PP.187-192.

- Plate Elements”, International journal for numericak method in engineering, Vol.37, 1994, PP.1697-1711.*
- [23] Polak, M.A., Vecchio, F.J., “*Nonlinear analysis of reinforced concrete shells*”, Journal of Structural Engineering, ASCE, Vol.119, 1993, PP.3439-3461.
- [24] Esmond, Chen, “*Nonlineare Grometric, Material and Time Depenent Analysis of Reinforced Concrete Shell with Ege Beams*” Report No UCB/SESM 82/08, Department of civil engineering university of California Berkeley, California, 1982.
- [25] Sathurappan, G., Rajagopalan, N., Krishnamoorthy, C.S., “*Nonlinear Finite Element Analysis of Reinforced and Prestressed Concrete Slabs with Reinforcement (Inclusive of Prestressing Steel) Modeled as Discrete Integral Components*”, Computers and Structures, Vol.44, No.3, 1992, PP. 575-584.
- [26] Roca, P., Mari, A.R., “*Numerica Tratement of Prestressing Tendons in Numerical Analysis of Prestressed Concrete Structures I*”, Computers and Structures Vol.46, No. 5, 1993, PP. 905-916.
- [27] Bathe, K.J., Walczak, J., Welch, A., Mistry, N., “*Nonlinear Analysis of Concrete Structures*”, Computers and Structures, Vol.32, 1989, PP.563-590.
- [28] Belytschko, T., Liu, W.K., Moran, B., “*Nonlinear Finite Elements for Continua and Structures*”, John Wiley & Sons, 2000.
- [29] Bathe, K.J., “*Finite Element Procedures*”, 1996.
- [30] Zienkevicz, O.C., Taylor, R.L., “*The Finite Element Mthod*” Vol 1, The Basis, BH, 2000.
- [31] Bathe, K.J., “*ADINA Verification Manual–Nonlinear Problems*”, 1991.
- [32] Wilson, E.L., “*Three-Dimensional Static and Dynamic Analysis of Structures.A Physical Approach with Emphasis on Earthquake Engineering*”, Computers and Structures, Inc.Berkeley, California, 1995.
- [33] Lin, G., Hu, Z., Xiao, S.Li, J., “*Some Problems on the Siesmic Design of Large Conrete Dam*”, 13’t World Conference on earthquake engineering, Vancouver, B.C., Canada, Augest 1-6, 2004.
- [34] Chuhan, Z., Yanjie, X., Guanglun, W., Feng, J., “*Nonlinear Seismic Response of Arch Dams with Contraction Joint Opening and Joint Reinforcements*” Earthquake Engineering & Structural Dynamics 2000, 29, PP.1547-1566.
- [35] Olivier, J., Cevera, M., “*Seismic Evaluation of Concrete Dams Via Continuum Damage Models*”, Earthquake Engineering and Structural Dynamics, 1995, Vol.24, PP.1225-1245.
- [36] Faria, R., Oliver, J., Cevera, M., “*A Strain-Based Plastic Viscose Damage Model for Massive Concrete Structures*”, Internatinal Journal of Solids Structures, Vol.35, No.14, 1998, PP.1533-1558.
- [37] Lee, J., Fenves, G.L., “*A Plastic – Damage Concrete Model for Earthquake Analysis of Dams*”, Earthquake Engineering and Structural Dynamics, 27, 1998, PP .937-965.
- [38] Feng, L.M., Pekauo, O.A., “*Cracking Analysis of Arch Dams by 3D Boundary Element Method*”, Journal Of Structural Engineering, Vol.122, No. 6, 1996.
- [39] Espandar, R., Lotfi, V., “*Comparison of Non-Orthogonal Smeared Crack and Plasticity Models for Dynamic Analysis of Concrete Arch Dams*” computers & Structures, Vol. 81, 2003, Issiu 14, PP. 1461-1474.
- [40] Watanabe, H., Razavi, S., “*Effect of Joint Opening and Material Nonlinearity on the Seismic Response of Concrete Arch Dam*”, 12 WCEE 2000.
- [41] Mirzabozorg, G., “*Damage Mechanics Approach in Siesmic Analysis of Concrete Gravity Dams Including Dam-Reservoir Interaction*”, European earthquake engineering 3, 2004.
- [42] Mirzabozorg, G., “*Non-Linear Behavior of Mass Concrete in Three-Dimensional Problems Using a Smeared Crack Approach*”, Eartquake Engineering and structural dynamics 2005, 34, PP. 247-269.
- [43] Chang, T-P., Chang, H-C., “*Nonlinear Vibration Analysis of Geometrically Nonlinear Shell Structures*”, Mechanics Research Communication, Vol.27, No.2, 2000, PP. 173-180.
- [44] Youakim, S.A.S., El-metewally, S.E.E., Chen, W.F., “*Nonlinear Analysis of Tunels in Clayey/Sandy Soil with a Concrete Lining*”, Engineering Structures, 22, 2000, PP. 707-722.
- [45] Khaloo, A.R., Asadpour, N., Horr, A.M., “*Full Dynamic Snalysis of Tehran Telecommunication Tower, Linear and Nonlinear Responses*”, The Structural Design Of Tall Building, 10, 2001, PP. 263-281.
- [46] Swaddiwudhipong, S., Liu, Z.S., “*Dynamic Response of Large Strain Elastic_Plastic Plate and Shell Structures*”, Thin-Walled Structures, Vol.26, No.4, 1996, PP.223-239.
- [47] Chin, C.K., Al-bermani, F.G.A., Kitiporvchai, S., “*Nonlinear Analysis of Thin -Walled Srtuctures Using*